

## ОПТИМАЛЬНОЕ РАСПРЕДЕЛЕНИЕ ЗАДАННОГО ЧИСЛА КОНТРОЛЬНЫХ ТОЧЕК МЕЖДУ УСТРОЙСТВАМИ РАДИОЭЛЕКТРОННОГО КОМПЛЕКСА

В. М. РАЗИН, Н. И. САБЛИН

(Представлена научным семинаром кафедры вычислительной техники)

При разработке и эксплуатации радиоэлектронных комплексов возникает задача распределения заданного числа контрольных точек между сложными устройствами, входящих в эти комплексы таким образом, чтобы система автоматического контроля (САК) с максимальной вероятностью обнаружила неисправность, возникшую в комплексе.

Пусть радиоэлектронный комплекс состоит из  $n$  устройств. Будем предполагать, что эти устройства достаточно сложны и требуют, по крайней мере, размещения на них не менее одной контрольной точки. Если всего контрольных точек  $m$ , то это условие можно записать в виде неравенства

$$m \geq n \dots \dots \dots (1)$$

Считаем известными вероятности  $P_i \{i = 1, \bar{n}\}$  безотказной работы каждого устройства и вероятности  $\gamma_i \{i = 1, \bar{n}\}$  обнаружения системой автоконтроля неисправности в  $i$ -м устройстве при наличии в ней одной контрольной точки. Требуется  $m$  контрольных точек распределить между  $n$  устройствами комплекса таким образом, чтобы вероятность обнаружения неисправности с помощью САК в комплексе была максимальна.

Введем следующие обозначения:

Событие  $A$  — обнаружение неисправности САК в комплексе, причем предполагается, что САК абсолютно надежна.

Гипотеза  $H_i \{K = 1, \bar{n}\}$  — неисправность возникла в  $i$ -м устройстве. Полагаем, что при установлении факта неисправности комплекса неисправность является единичной, т. е. она имеется только в одном устройстве, при этом очевидно, что

$$\sum_{i=1}^n P(H_i) = 1.$$

В этом случае вероятность  $P(A)$  обнаружения неисправности САК в комплексе определяется следующим соотношением:

$$P(A) = \sum_{i=1}^n P(H_i) P(A/H_i) \dots \dots \dots (2)$$



$$\left. \begin{aligned}
 &(1 - P_i^*)(1 - \gamma_i)^{m_i} \ln(1 - \gamma_i) - (1 - P_n^*)(1 - \gamma_n)^{m - \sum_{i=1}^{n-1} m_i} \ln(1 - \gamma_n) = 0 \\
 &\dots\dots\dots \\
 &(1 - P_{n-1}^*)(1 - \gamma_{n-1})^{m_{n-1}} \ln(1 - \gamma_{n-1}) - \\
 &\quad - (1 - P_n^*)(1 - \gamma_n)^{m - \sum_{i=1}^{n-1} m_i} \ln(1 - \gamma_n) = 0.
 \end{aligned} \right\}$$

Решение системы (7)

$$\{m_1^*, m_2^*, \dots, m_i^*, \dots, m_{n-1}^*, m - \sum_{i=1}^{n-1} m_i^*\}$$

оптимальным образом распределяет  $m$  контрольных точек между устройствами комплекса.

Система уравнений (7) относительно  $m_i$  легко разрешается аналитически, путем переноса одного из членов разности левых частей уравнений системы в правую с последующим логарифмированием обеих частей, после чего получаем систему обычных линейных уравнений, которая решается известными методами. Рассмотрим гипотетический пример. Пусть исследуемый комплекс состоит из  $n = 3$  устройств с  $(1 - P_1^*) = 0,25$ ,  $(1 - P_2^*) = 0,30$  и  $(1 - P_3^*) = 0,45$  и  $\gamma_i \{i = \overline{1,3}\} = \gamma = 0,8$ . Требуется распределить  $m = 5$  контрольных точек. На основании вышеизложенной методики получим систему из 2-х уравнений:

$$\begin{cases} 0,25 \cdot 0,2^{m_1} - 0,45 \cdot 0,2^{5 - m_1 - m_2} = 0 \\ 0,30 \cdot 0,2^{m_2} - 0,45 \cdot 0,2^{5 - m_1 - m_2} = 0 \end{cases} \quad (8)$$

Решив систему (8) и ограничившись целочисленными значениями (берется ближайшее целое число)  $m_i$ , получим следующее оптимальное распределение:

$$\{m_1 = 1; m_2 = 2; m_3 = 2\}.$$

При этом

$$P(A) = 1 - 0,25 \cdot 0,2^1 - 0,30 \cdot 0,2^2 - 0,45 \cdot 0,2^2 = 0,92.$$

Изложенную выше методику оптимального распределения  $m$  контрольных точек между  $n$  устройствами комплекса можно также интерпретировать при  $m = n$ , как определение оптимальных кратностей опроса всех устройств комплекса для повышения достоверности контроля.

Предлагаемая методика позволяет также при заданной вероятности  $p^* [A]$  обнаружения САК неисправности в комплексе определить минимальное значение  $m$ , характеризующего глубину контроля исследуемого комплекса. Алгоритм определения  $m$  очень прост:

1-й шаг. Принимается  $m = n$  и вычисляется  $P(A/m)$ . Если  $P(A/m) < P^*(A)$ , переходим ко второму шагу.

2-й шаг. Берем  $m + 1$  контрольных точек и вычисляем  $P(A/m + 1)$ .

Если  $P(A/m + 1) < P^*(A)$ , переходим к 3-му шагу и т. д.

Процесс заканчивается на  $k - m$  шаге, при этом число контрольных точек равно  $m + k$ , а

$$P(A/m + k) \approx P^*(A).$$

В данном случае при переходе от шага к шагу число контрольных точек увеличивается на  $\Delta m = 1$ . Чтобы ускорить процесс вычисления, целесообразнее принимать  $\Delta m > 1$  до первого превышения  $P(A/m + k) > P^*(A)$ , а затем принимать  $\Delta m = -1$  до получения соотношения  $P(A/m + k - j \cdot \Delta m) \approx P^*(A)$ , где  $j$  — число шагов с  $\Delta m = -1$ .