

ИЗВЕСТИЯ
ТОМСКОГО ОРДЕНА ОКТЯБРЬСКОЙ РЕВОЛЮЦИИ
И ОРДЕНА ТРУДОВОГО КРАСНОГО ЗНАМЕНИ ПОЛИТЕХНИЧЕСКОГО
ИНСТИТУТА имени С. М. КИРОВА

Том 243

1972

**ФИЗИЧЕСКИЕ ПРОЦЕССЫ В ФЕРРОМАГНИТНЫХ
ПОДМАГНИЧИВАЕМЫХ УСТРОЙСТВАХ ПРИ ИМПУЛЬСНОМ
УПРАВЛЕНИИ**

В. П. ОБРУСНИК, А. В. КОБЗЕВ

(Представлена научно-техническим семинаром отдела статистических преобразователей НИИ АЭМ при ТПИ)

При построении систем регулирования—стабилизации напряжения, тока, мощности с силовыми ферромагнитными подмагничиваемыми устройствами (ФПУ) (например: магнитными усилителями (МУ) или подмагничиваемыми трансформаторами (ПТ), большое внимание уделяется выбору промежуточного усилителя. При этом, вследствие взаимовлияния этих двух элементов [3, 4, 5], выбор последнего в значительной мере определяет такие характеристики регулятора, как схема силовой части, к. п. д., стойкость к перегрузкам и коротким замыканиям, быстродействие, коэффициент усиления по мощности. Авторами статьи установлено, что наибольший положительный эффект при использовании этого взаимовлияния можно получить, если для управления простейшим ФПУ (рис. 1, а) с одной обмоткой управления применить промежуточный полупроводниковый усилитель класса D , реализующий способ импульсного подмагничивания, подробно описанный в работах [1, 2]. Кратко он заключается в том, что в обмотку управления, шунтированную обратным вентилем, подаются узкие, однополярные импульсы напряжения с удвоенной частотой сети в моменты, когда ток в этой обмотке минимален. При этом резко снижается требуемая мощность блока управления, упрощается схема силовой цепи и повышается ее к. п. д. Легко формируются характеристики, обеспечивающие естественную защиту от перегрузок и коротких замыканий. Такой способ импульсного подмагничивания ФПУ в настоящее время применен в ряде промышленных установок, он обеспечивает им высокую надежность и хорошие эксплуатационные качества.

Ниже дается анализ физических процессов, энергетических соотношений и других показателей, импульсно подмагничиваемых ФПУ, с целью их теоретического обоснования, объяснения существа происходящих явлений, выявления возможности оптимизации и получения практических выводов.

Рассуждения проводятся применительно к схеме одного из вариантов ФПУ на рис. 1, а, где квантование напряжения подмагничивания осуществляется быстродействующим ключом K . Для этой схемы можно выделить три цепи, каждая из которых характеризуется определенным законом изменения тока: цепь ключа, где протекает ток i_y , потребляемый от источника подмагничивания, цепь обмотки W_y с током подмагничивания i_d и цепь диода D , в которой протекает ток i_D .

На активном сопротивлении обмотки W_y при протекании тока i_a

выделяется мощность P_d . По отношению к мощности нагрузки P_H она характеризуется коэффициентом передачи мощности самого ФПУ, равным

$$K'_p = \frac{P_H}{P_d} . \quad (1)$$

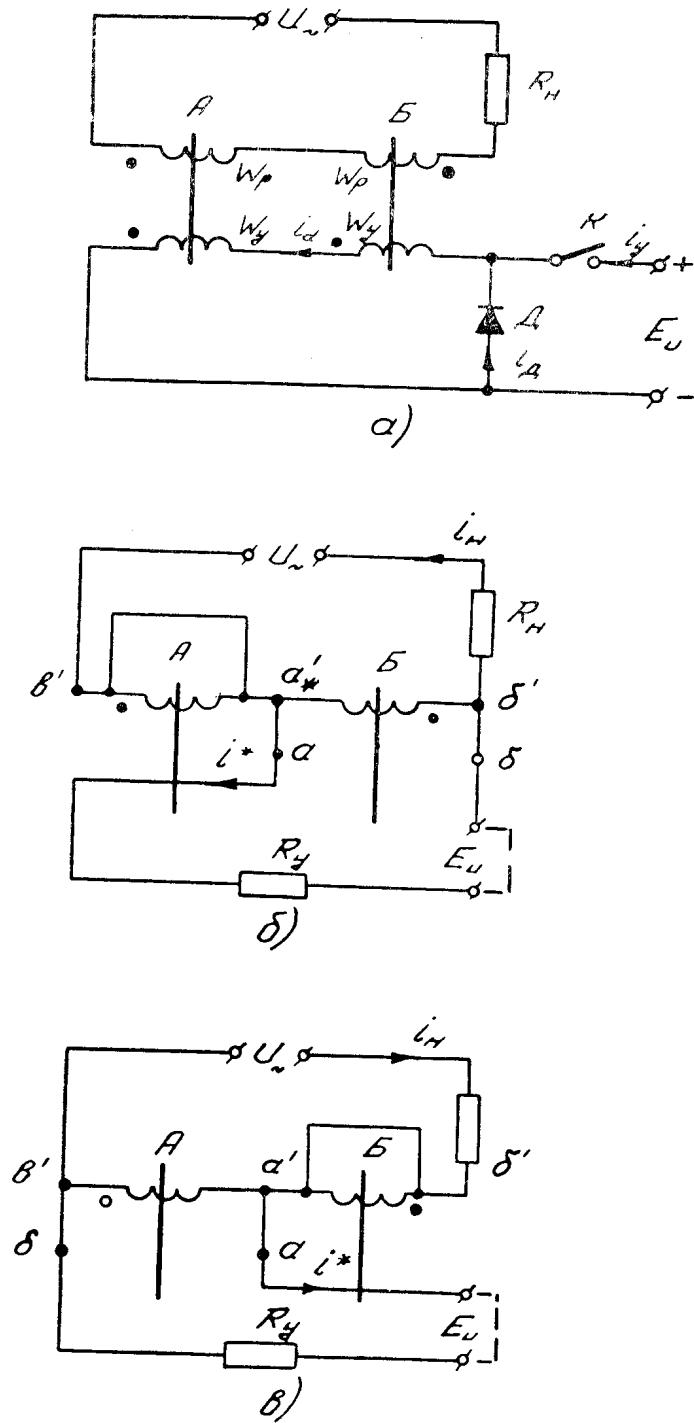


Рис. 1

Этот коэффициент K'_p зависит от конструктивных параметров ФПУ и не зависит от способа управления.

От источника подмагничивания потребляется мощность P_y , которая характеризует коэффициент передачи по мощности в цепи подмагничивания

$$K''_p = \frac{P_d}{P_y}. \quad (2)$$

Коэффициент K''_p характерен только для импульсного подмагничивания, поэтому ниже будет проанализирован более подробно.

Очевидно, что общий коэффициент усиления по мощности ФПУ, управляемого от промежуточного усилителя, будет равен произведению K'_p и K''_p : $K_p = K'_p \cdot K''_p$.

Поскольку включение диода D обеспечивает ФПУ режим работы со свободными четными гармониками тока, то для составления расчетной схемы будут использованы выводы, известные в теории МУ [6]. Так, интервал насыщения сердечника A может быть представлен схемой на рис. 1, б — в предположении, что числа витков рабочей обмотки и обмотки управления ФПУ одинаковы. При насыщении сердечника A его рабочая обмотка как бы закорачивается, а ненасыщенный сердечник B шунтируется цепью управления. Если принять условие, что $R_h \ll R_y$, то ток в цепи управления будет полностью определяться рабочей цепью и равен в этот полупериод току нагрузки: $i^* = i_h$. В следующий полупериод сердечники меняются местами, и этот интервал можно представить схемой (рис. 1, в). Здесь зажим b перебрасывается в точку a , а ток $i^* = i_h$ по-прежнему протекает от зажима a к зажиму b . Таким образом, через цепь управления протекает выпрямленный ток нагрузки и рабочую цепь можно рассматривать по отношению к цепи управления как генератор тока четных гармоник. Описанные явления хорошо отражаются схемой замещения контура подмагничивания ФПУ на рис. 2, а, где

E_u — э. д. с. источника подмагничивания,

R_u — внутреннее сопротивление этого источника,

R_y — сопротивление обмотки управления,

L_y — индуктивность ненасыщенного сердечника с обмоткой W_y ,

i_{2n} — токи генераторов четных гармоник при $n=1, 2, 3\dots$

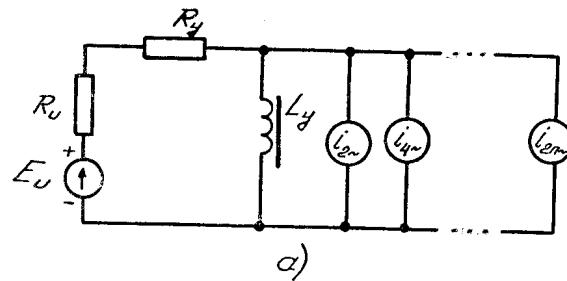
В дальнейшем с целью упрощения и лучшего выяснения физической сущности процессов к рассмотрению принят только генератор тока удвоенной частоты i_2 для цепи с импульсным управлением получена схема на рис. 2 б, где элементы K и D перенесены со схемы на рис. 1, а. Здесь при замкнутом ключе K ток протекает через источник подмагничивания E_u , R_u , а при разомкнутом — через обратный вентиль D . Поскольку диод с током можно рассматривать как элемент, проводящий в обоих направлениях, то схема рис. 2, б преобразуется в схему рис. 2, в, которая и принята за расчетную.

По методу наложения схема на рис. 2, в представлена двумя ее составляющими: одна на рис. 2, г, где действует только источник э. д. с. E_u , а зажимы генератора тока разомкнуты (его внутреннее сопротивление R_g принимается равным ∞), и другая на рис. 2, д, где действует только генератор тока, а зажимы источника эдс закорочены (его внутреннее сопротивление равно нулю).

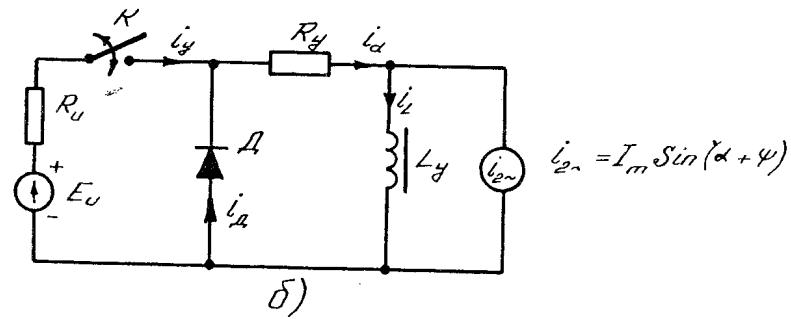
Для схемы рис. 2, г, могут быть составлены уравнения: для интервала времени, когда к обмотке W_y приложено напряжение управляющего импульса, то есть ключ K находится в положении 1, и $0 \leq a \leq a_h$,

$$E_u - R_u \cdot i_y - R_y \cdot i_d - L_y \frac{di_L}{dt} = 0. \quad (3)$$

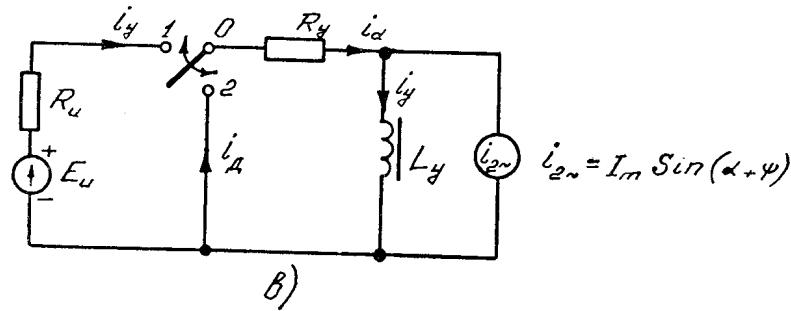
Учитывая, что $a = \omega t$ и в рассматриваемом интервале $i_y' = i_d = i_z$, можно получить



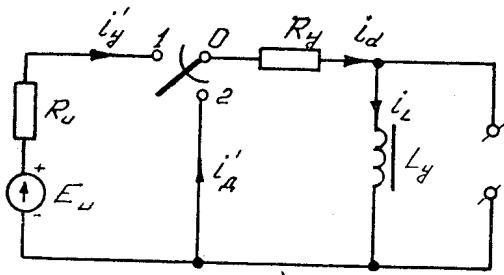
а)



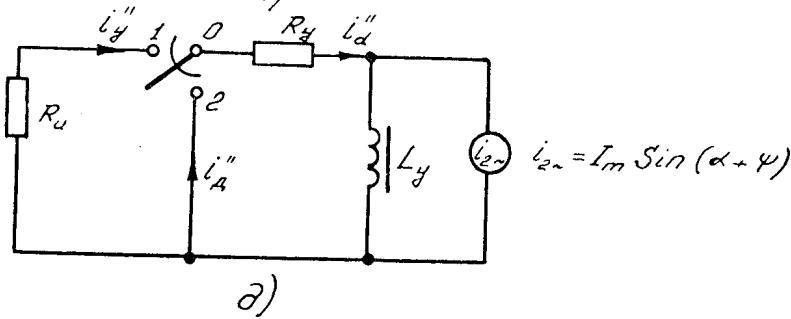
б)



в)



г)



д)

Рис. 2

$$\omega L_y \frac{di_L}{d\alpha} + R_i L = E_u, \quad (4)$$

где

$$R = R_u + R_y.$$

Для интервала паузы, когда источник напряжения постоянного тока отключен, ключ K находится в положении 2 и $\alpha_u \leq \alpha \leq \alpha_t$:

$$\omega L_y \frac{di_L}{d\alpha} + R_y i_L = 0. \quad (5)$$

Решая (4), (5) и припасовывая решения, получаем при

$$i_L = K_1 e^{-\frac{R}{\omega L_y} \cdot \alpha} + \frac{E_u}{R}, \quad (6)$$

где

$$k_1 = \frac{\frac{E_u}{R} \left(e^{-\frac{R_y}{\omega L_y} \cdot \alpha_t} \cdot e^{\frac{R_y}{\omega L_y} \cdot \alpha_u} - 1 \right)}{1 - e^{-\frac{R}{\omega L_y} \cdot \alpha_u} \cdot e^{\frac{R_y}{\omega L_y} \cdot \alpha_u} - e^{-\frac{R_y}{\omega L_y} \cdot \alpha_t}}, \quad (7)$$

При $\alpha_u \leq \alpha \leq \alpha_t$:

$$i_L = k_2 e^{-\frac{R_y}{\omega L_y} \alpha} \quad i'_y = 0, \quad i'_d = i_L, \quad (8)$$

где

$$k_2 = \frac{\frac{E_u}{R} e^{\frac{R_y}{\omega L_y} \alpha_u} \left(1 - e^{-\frac{R}{\omega L_y} \alpha_u} \right)}{1 - e^{-\frac{R}{\omega L_y} \alpha_u} \cdot e^{\frac{R_y}{\omega L_y} \alpha_u} - e^{-\frac{R_y}{\omega L_y} \alpha_t}}. \quad (9)$$

Мощность, рассеиваемая в активном сопротивлении обмотки управления, будет равна

$$P_d = \frac{1}{\alpha_t} \int_0^{\alpha_t} R_y i_{Ld}^2(\alpha) \cdot d\alpha = \left(\frac{E_u}{R} \right)^2 \cdot R_y \cdot \gamma + \frac{R_y}{\alpha_t} \cdot k_1^2 \frac{\omega L_y}{2R} \left(1 - e^{-\frac{2R}{\omega L_y} \alpha_u} \right) + \\ + \frac{R_y}{\alpha_t} 2k_1 \frac{E_u}{R} \cdot \frac{\omega L_y}{R} \left(1 - e^{-\frac{R}{\omega L_y} \alpha_u} \right) + \frac{R_y}{\alpha_t} k_1^2 \frac{\omega L_y}{2R_y} \left(e^{-\frac{2R_y \cdot \alpha_u}{\omega L_y}} - e^{-\frac{2R_y \cdot \alpha_t}{\omega L_y}} \right). \quad (10)$$

Здесь $\gamma = \frac{\alpha_u}{\alpha_t}$ — относительная длительность управляющего импульса.

Мощность, потребляемая от источника подмагничивания:

$$P_y = \frac{1}{\alpha_t} \int_0^{\alpha_t} E_u \cdot i'_y(\alpha) d\alpha = \frac{E_u^2}{R} \gamma + \frac{E_u}{\alpha_t} k_1 \frac{\omega L_y}{R} \left(1 - e^{-\frac{R}{\omega L_y} \alpha_u} \right). \quad (11)$$

Для наглядности анализа и выводов приняты допущения: $L_y \rightarrow \infty$; $R_u = 0$. Тогда

$$i_y = i_d = i_L = \lim_{L_y \rightarrow \infty} k_1 e^{-\frac{R_y}{\omega L_y} \alpha} + \lim_{L_y \rightarrow \infty} \frac{E_u}{R_y} = \frac{E_u}{R} \gamma; \quad 0 \leq \alpha \leq \alpha_u \quad (12)$$

$$\left. \begin{aligned} i_y &= 0 \\ i_d &= i_L = \lim_{L_y \rightarrow \infty} k_2 e^{-\frac{R_y \cdot \alpha}{\omega L_y}} = \frac{E_u}{R} \gamma \end{aligned} \right\} \alpha_u \leq \alpha \leq \alpha_t. \quad (12a)$$

$$\left. \begin{aligned} P_d &= \lim_{L_y \rightarrow \infty} P_d(L_y) = \frac{E_u^2}{R} \gamma^2 \\ P_y &= \lim_{L_p \rightarrow \infty} P_y(L_p) = \frac{E_u^2}{R} \gamma^2 \end{aligned} \right\}. \quad (13)$$

Как и следовало ожидать, при отсутствии генератора тока и $R_u=0$ мощность, потребляемая от источника подмагничивания P_y , равна мощности, рассеиваемой в активном сопротивлении обмотки управления P_d , то есть коэффициент передачи мощности в цепи подмагничивания равен единице.

В схеме рис. 2, ∂ на удвоенной частоте всегда $WL_y \gg R$ и в интервале $0 \leq \alpha \leq \alpha_u$,

$$i''_y = i''_d = I_m \sin(\alpha + \psi), \quad i_L = 0, \quad (14)$$

а в интервале паузы, когда $\alpha_u \leq \alpha \leq \alpha_t$, можно получить

$$i_L = 0, \quad i''_y = 0, \quad i''_d = I_m \sin(\alpha + \psi). \quad (15)$$

Тогда по методу наложения: $i_y = i'_y + i''_y$; $i_d = i'_d + i''_d$.

$$i_d = i_y = k_1 e^{-\frac{R}{\omega L_y} \alpha} + \frac{E_u}{R} + I_m \sin(\alpha + \psi) \quad (16)$$

при $0 \leq \alpha \leq \alpha_u$

$$i_y = 0; \quad i_d = k_2 e^{-\frac{R}{\omega L_y} \alpha_u} + I_m \sin(\alpha + \psi) \quad (17)$$

при $\alpha_u \leq \alpha \leq \alpha_t$.

$$\begin{aligned} P_y &= \frac{1}{\alpha_t} \int_0^{\alpha_t} E_u \cdot i_y(\alpha) d\alpha = \frac{E_u^2}{R} \gamma + \frac{E_u}{\alpha_t} k_1 \frac{\omega L_y}{R} \left(1 - e^{-\frac{R}{\omega L_y} \alpha_u} \right) - \\ &- \frac{E_u}{\alpha_t} I_m [\cos(\alpha_u + \psi) - \cos\psi]. \end{aligned} \quad (18)$$

$$\begin{aligned} P_d &= \frac{E_u^2}{R^2} \cdot R_y \cdot \gamma + \frac{1}{2} R_y I_m^2 + \frac{R_y}{\alpha_t} k_2^2 \frac{\omega L_y}{2R} \left(1 - e^{-\frac{2R}{\omega L_y} \alpha_u} \right) + \\ &+ \frac{R_y}{\alpha_t} \cdot \frac{E_u}{R} 2k_1 \frac{\omega L_y}{R} \left(1 - e^{-\frac{R}{\omega L_y} \alpha_u} \right) - \frac{R_y}{\alpha_t} 2k_1 I_m \cdot \frac{e^{-\frac{R}{\omega L_y} \alpha_u}}{\left(\frac{R}{\omega L_y} \right)^2 + 1}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& \left[\frac{R}{\omega L_y} \sin(\alpha_u + \psi) + \cos(\alpha_u + \psi) \right] + \frac{R_y}{\alpha_T} 2k_1 \cdot I_m \frac{1}{\left(\frac{R}{\omega L_y} \right)^2 + 1} \times \\
& \times \left[\frac{R}{\omega L_y} \sin \psi + \cos \psi \right] - \frac{R_y}{\alpha_T} \cdot \frac{E_u}{R} \cdot 2I_m \cos(\alpha_u + \psi) + \frac{R_y}{\alpha_T} \cdot \frac{E_u}{R} 2I_m \cos \psi + \\
& + \frac{R_y}{\alpha_T} k_2 \frac{\omega L_y}{2R_v} \left(e^{-\frac{2R_y \alpha_u}{\omega L_y}} - e^{-\frac{2R_y \alpha_T}{\omega L_y}} \right) \frac{R_v}{\alpha_T} \cdot 2k_2 I_m \frac{e^{\frac{R_y}{\omega L_y} \alpha_T}}{\left(\frac{R_y}{\omega L_y} \right)^2 + 1} \times \\
& \times \left[\frac{R_y}{\omega L_y} \sin(\alpha_T + \psi) + \cos(\alpha_T + \psi) \right] + \frac{R_y}{\alpha_T} 2k_2 \cdot I_m \frac{e^{-\frac{R_y}{\omega L_y} \alpha_u}}{\left(\frac{R_y}{\omega L_y} \right)^2 + 1} \times \\
& \times \left[\frac{R_y}{\omega L_y} (\sin \alpha_u + \psi) + \cos(\alpha_u + \psi) \right]. \quad (19)
\end{aligned}$$

Для дальнейшего анализа процессов устанавливается связь максимального значения тока второй гармоники I_m со средним значением тока обмотки подмагничивания I_{dcp} :

$$I_{dcp} = \frac{1}{\alpha_T} \int_0^{\alpha_T} i_d(\alpha) d\alpha, \quad (20)$$

$$I_m = K_{m2} \cdot I_{dcp}, \quad (21)$$

где

K_{m2} — коэффициент модуляции тока подмагничивания второй гармоникой; он в общем случае нелинейно зависит от I_{dcp} .

Из выражений (16) и (17) с учетом сделанных выше допущений можно найти:

при $0 \leq \alpha \leq \alpha_u$

$$i_d = \lim_{L_y \rightarrow \infty} i_d(L_y) = \frac{E_u}{R} \gamma + I_m \sin(\alpha + \psi); \quad (22a)$$

при $\alpha_u \leq \alpha \leq \alpha_T$

$$i_d = \lim_{\alpha_y \rightarrow \infty} i_d(L_y) = \frac{E_u}{R} \gamma + I_m \sin(\alpha + \psi). \quad (22b)$$

Тогда

$$I_{dcp} = \frac{1}{\alpha_T} \int_0^{\alpha_T} i_d(\alpha) d\alpha = \frac{E_u}{R} \gamma. \quad (23)$$

Как видно из (23), среднее значение тока подмагничивания I_{dcp} не зависит от степени его модуляции, а зависит только от параметров цепи и уровня регулирования, и выражение (21) примет вид

$$I_m = K_{m2} \cdot \frac{E_u}{R} \gamma. \quad (24)$$

С учетом (24), а также сделанных допущений, что $R_u=0$, $L_y \rightarrow \infty$ из выражений (18, 19) можно получить удобные расчетные зависимости:

$$P_y = \lim_{L_y \rightarrow \infty} P_y(L_y) = \frac{E^2 u}{R} \gamma^2 - K_{M2} \frac{E^2 u}{R \alpha_T} \gamma [\cos(\alpha_u + \psi) - \cos\psi], \quad (25)$$

$$P_d = \lim_{L_y \rightarrow \infty} P_d(L_y) = \frac{E^2 u}{R} \gamma^2 \left(1 + \frac{1}{2} K^2 M_2 \right). \quad (26)$$

На рис. 3 приведены временные диаграммы токов в цепи с импульсным подмагничиванием, построенные по выражениям (16, 17). Расчетные токи i_d , i_y и $i_l = i_d \cdot i_y$ на этом рисунке очень близки к временным ди-

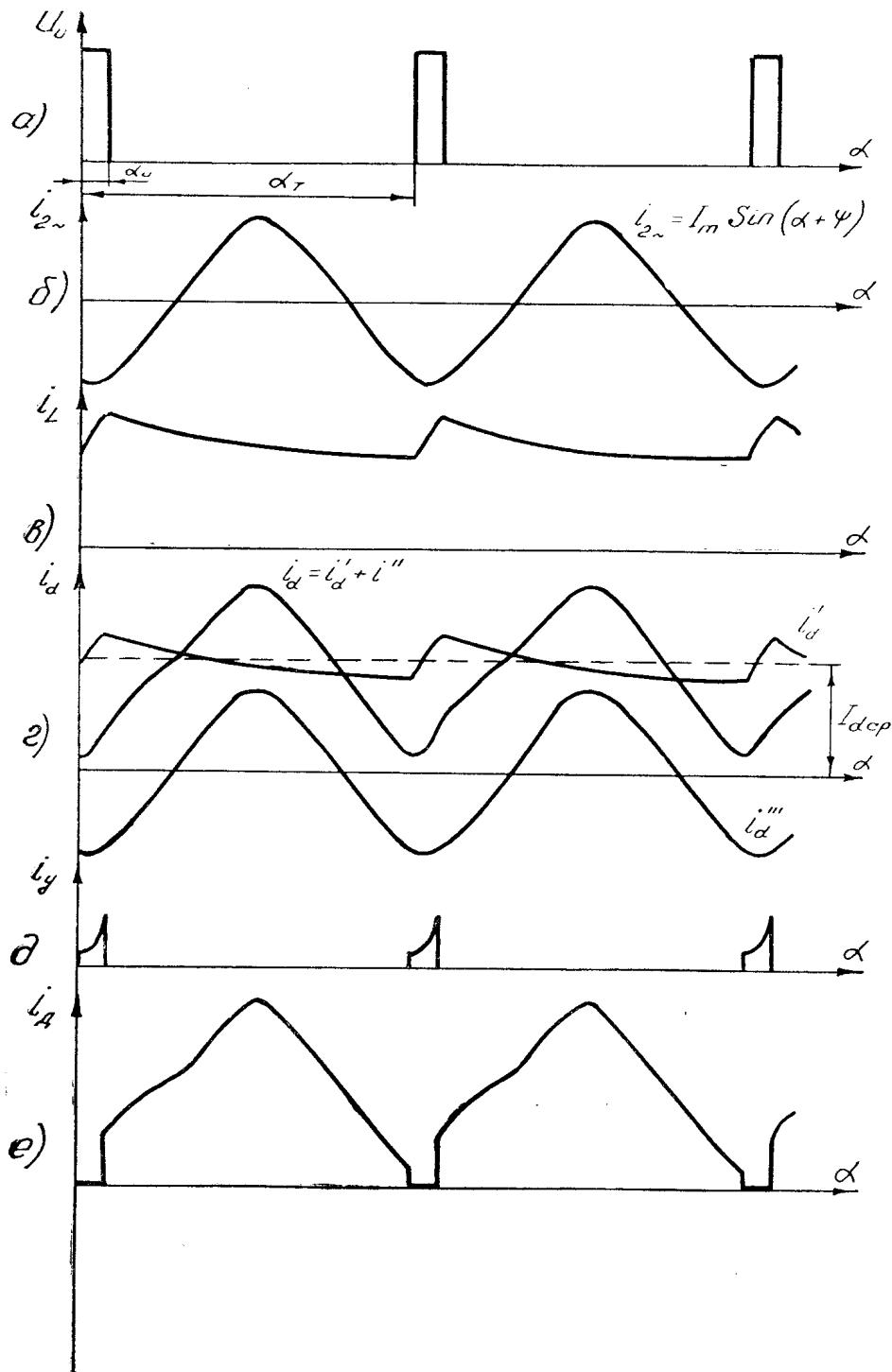


Рис. 3

аграммам, снятым опытно в реальных ФПУ, что подтверждает правильность расчетной схемы рис. 2, в.

Анализ выражений (25, 26) позволяет сделать ряд интересных выводов.

Так, если $\gamma = 1$, $\alpha_u = \alpha_t$, то есть дискретное управление переходит в непрерывное, то

$$P_y = \frac{E^2 u}{R},$$

$$P_d = \frac{E^2 u}{R} \left(1 + \frac{1}{2} K_{m2}^2 \right) \text{ и } k''_p = \frac{P_d}{P_y} = 1 + \frac{1}{2} K_{m2}^2.$$

Отсюда получается, что если коэффициент модуляции тока подмагничивания K_{m2} равен 1, то коэффициент передачи по мощности в цепи подмагничивания k''_p будет равен 1,5.

Если же $K_m = 0$, что имеет место при очень сильном насыщении сердечников постоянным полем, то $k''_p = 1$. Очевидно, что при непрерывном подмагничивании энергетические соотношения в цепи управления не зависят от фазы токов четных гармоник.

При изменении же коэффициента модуляции максимально возможный диапазон изменения k''_p от 1 до 1,5. Ниже для оценки преимуществ импульсного подмагничивания необходимо сравнивать значения k''_p , характеризующие этот способ с $k''_p = 1 \div 1,5$.

На рис. 4 приведены зависимости $k''_p = f(\gamma; \Psi)$, построенные по выражениям (25), (26) для коэффициента модуляции $k_{m2} = 1$, а на рис. 5 — зависимость $k''_{pmax} = f(k_{m2})$, при $\gamma = 1/12$ ($\alpha_u = \frac{\pi}{6}$). Анализ кривых рис. 4, 5 позволяет сделать еще ряд важных выводов.

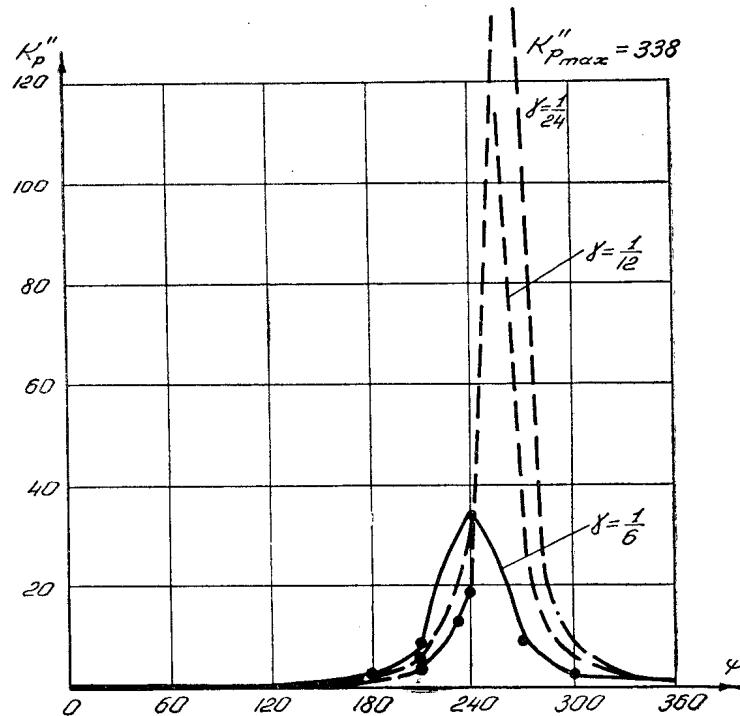


Рис. 4

1. Коэффициент передачи по мощности в цепи подмагничивания k''_p сильно зависит от фазы тока второй гармоники относительно импуль-

са. В частности, если $\Psi=0 \div 150^\circ$ (рис. 4), то K''_p при импульсном подмагничивании оказывается даже меньше, чем при непрерывном ($K''_p < 1,5$). В то же время при $\Psi=240 \div 265^\circ$ k''_p увеличивается в не-

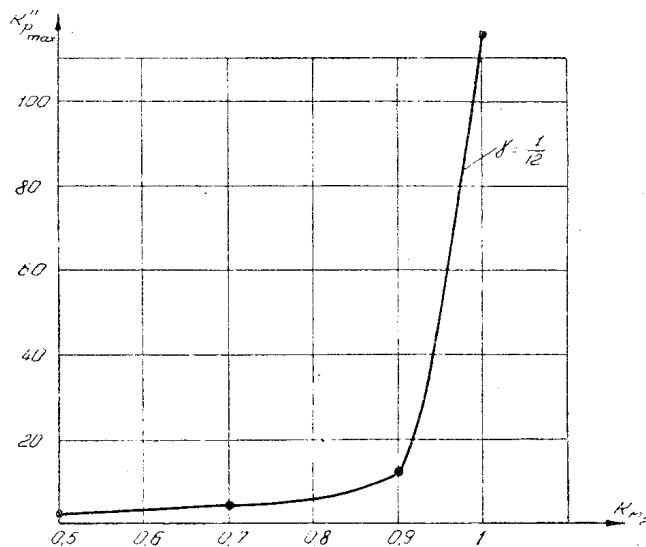


Рис. 5

сколько десятков раз. Это обстоятельство необходимо учитывать при проектировании промежуточных усилителей для импульсного управления ФПУ. В частности, учитывая, что фаза второй гармоники тока зависит от ряда факторов (степени подмагничивания, характера и величины нагрузки и т. д.), необходимо строить усилитель так, чтобы и фаза импульса изменялась в соответствии с изменением фазы второй гармоники тока.

2. Максимальное значение коэффициента k''_p , а следовательно, и общего коэффициента усиления ФПУ по мощности k''_p , очень сильно зависит от ширины импульса. Так, при $\alpha_u = \frac{\pi}{12}$ $\left(\gamma = \frac{1}{24}\right)$

$$K''_{p\max} = 338,$$

(рис. 4), в то же время при $\alpha_u = \frac{\pi}{3}$ $\left(\gamma = \frac{1}{6}\right)$ $k''_{p\max} = 34,7$.

Отсюда следует, что для поддержания коэффициента усиления по мощности на достаточно высоком уровне необходимо ограничивать предельную ширину импульса.

Поскольку для управления ФПУ требуется определенное среднее значение напряжения $U_y = E_u \cdot \gamma$, то этот важный вывод может быть сформулирован несколько по-иному: при импульсном управлении ФПУ очень выгодным оказывается резко повысить напряжение источника питания E_u . А так как при этом максимальное, требуемое по условиям регулирования γ уменьшается в этой же пропорции, то $k''_{p\max}$ резко возрастает. Наряду с уменьшением мощности блока управления, уменьшаются и токи в цепи ключа, что является дополнительным положительным фактором и позволяет значительно сократить габариты и вес промежуточного усилителя.

3. Максимальное значение коэффициента k''_p резко меняется при изменении коэффициента модуляции тока подмагничивания K_{m2} (рис. 5). Например, при $\gamma = \frac{1}{12}$ и $K_{m2} = 1$, k''_p будет равен 115,5, но уже при $K_{m2} = 0,9$, $k''_p = 12,7$, а при $K_{m2} = 0,5$, $k''_p = 2,22$.

Вопрос нахождения оптимального коэффициента модуляции тока еще изучен недостаточно, но имеющиеся опытные данные показывают, что вnomинальном режиме для большинства проектируемых ФПУ K_m^2 лежит в пределах $0,85 \div 0,9$, что при соответствующем ограничении скважности импульса и выборе фазы импульса в пределах ($240 \div 260^\circ$) дает выигрыш в коэффициенте усиления по мощности при импульсном управлении по сравнению с непрерывным в $5 \div 10$ и более раз.

Проведенный анализ физических процессов при импульсном подмагничивании позволил дать ряд важных практических рекомендаций, использование которых при проектировании промежуточных усилителей улучшит характеристики ФПУ и расширит возможности применения импульсного способа подмагничивания в автоматических установках различного практического назначения.

ЛИТЕРАТУРА

1. В. П. Обрусник, А. В. Кобзев. Способ импульсного управления. Авторское свидетельство № 245 842, кл. 21a²18/08. Бюллетень изобретений № 20, 1969.
2. В. П. Обрусник, А. В. Кобзев. Режимы работы и характеристики однофазных ТРПШ при импульсном подмагничивании. Доклады VI научно-технической конференции по вопросам автоматизации производства. Том II, изд-во ТГУ, г. Томск, 1969.
3. В. П. Обрусник, А. В. Кобзев. Промежуточные усилители для подмагничиваемых регуляторов. Доклады VI научно-технической конференции по вопросам автоматизации производства. Том II, изд-во ТГУ, Томск, 1969.
4. А. М. Бамдас, С. В. Шапиро. Стабилизаторы напряжения и тока с подмагничиваемыми трансформаторами. «Энергия», 1965.
5. Э. С. Ачильдиев-Фолова. Процессы в цепях управления трансформаторов, регулируемых изменением подмагничивания. Автореферат кандидатской диссертации. Горький, 1968.
6. М. А. Розенблatt. Магнитные элементы автоматики и вычислительной техники. «Наука», 1966.