

## ИДЕНТИФИКАЦИЯ ДВУХМАССОВОГО ПОДВИЖНОГО ЗВЕНА ПРОМЫШЛЕННОГО РОБОТА

Пякилля Б.И., Гончаров В.И.  
Томский политехнический университет  
[pakillaboris@gmail.com](mailto:pakillaboris@gmail.com)

### Введение

Робототехнические системы с каждым годом начинают играть все большую роль в промышленном производстве, а в некоторых случаях без них уже невозможно представить эффективную работу предприятия и качественное изготовление продуктов. С возрастанием требований к качеству получаемой продукции, возрастают и требования к качеству функционирования роботов и робототехнических систем, а значит, возникают все новые научные проблемы, связанные с обеспечением оптимальной работы систем автоматического управления (САУ) роботами. В основе построения качественной автоматической системы лежит глубокое понимание свойств управляемого объекта. Для этого поведение исследуемого объекта необходимо описать средствами некоторого формального языка. В нашем случае, это означает построить математическую модель. Построение математической модели связано с обязательным наличием некоторого набора экспериментальных данных в виде массивов входных и выходных сигналов. Этими входными и выходными сигналами, в случае управления положением звена робота, являются заданные и фактические значения углов, угловых скоростей и ускорений, а также моментов. Далее необходимо использовать метод, позволяющий, по имеющимся данным, получить математическую модель изучаемого объекта. Перейдем к подробному описанию используемого метода идентификации.

### Описание метода идентификации

Для идентификации был выбран метод, основанный на применении вещественного интерполяционного метода (ВИМ) [1], доказавшего свою эффективность и небольшие вычислительные затраты.

ВИМ принадлежит к методам, оперирующим с математическими описаниями в области изображений. Базовой основой метода является вещественное интегральное преобразование:

$$F(\delta) = \int_0^{\infty} f(t)e^{-\delta t} dt, \delta \in [C, \infty), C \geq 0 \quad (1)$$

где оригиналу  $f(t)$  ставится в соответствие изображение  $F(\delta)$ , представленное как функция вещественной переменной  $\delta$ . Формулу (1), являющуюся прямым преобразованием, можно рассмотреть как частный случай преобразования Лапласа,

связанный с заменой переменной: комплексной  $p = \delta + j\omega$  на вещественную  $\delta$ .

Использование преобразования (1) для решения задачи идентификации, как и в базовом случае применения преобразования Лапласа, связано с определением передаточной функции  $W(p)$  по известным сигналам входа  $x(t)$  и выхода  $y(t)$ . Отличие заключается в переходе к вещественным изображениям  $W(\delta)$ ,  $X(\delta) = L\{x(t)\}$ ,  $Y(\delta) = L\{y(t)\}$ ,  $\delta \in [C, \infty)$ ,  $C \geq 0$ . На основе этих моделей формируется уравнение  $Y(\delta) = W(\delta)X(\delta)$ , в котором присутствует искомая функция  $W(\delta)$ .

Далее, имея математическое выражение вида

$$W(\delta) = \frac{\int_0^{\infty} y(t)e^{-\delta t} dt}{\int_0^{\infty} x(t)e^{-\delta t} dt}, \quad (2)$$

можно найти вещественную передаточную функцию  $W(\delta)$ . Переход к передаточной функции по Лапласу осуществляется формальной заменой вещественной переменной  $\delta$  на комплексную  $p$  в соответствии с рекомендациями [1,2].

Практическое применение соотношения (2) требует еще двух пояснений. Во-первых, в практических задачах входные и выходные сигналы  $y(t)$ ,  $x(t)$  заданы своими отсчетами  $y(t_i)$ ,  $x(t_i)$ ,  $i = 1..n$ . Эта особенность требует перехода в формуле (2) к численному интегрированию, что делается достаточно просто. Во-вторых, технология ВИМ использует численные расчеты. Поэтому по формуле (2) ищется предварительно так называемая численная характеристика

$$\{W(\delta_i)\}_\eta = \{W(\delta_1), W(\delta_2)..W(\delta_\eta)\}, i = 1..n$$

которая является численной формой математического описания динамического объекта [1,2], позволяя значительно сократить объем вычислений по сравнению с традиционными методами.

С учетом сказанного расчетная формула принимает вид:

$$W(\delta_i) = \frac{\int_0^{\infty} y(t)e^{-\delta_i t} dt}{\int_0^{\infty} x(t)e^{-\delta_i t} dt}, i = 1..n. \quad (3)$$

Математическая модель, в форме численной характеристики, объекта управления и исходная непрерывная вещественная передаточная функция имеют однозначную связь [2]. Она устанавливается при помощи системы линейных алгебраиче-

ских уравнений, которое при выполнении несложных условий система уравнений имеет решение и оно единственное [1,2].

Изложенные основы вещественного интерполяционного метода и его применения к задаче идентификации позволяют перейти к рассмотрению конкретной задачи получения математической модели и ее решению.

### Применение метода идентификации

За экспериментальные данные будет взята переходная характеристика двухмассового подвижного звена робота IRB 1400 шведско-швейцарской фирмы ABB [3]. Характеристика эта получена путем изменения управляющего момента вращения вала электродвигателя и, записи с помощью датчиков, полученной угловой скорости вращения звена. Наличие помех в измерительном тракте обуславливает ее колебательный и «нервный» характер. Вид характеристики представлен на рисунке 1.

За математическую модель, адекватно описывающую поведение звена, выбрана передаточная функция

$$W(p) = \frac{b_m p^m + b_{m-1} p^{m-1} + \dots + b_1 p + k}{a_n p^n + a_{n-1} p^{n-1} + \dots + a_1 p + 1},$$

где  $n \leq 3$ ,  $m < 3$ .

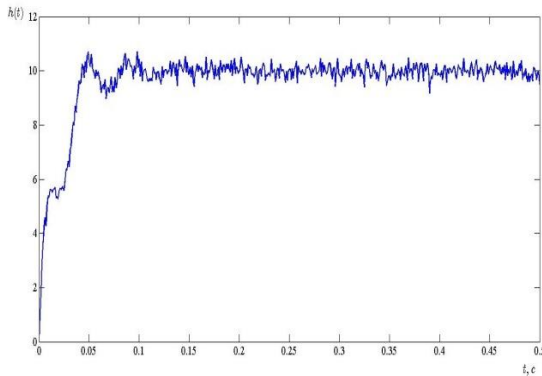


Рис. 1. Переходная характеристика подвижного звена

Выбор такого вида передаточной функции обусловлен возможностью представления исследуемого объекта в виде линейной системы без потери точности описания.

Используем предложенный алгоритм идентификации, основанный на использовании ВИМ. При проведении процедуры идентификации учтем, что нам известно конечное значение пере-

ходной характеристики, а значит и коэффициент усиления исследуемого объекта  $k = 10$ . За величину, характеризующую качество полученной модели, был взят критерий Чебышева:

$$\Delta h_{\%} = \frac{\max_{i \in [1, n]} |y_m(t_i) - y(t_i)|}{y_{\max}},$$

где  $y_{\max}$  – максимальное значение выходного сигнала. Результаты идентификации при различных вариантах порядка числителя и знаменателя передаточной функции  $W_a(p)$  звена представлены в виде таблицы 1.

Таблица 1. Результаты идентификации

$W_a(p)$	$\Delta h_{\%}$
$\frac{10}{0,015p + 1}$	24,59
$\frac{0,051p + 10}{8,4 \cdot 10^{-7} p^2 + 0,024p + 1}$	17,52
$\frac{-4,71 \cdot 10^{-5} p^2 + 0,1p + 10}{2,1 \cdot 10^{-5} p^2 + 0,0325p + 1}$	21,84
$\frac{0,07p + 10}{4,03 \cdot 10^{-8} p^3 + 8,1 \cdot 10^{-6} p^2 + 0,02p + 1}$	19,5
$\frac{0,0008p^2 + 0,03p + 10}{5,3 \cdot 10^{-7} p^3 + 0,0001p^2 + 0,02p + 1}$	9,9

Таким образом, наиболее точно двухмассовое подвижное звено описывается передаточной функцией с параметрами  $n = 3$ ,  $m = 2$ .

### Заключение

В результате проделанной работы была идентифицирована математическая модель двухмассового подвижного звена промышленного робота IRB 1400 с помощью вещественного интерполяционного метода.

### Литература

1. Måns Östring Identification, Diagnosis, and Control of a Flexible Robot Arm // Linköping Studies in Science and Technology. Thesis №948, 2002.
2. Belikmaier, M.Y., Goncharov V.I. Correctors for automatic control systems: Synthesis by uniform approximation// Automation and Control, 1997. (5 PART 1) , pp. 715-721
3. Goncharov V. Rudnicki V. Real interpolation method in automatic control systems self-adjustment problem// Systems Science, vol. 36, № 3, 2010. pp. 35 - 37