

Таблица 2. Результаты расчетов в вероятностной постановке

№ п/п	2-3	3-4	4-5	5-6	6-7	7-8	8-9
U, кВ	113,8	119,1	215, 6	224,1	230, 4	230,4	227,9
ΔP , кВт	9,98	1,36	0,42	0,56	3,99	0,2	3,41

Таблица 3. Результаты потерь электроэнергии за год и экономическая выгода

№ п/п	2-3	3-4	4-5	5-6	6-7	7-8	8-9
Δ , кВт·ч	1138,8	1051,2	525,6	87,6	87,6	87,6	1051,2
Руб.	1283,4	1184,7	592,4	98,3	98,3	98,3	1184,7

Предложенная модель позволяет прогнозировать обоснованно запас по потерям. Для рассмотренной схемы снижение потерь электроэнергии составляет 12%. Это приведет к значительному экономическому эффекту и, в конечном счете, к снижению цены единицы продукции, отпущенной потребителю.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Манусов В.З., Озерных И.Л., Медведков В.В. Модели и методы принятия решений в задачах электроэнергетики / Учебное пособие. – Новосибирский электротехнический институт, Новосибирск, 1987, 65с.
2. Электроэнергетические системы в примерах и иллюстрациях: Учеб. Пособие для вузов / Ю.Н. Астахов, В.А. Веников, Во. В. Ежков и др., под ред. В.А. Веникова. – М.: Энергоатомиздат, 1983. –504 с., ил

ЛОКАЛЬНЫЙ δ -ОПЕРАТОР КОМПЛЕКСНЫХ ПОРЯДКОВ ОДНОЙ ВЕЩЕСТВЕННОЙ ПЕРЕМЕННОЙ ДЕЙСТВУЮЩИЙ В ПРОСТРАНСТВАХ МНОГОМЕРНЫХ ФУНКЦИЙ

В.А. Чуриков

Национальный исследовательский Томский политехнический университет, Томск, пр. Ленина, д. 30, 634050

E-mail: vachurikov@list.ru

LOCAL δ -OPERATOR COMPLEX ORDER ONE MATERIAL VARIABLE ACTING IN SPACE MULTIVARIATE FUNCTION

V.A. Churikov

Tomsk Polytechnic University, Russia, Tomsk, Lenin str., 30, 634050

E-mail: vachurikov@list.ru

It is entered multivariate local operator fractional integration and fractional differentiation complex order one material variable, which is a generalization d -operator complex order.

В [1] был введен многомерный δ -оператор вещественных переменных и вещественных порядков. Здесь рассматривается более общий случай δ -оператора вещественных порядков, где порядки интегрирования являются комплексными.

Вводимый δ -оператор имеет ряд важных особенностей. Данный оператор относится к локальным оператором, т. е. носит алгебраический характер, в отличие от нелокальных операторов дробного

интегриродифференцирования, которые являются интегральными преобразованиями определёнными в рамках классического анализа, поэтому нелокальные операторы не выходят за его пределы. Для ∂ -оператора выполняется *принцип простоты*, т. е. он является достаточно простым и действует в пространстве достаточно простых функций. И самое важное, это то, что для ∂ -оператора строго выполняется *принцип соответствия*, т. е. в частном случае, для порядка интегриродифференцирования равного 1, ∂ -оператор переходит в операторы дифференцирования и интегрирования степенных функций по соответствующей переменной в классическом анализе функций нескольких вещественных переменных.

Определение. Многомерным вещественным локальным оператором дробного интегрирования и дробного дифференцирования $\partial^{\pm s_i} x_i$, комплексного порядка $s_i = \chi_i + i\gamma_i$; $\chi_i, \gamma_i \in \mathbb{R}$; $\chi_i, \gamma_i = \text{const}$; $i \in \{1, 2, \dots, h\}$; $h \geq 1$; действующий по одной вещественной переменной x_i ; $x_i \in \mathbb{R}$ в пространстве многомерных степенных функций $x_1^{q_1} x_2^{q_2} \dots x_h^{q_h} = \prod_{i=1}^h x_i^{q_i}$ с комплексными показателями $q_i = \mu_i + i\nu_i$; $\mu_i, \nu_i \in \mathbb{R}$; $\text{const} < \infty$, будем называть многомерным вещественным ∂ -оператором комплексного порядка по одной комплексной переменной x_i , называется отображение определяемое равенствами

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial^{s_i}}{\partial x_i^{s_i}} : x_1^{q_1} x_2^{q_2} \dots x_i^{q_i} \dots x_h^{q_h} \equiv \partial^{-s_i} x_i : x_1^{q_1} x_2^{q_2} \dots x_i^{q_i} \dots x_h^{q_h} = \frac{\Gamma(q_i + 1)}{\Gamma(q_i - s_i + 1)} x_1^{q_1} x_2^{q_2} \dots x_i^{q_i - s_i} \dots x_h^{q_h} + C_{-s_i}(x_i); \\ \quad -[(q_i = -1, -2, -3, \dots) \vee (q_i - s_i \neq -1, -2, -3, \dots)]; \\ \int x_1^{q_1} x_2^{q_2} \dots x_i^{q_i} \dots x_h^{q_h} d^{s_i} x_i \equiv \partial^{s_i} x_i : x_1^{q_1} x_2^{q_2} \dots x_i^{q_i} \dots x_h^{q_h} = \frac{\Gamma(q_i + 1)}{\Gamma(q_i + s_i + 1)} x_1^{q_1} x_2^{q_2} \dots x_i^{q_i + s_i} \dots x_h^{q_h} + C_{s_i}(x_i); \\ \quad \left\{ \begin{array}{l} -[(q_i = -1, -2, -3, \dots) \vee (q_i + s_i \neq -1, -2, -3, \dots)]; \\ s_i \neq -q_i; \end{array} \right. \\ \frac{\partial^{s_i}}{\partial x_i^{s_i}} x_i : x_1^{q_1} x_2^{q_2} \dots x_i^{q_i} \dots x_h^{q_h} \equiv \partial^{-s_i} x_i : x_1^{q_1} x_2^{q_2} \dots x_i^{q_i} \dots x_h^{q_h} = \frac{(-1)^{-q_i - 1}}{(-q_i - 1)! \Gamma(-s_i - q_i + 1)} x_1^{q_1} x_2^{q_2} \dots x_i^{q_i - s_i} \dots x_h^{q_h}; \\ \quad -q_i \in \Gamma; -s_i + q_i \neq -1, -2, -3, \dots; \\ \int x_1^{q_1} x_2^{q_2} \dots x_i^{q_i} \dots x_h^{q_h} d^{s_i} x_i \equiv \partial^{s_i} x_i : x_1^{q_1} x_2^{q_2} \dots x_i^{q_i} \dots x_h^{q_h} = \frac{(-1)^{-q_i - 1}}{(-q_i - 1)! \Gamma(s_i - q_i + 1)} x_1^{q_1} x_2^{q_2} \dots x_i^{q_i + s_i} \dots x_h^{q_h} + C_{s_i}(x_i); \\ \quad \left\{ \begin{array}{l} -q_i \in \Gamma; s_i + q_i \neq -1, -2, -3, \dots; \\ s \neq m; \end{array} \right. \\ \int x_1^{q_1} x_2^{q_2} \dots x_i^{q_i} \dots x_h^{q_h} d^{s_i} x_i \equiv \partial^{s_i} x_i : x_1^{q_1} x_2^{q_2} \dots x_i^{q_i} \dots x_h^{q_h} = x_1^{q_1} x_2^{q_2} \dots \ln_{s_i}(x_i) \dots x_h^{q_h} + C_{s_i}; \quad s_i = -q_i; \quad s_i > 0; \quad s_i \neq 0. \end{array} \right. \quad (1)$$

Знак перед порядком s_i в операторе определяет тип операции. Если стоит знак минус, то это оператор дробного дифференцирования порядка s_i , а если перед порядком стоит знак плюс, то это соответствует оператору дробного интегрирования порядка s_i .

Первое равенство в операторе (1) определяет дробное дифференцирование порядка s_i , Дополнительные условия в этом равенстве исключают случаи дифференцирования, когда значения гамма-функции $\Gamma(\dots)$ стоящая в числителе коэффициента оператора, попадают в полюс, т. е. обращаются в бесконечность, а значение гамма-функции в знаменателе в полюс не попадает.

Второе равенство определяет дробное интегрирование порядка $s_i \geq 0$, когда значение гамма-функции в числителе коэффициента не попадает в полюс. Первые дополнительные условия в данном равенстве

исключают случаи интегрирования, когда аргумент гамма-функции, стоящей в числителе коэффициента оператора, попадает в полюс, а аргумент гамма-функции знаменателя в полюс не попадает. Вторые дополнительные условия исключают интегрирование в логарифмических случаях.

Третье и четвёртое равенства определяют, соответственно, дифференцирование и интегрирование «в полюсах», когда показатели степени степенных функций имеют отрицательные целочисленные значения. Заметим, что для случаев попадания в полюс значений гамма-функций стоящих в знаменателе коэффициентов оператора, специальных дополнительных условий интегродифференцирования нет.

Пятое равенство определяет интегрирование в логарифмических случаях, которое определяется как $s_i = -q_i; s_i > 0; s_i \neq 0$.

Рассмотрим частные случаи возможных порядков интегродифференцирования.

Когда порядок $s_i = \chi_i = \gamma_i = 0$, то это соответствует *единичному оператору*, который действует по переменной x_i и переводит функции самих в себя, что можно записать $\mathbb{I}^{0_i} x_i = 1_i$.

Когда порядок интегродифференцирования вещественный, $s_i = \text{Re}(s_i) = \chi_i > 0$, то если в равенствах (1) перед показателем порядка оператора s_i , стоит знак минус, то это будет соответствовать *оператору дробного дифференцирования вещественного порядка χ_i* , а если значение порядка оператора со знаком плюс, то это будет соответствовать *оператору дробного интегрирования вещественного порядка χ_i* .

Когда порядок интегродифференцирования мнимый, $s_i = i \text{Im}(s_i) = i\gamma_i; \gamma_i > 0$, и если в равенствах оператора (1) перед показателем порядка оператора s_i , стоит знак минус, то это будет *оператор дробного дифференцирования мнимого порядка γ_i* , а если значение мнимого порядка со знаком плюс, то это будет *оператор дробного интегрирования мнимого порядка γ_i* .

Если порядок интегродифференцирования комплексный, $s_i = \chi_i + i\gamma_i; \chi_i, \gamma_i > 0$, а знак у порядка отрицательный, то это будет *дробное дифференцирование комплексного порядка*, а если знак положительный, то *дробное интегрирование комплексного порядка*.

Если знаки у вещественной и мнимой части порядка интегродифференцирования различаются, т. е. $s_i = -\chi_i + i\gamma_i$, или $s_i = \chi_i - i\gamma_i$, то такие порядки являются *смешанными комплексными порядками*. В этом случае нельзя говорить только о дифференцировании, или только об интегрировании. Если в операторе у смешанного порядка перед вещественной частью стоит знак минус, то формально будем говорить, что это *оператор смешанного дифференцирования комплексного порядка s_i* , а если знак плюс, то это *оператор смешанного интегрирования комплексного порядка s_i* . Тогда *оператор смешанного дифференцирования (интегрирования) комплексного порядка $\pm s_i$* будет соответствовать *оператору смешанного интегрирования (дифференцирования) комплексного порядка $\mp s_i$* .

Функция $\ln_{s_i}(x_i)$ - логарифм порядка s_i по переменной x_i , который является функцией обратной для функции $\exp_{s_i}(x_i)$, которая названа *главной экспонентой порядка s_i* по переменной x_i и для этих функций выполняются равенства.

Для логарифмов и экспонент справедливы равенства: $\exp_{s_i}(\ln_{s_i}(x_i)) = \ln_{s_i}(\exp_{s_i}(x_i)) = x_i$

$C_{-s_i}(x_i)$ - полиномы дифференцирования порядка s_i по переменной x_i , а $C_{s_i}(x_i)$ - полиномы интегрирования порядка s_i по переменной x_i . Полиномы интегрирования являются обобщениями констант интегрирования классического анализа, а полиномы дифференцирования аналогами полиномов интегрирования для операции дробного дифференцирования.

Если такой оператор действует в пространстве одномерных степенных функций, то он совпадает с d -оператором комплексных порядков вещественной переменной.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Чуриков В.А. Многомерный локальный оператор дробного интегрирования и дробного дифференцирования вещественных порядков вещественных переменных // Сборник научных трудов X Международной конференции студентов и молодых учёных: Перспективы развития фундаментальных наук. Россия, Томск, НИ ТПУ, 23 – 26 апреля 2013 г. (X International Conference “Prospects of fundamental sciences development”. Russia, Tomsk, April 23 – 26, 2013). – Томск: Изд-во ТПУ, – 2013, – С. 638–640.

МНОГОМЕРНЫЙ δ -ОПЕРАТОР ИНТЕГРОДИФФЕРЕНЦИРОВАНИЯ КОМПЛЕКСНЫХ ПОРЯДКОВ НЕСКОЛЬКИХ ВЕЩЕСТВЕННЫХ ПЕРЕМЕННЫХ

В.А. Чуриков

Национальный исследовательский Томский политехнический университет, Томск, пр. Ленина, д. 30, 634050

E-mail: vachurikov@list.ru

MULTIVARIATE δ -OPERATOR INTEGRODIFFERENTIATION COMPLEX ORDER SEVERAL MATERIAL VARIABLE

V.A. Churikov

Tomsk Polytechnic University, Russia, Tomsk, Lenin str., 30, 634050

E-mail: vachurikov@list.ru

It is entered multivariate local operator fractional integration and fractional differentiation complex order material variable.

Для развития многомерного анализа необходим многомерный оператор дробного интегродифференцирования, которые действуют, на любое возможное число переменных многомерных степенных функций, а не на одну переменную, как в случае локального δ -оператор комплексных порядков одной вещественной переменной действующий в пространствах многомерных функций.

Определение. Композицию (произведение) конечного количества локальных δ -операторов комплексных порядков одной вещественной переменной, каждый из которых действует по одной вещественной переменной из переменных $x_1, x_2, \dots, x_h$, будем называть многомерным δ -оператором интегродифференцирования нескольких вещественных переменных $x_1, x_2, \dots, x_h$ комплексных порядков $s_1, s_2, \dots, s_h; s_i \in \mathbb{R}; \text{st}; \infty > |s_i| \geq 0$