

**ПРОВЕРКА КАЧЕСТВА ИНДЕКСНОГО ПОРТФЕЛЬНОГО ИНВЕСТИРОВАНИЯ ПО
МЕТОДОЛОГИИ САРМ**

Е.В. Мастерова

Научный руководитель: доцент, к. ф-м. н. О.Л. Крицкий
Национальный исследовательский Томский политехнический университет,
Россия, г. Томск, пр. Ленина, 30, 634050
E-mail: masterova_katya@mail.ru

**CHECKING THE QUALITY OF THE INDEX PORTFOLIO INVESTMENT
WITH THE METHODOLOGY CAMP**

E.V. Masterova

Scientific Supervisor: As. Prof., PhD O. L. Kritski
634050, 30, Lenin Avenu, Tomsk, Russia, Tomsk Polytechnic University
E-mail: masterova_katya@mail.ru

A formation and a management of a portfolio of assets are considered. The indicators of excellent operating based on using the statistical coefficients are computed.

В настоящее время в мировой экономике происходит сложное перераспределение финансовых ресурсов. Это является следствием нестабильной экономической и политической обстановки. Под влиянием этих факторов резко возрастает роль портфельного инвестирования на мировых рынках, так как перед инвесторами встает вопрос о наиболее выгодном размещении своих финансовых средств.

Как известно, в финансовой деятельности необходимо оптимизировать доходность к риску. На этом основана портфельная теория Марковица, основной идеей которой является формирование инвестиционного портфеля с учетом оптимального выбора активов, исходя из требуемого соотношения доходности и риска.

Предположим, что вектор долей активов, входящих в портфель, есть $x = (x_1, \dots, x_n)$. При этом сумма

$\sum_{i=1}^n x_i = 1$. Чистая доходность портфеля в момент t может быть определена как $r(t) = \frac{P(t+1) - P(t)}{P(t)}$,

где $P(t)$ – цена портфеля в момент t .

Согласно теории Марковица, показателем доходности является математическое ожидание, а мера риска – стандартное отклонение приращений цен. Риск портфеля или его волатильность σ_x может быть определен как

$$\sigma_{ij} = \text{cov}(r_i(t), r_j(t)) = \rho_{ij} \sigma_i \cdot \sigma_j, \quad \rho_{ij} = \text{cov}(r_i(t), r_j(t)),$$

где $\text{cov}(r_i(t), r_j(t))$ – это степень взаимосвязи доходностей активов, входящих в портфель:

$$\sigma_x^2 = \text{var}(r_x(t)) = \text{var}\left(\sum_{i=1}^n r_i x_i\right) = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \text{cov}(r_i(t), r_j(t)) x_i x_j.$$

Доходность портфеля или его ожидаемая доходность $\mu_x = E[r_x(t)] = \sum_{i=1}^n E[r_i(t)]x_i = \sum_{i=1}^n \mu_i x_i$.

Кроме того, доходность можно описать, как наклон средней линии, построенной на графике цен активов. При этом уровень риска теория Марковица описывает как амплитуду колебаний реальной цены по отношению к уровню доходности [1].

Задачу поиска оптимального портфеля можно рассматривать с двух различных сторон. Во-первых, со стороны максимизации доходности, обеспечивающей риск, который меньше или равен риску вложений:

$$\max_x \mu_x \equiv \max_x \sum_{i=1}^d \mu_i x_i, \quad \sigma_x^2 \leq \bar{\sigma}^2, \quad \sum_{i=1}^d \sum_{j=1}^d \sigma_{ij} x_i x_j \leq \bar{\sigma}^2; \quad \sum_{i=1}^d x_i = 1.$$

Максимизация доходности с поправкой на риск

$$\max_x \mu_x - \tau \sigma_x^2 \equiv \max_x \left(\sum_{i=1}^d \mu_i x_i - \tau \left(\sum_{i=1}^d \sum_{j=1}^d \sigma_{ij} x_i x_j \right) \right), \quad \sum_{i=1}^d x_i = 1,$$

где τ – коэффициент неприятия риска. Во-вторых, со стороны минимизации риска, при котором гарантируется доход, который больше или равен ожидаемому уровню доходности:

$$\min_x \sigma_x^2 \equiv \min_x \sum_{i=1}^d \sum_{j=1}^d \sigma_{ij} x_i x_j, \quad \mu_x \geq r; \quad \sum_{i=1}^d \mu_i x_i \geq r, \quad \sum_{i=1}^d x_i = 1.$$

Модель Марковица можно обобщить на случай тангенциальных портфелей. Данное обобщение описывается в экономической модели CAPM (Capital Asset Pricing Model), разработанной У.Шарпом, Дж. Линтерном и Дж. Моссиным в середине 60-х годов. Суть данной модели заключается в описании взаимосвязи между риском и ожидаемой доходностью активов. Графически эту взаимосвязь можно представить с помощью линии рынка капитала CML (Capital Market Line) и линии рынка актива SML (Security Market Line). CML показывает соотношение риска и доходности для эффективных портфелей:

$$E(r_i) = r_f + \frac{\sigma_i}{\sigma_m} (E(r_m) - r_f).$$

То есть, ожидаемая доходность портфеля $E(r_i)$ равна ставке без риска r_f плюс произведение отношения риска портфеля σ_i к риску рыночного портфеля σ_m и разности между ожидаемой доходностью $E(r_m)$ рыночного портфеля и ставкой без риска.

Для определения соотношения риска и доходности не эффективных портфелей или отдельных активов используется линия рынка актива SML: $E(r_i) = r_f + \beta_i (E(r_m) - r_f)$, где $E(r_i)$ – ожидаемая доходность i -го портфеля; r_f – доходность безрискового актива; σ_i – риск i -го портфеля, для которого определяется уровень ожидаемой доходности; σ_m – ожидаемый риск рыночного портфеля; β_i – коэффициент бета i -го портфеля [2].

В ходе исследования было выбрано восемь фондовых индексов – трех развитых стран: ASX200 (Австралия), FTSE (Великобритания), Dow Jones Index 30 (США), NASDAQ Company (США); и трех развивающихся стран: BVSP (Бразилия), CSI200 (Китай), BSE_SEN (Индия). В работе использованы данные за период с 04 января 2013 года по 30 января 2014 года (<http://www.finam.ru/>). На основе полученных данных был составлен оптимальный портфель [3-5], в который с волатильностью $\sigma = 12\%$ и

доходностью $P_t = 6,5\%$ вошло четыре индекса: Jones Index 30 (США), NASDAQ Comp (США), BSE_SEN (Индия) и ASX200 (Австралия):

$$\pi_t = 0,58x_1 + 0,07x_2 + 0,05x_3 + 0,29x_4.$$

Индексы FTSE (Великобритания), BVSP (Бразилия), CSI200 (Китай), BSE_SEN (Индия) были исключены из дальнейшего анализа в связи с близкими к нулю долями портфеля.

Для определения качества управления портфеля были построены оценки коэффициентов альфа: $\alpha_{i,t} = R_{i,t} - r - \beta_{i,t}(R_{m,t} - r)$, где $\alpha_{i,t}$ – оценка коэффициента альфа для индекса в момент времени t ; r – безрисковая ставка (0,25%), $R_{i,t}$ – доходность индекса, в момент времени t ; $\beta_{i,t}$ – коэффициент бета для индекса, в момент времени t ; $R_{m,t}$ – доходность индекса MSCI World в момент времени t .

Эти оценки коэффициентов альфа позволяют определить качество управляющего и найти величину дохода, которую он заработал благодаря своему мастерству, а не росту рынка. Итак, в нашем случае оценка для коэффициента альфа лежит в интервале (-0,04; 0,03).

Для проверки эффективности полученного портфеля индекса был рассчитан коэффициент бета:

$$\beta_i = \frac{\text{Cov}(R_i, R_m)}{\text{Var}(R_m)}, \text{ где } \beta_i - \text{коэффициент бета; } R_m - \text{доходность индекса; } R_i - \text{доходность индекса}$$

MSCI World (взятого, в качестве эталонного).

Коэффициент бета указывает на связь между доходностью индекса и движением эталона (в нашем случае это индекс MSCI World). Он отвечает за относительный риск портфеля и определяет неустойчивость доходности всего портфеля, относительно выбранного в качестве эталона индекса.

Значения коэффициентов бета для нашего портфеля лежат в интервале (-0,3; 1,3). Большая часть коэффициентов бета для портфеля индексов являются положительными. Это означает, что в основном у инвестора есть возможность получить большую доходность от управления капиталом, чем от инвестирования в деривативы, связанные с индексом MSCI World при росте рынка.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Markowitz Harry. Portfolio Selection // Journal of Finance. – 1952. – V. 7. – № 1. – P. 71-91.
2. Шарп У. Инвестиции: Пер. с англ. – М.: ИНФА, 2003. – X11. – 1028 с.
3. Буренин А. Н. Управление портфелем ценных бумаг. – М.: Научно-техническое общество имени академика С. И. Вавилова, 2008. – 440 с.
4. Мастерова Е.В. Модель Марковица // Труды IX Международной конференции студентов и молодых ученых «Перспективы развития фундаментальных наук». – Томск, 2012. – Т.1. – С. 598–597.
5. Бельснер О.А., Крицкий О.Л. Оптимизация портфеля финансовых инструментов // Финансы и кредит. – 2013. – № 36. – С. 35–41.