# ИНТЕНСИФИКАЦИЯ ТЕПЛОПЕРЕНОСА В ЗАМКНУТОЙ ПОЛОСТИ ЗА СЧЁТ ВВЕДЕНИЯ ПОРИСТОЙ ВСТАВКИ ПО ПЕРИМЕТРУ ИСТОЧНИКА

М.С. Астанина

Научный руководитель: д.ф.-м.н., доцент М.А. Шеремет Томский государственный университет

astanina.marina@bk.ru

## Введение

Современный уровень развития промышленности и приборостроения ставит новые задачи в области разработки систем охлаждения источников энергии. Исследования в этом направлении позволяют предсказывать работу электронных устройств с источниками энергии и увеличивать их срок службы. Особый практический интерес имеют задачи с переменными теплофизическими свойствами рабочей среды [1].

# Постановка задачи

В представленной работе исследуется процесс охлаждения теплопроводного тепловыделяющего источника энергии в замкнутой частично пористой полости (рис. 1).



Рис 1. Область решения задачи

Рассматривается случай квадратной области (L = H). Горизонтальные стенки полости теплоизолированы, вертикальные границы поддерживаются при постоянной температуре охлаждения. В качестве рабочей жидкости рассматривается ньютоновская несжимаемая теплопроводная жидкость (по характеристикам – вода). Считается, что рабочая среда удовлетворяет приближению Буссинеска, а её вязкость зависит от температуры по экспоненциальному закону:  $\mu = \mu_0 \exp\left(-C\frac{T-T_0}{\Delta T}\right)$ .

Сила тяжести направлена вертикально вниз по оси у. Режим течения и теплопереноса в полости является ламинарным. Тепловыделяющий элемент располагается на нижней стенке; около него находится пористая вставка высоты *h* и длины *l*. Пористый слой изотропен и проницаем для воды. При этом температура жидкости и твердого скелета считаются равными и моделирование ведется в рамках тепловой равновесной модели.

## Математическая модель

Теплоперенос в полости за счёт естественной конвекции описывается системами дифференциальных уравнений в безразмерных преобразованных переменных «функция тока – завихренность – температура», составленными отдельно для чистой среды, твердого скелета и источника энергии:

• для чистой среды

$$\frac{\partial^2 \Psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \Psi}{\partial y^2} = -\omega$$

$$\frac{\partial \omega}{\partial \tau} + u \frac{\partial \omega}{\partial x} + v \frac{\partial \omega}{\partial y} = \sqrt{\frac{Pr}{Ra}} \left( \frac{\partial^2 (\mu \omega)}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 (\mu \omega)}{\partial y^2} \right) + \frac{\partial^2 \omega}{\partial x} + 2\sqrt{\frac{Pr}{Ra}} \left[ \frac{\partial^2 \mu}{\partial x^2} \frac{\partial u}{\partial y} - \frac{\partial^2 \mu}{\partial y^2} \frac{\partial v}{\partial x} + \frac{\partial^2 \mu}{\partial x \partial y} \left( \frac{\partial v}{\partial y} - \frac{\partial u}{\partial x} \right) \right]$$

$$\frac{\partial \theta}{\partial \tau} + u \frac{\partial \theta}{\partial x} + v \frac{\partial \theta}{\partial y} = \frac{1}{\sqrt{\frac{Pr}{Ra} \cdot \frac{Pr}{Pr}}} \left( \frac{\partial^2 \theta}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \theta}{\partial y^2} \right)$$

 $\partial^2 u = \partial^2 u$ 

для пористой среды [2]

$$\frac{\partial}{\partial x^{2}} + \frac{\partial}{\partial y^{2}} = -\omega$$

$$\epsilon \frac{\partial}{\partial \tau} + u \frac{\partial}{\partial x} + v \frac{\partial}{\partial y} =$$

$$= \epsilon \sqrt{\frac{Pr}{Ra}} \left( \frac{\partial^{2}(\mu\omega)}{\partial x^{2}} + \frac{\partial^{2}(\mu\omega)}{\partial y^{2}} - \epsilon \frac{\mu\omega}{Da} \right) + \epsilon^{2} \frac{\partial\theta}{\partial x} +$$

$$+ 2\epsilon \sqrt{\frac{Pr}{Ra}} \left[ \frac{\epsilon u}{2Da} \frac{\partial\mu}{\partial y} - \frac{\epsilon v}{2Da} \frac{\partial\mu}{\partial x} + \frac{\partial^{2}\mu}{\partial x^{2}} \frac{\partial u}{\partial y} - \frac{\partial^{2}\mu}{\partial y^{2}} \frac{\partial\nu}{\partial x} + \frac{\partial^{2}\mu}{\partial x\partial y} \left( \frac{\partial v}{\partial y} - \frac{\partial u}{\partial x} \right) \right]$$

$$\eta \frac{\partial\theta}{\partial \tau} + u \frac{\partial\theta}{\partial x} + v \frac{\partial\theta}{\partial y} = \frac{\alpha_{pm}/\alpha_{f}}{\sqrt{Ra \cdot Pr}} \left( \frac{\partial^{2}\theta}{\partial x^{2}} + \frac{\partial^{2}\theta}{\partial y^{2}} \right)$$

• для источника энергии

$$\frac{\partial \theta}{\partial \tau} = \frac{\alpha_{hs} / \alpha_f}{\sqrt{Ra \cdot Pr}} \left( \frac{\partial^2 \theta}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \theta}{\partial y^2} + Os \right)$$

Здесь X, Y – безразмерные декартовы координаты; u, v – безразмерные составляющие скорости в проекции на оси;  $\theta$  – безразмерная температура;  $\psi$  – безразмерная функция тока;  $\omega$  – безразмерная завихрённости скорости,  $Pr = \frac{\mu_0}{\rho a}$  –

число Прандтля,  $Da = \frac{K}{L^2}$  – число Дарси,

$$Ra = \frac{\rho g \beta \Delta T L^3}{\alpha \mu_0}$$
 – число Рэлея,  $Os = \frac{Q L^2}{\lambda_{hs} \Delta T}$  –

число Остроградского,  $\mu = \exp(-C\theta)$  – безразмерная вязкость.

Граничные условия для рассматриваемой системы уравнений запишем в безразмерном виде:

$$\tau = 0:$$

$$\psi = \omega = \theta = 0 \quad \text{Ha } 0 \le x \le 1 \text{ I } 0 \le y \le 1$$

$$\tau > 0:$$

$$\psi = 0, \ \omega = -\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2}, \ \theta = 0 \quad \text{Ha } x = 0 \text{ I } 0 \le y \le 1$$

$$\psi = 0, \ \omega = -\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2}, \ \theta = 0 \quad \text{Ha } x = 1 \text{ I } 0 \le y \le 1$$

$$\psi = 0, \ \omega = -\frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2}, \ \frac{\partial \theta}{\partial y} = 0 \quad \text{Ha } y = 0, \ 1 \text{ I } 0 < x < 1$$

на источнике энергии :

$$\Psi = 0, \ \omega = -\frac{\partial^2 \Psi}{\partial n^2}, \ \begin{cases} \theta_{hs} = \theta_{pm} \\ \frac{\lambda_{hs}}{\lambda_{pm}} \frac{\partial \theta_{hs}}{\partial n} = \frac{\partial \theta_{pm}}{\partial n} \end{cases}$$

на горизонтальной границе раздела сред :

$$\begin{cases} \Psi_{pm} = \Psi_{f} \\ \frac{\partial \Psi_{pm}}{\partial y} = \frac{\partial \Psi_{f}}{\partial y} \end{cases} \begin{cases} \omega_{pm} = \omega_{f} \\ \frac{\partial \omega_{pm}}{\partial y} = \frac{\partial \omega_{f}}{\partial y} \end{cases} \begin{cases} \theta_{pm} = \theta_{f} \\ \frac{\lambda_{pm}}{\lambda_{f}} \frac{\partial \theta_{pm}}{\partial y} = \frac{\partial \theta_{f}}{\partial y} \end{cases}$$

на вертикальной границе раздела сред :

$$\begin{cases} \Psi_{pm} = \Psi_f \\ \frac{\partial \Psi_{pm}}{\partial x} = \frac{\partial \Psi_f}{\partial x} \end{cases} \begin{cases} \omega_{pm} = \omega_f \\ \frac{\partial \omega_{pm}}{\partial x} = \frac{\partial \omega_f}{\partial x} \end{cases} \begin{cases} \theta_{pm} = \theta_f \\ \frac{\lambda_{pm}}{\lambda_f} \frac{\partial \theta_{pm}}{\partial x} = \frac{\partial \theta_f}{\partial x} \end{cases}$$

Полученные уравнения с соответствующими начальными и граничными условиями решались методом конечных разностей на равномерной сетке. Для численного решения уравнений параболического типа использовалась локально-одномерная схема Самарского, позволяющая плоскую задачу свести к системе одномерных задач [3]. Дискретизация уравнения Пуассона проводилась на основе формул симметричной аппроксимации вторых производных. Далее полученное разностное уравнение разрешалось методом последовательной верхней релаксации. Численный метод был опробован ранее на ряде модельных задач и подтвердил работоспособность.

#### Результаты

Исследование было произведено для большого диапазона изменения определяющих параметров. При рассмотрении задачи пассивного охлаждения источника в данной постановке наибольшее влияние на теплоперенос имеет число Остроградского, параметр изменения вязкости *C*, размеры и пористость твёрдого скелета. Описание результатов производилось по распределениям изолиний функции тока и температуры в полости, а также по среднему числу Нуссельта и средней температуре в источнике. Результаты показали, что варьирование теплофизических свойств рабочей жидкости и изменение пористости и размеров пористой вставки позволяет интенсифицировать теплоперенос в полости и улучшить теплоотвод от источника.

#### Заключение

В работе было проведено численное моделирование системы пассивного охлаждения тепловыделяющего источника при наличии пористой вставки и жидкости с переменной вязкостью. Теплоперенос в данном случае происходит за счёт естественной конвекции. Исходя из полученных результатов можно отметить, что пористая вставка и использование рабочих жидкостей с различными свойствами являются хорошими инструментами для улучшения характеристик системы охлаждения.

Работа выполнена при финансовой поддержке Совета по грантам Президента РФ для молодых российских ученых (грант МД-2819.2017.8).

#### Список использованных источников

1. Alim, M.A., Alam, S., Miraj, M. Effects of volumetric heat source and temperature dependent viscosity on natural convection flow along a wavy surface. – Procedia Engineering. – 2014. – Vol. 90. – P. 383–388.

2. Sheremet, M.A., Trifonova, T.A. Unsteady conjugate natural convection in a vertical cylinder containing a horizontal porous layer: Darcy model and Brinkman-extended Darcy model. – Transport in Porous Media. – 2014. – Vol. 101. – P. 437–463.

3. Самарский А.А. Теория разностных схем. – М.: Наука, 1977. – 656 с.