## Список литературы

- Бабкин К.Д., Макаров А.Д. Применение кислородсодержащих октаноповышающих добавок при производстве бензинов с улучшенными экологическими свойствами // Защита окружающей среды в нефтегазовом комплексе, 2019.– №4.– С.25–33. DOI: 10.33285/2411-7013-2019-4(289)-25-33.
- 2. Ершов М.А., Емельянов Е.В., Григорьева Е.В. Хабибулин Некоторые пути улучшения экологических характеристик автомобильного

бензина в России // Экологический вестник России, 2016.–№1.– С.18–20.

 Ганина А.А., Кузора И.Е., Дьячкова С.Г., Дубровский Д.А., Седлов Д.Н. Использование побочных потоков товарного производства нефтепродуктов // Известия вузов. Прикладная химия и биотехнология, 2019.– Т.9.– №3.– С.536–546. DOI: 10.21285/2227-2925-2019-9-3-536-546.

## ОБОБЩЕННОЕ ДЕТЕРМИНИСТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ДЛЯ ОПТИМИЗАЦИИ РЕАКЦИОННО-РЕКТИФИКАЦИОННЫХ КОЛОНН

К.Э. Гарсия Серпас

Научный руководитель – к.т.н., доцент М.А. Самборская Национальный исследовательский Томский политехнический университет

634050, Россия, г. Томск, пр. Ленина 30, karlosenrike1@tpu.ru

## 1. Описание модели

Представленный способ математического моделирования реакционно-ректификационной колонны является расширением метода одновременной коррекции SC (simultaneous correction), предложенного Нафтали и Сандхолмом [1], и подходит для детерминистической оптимизации технологических систем.

Уравнения материального и теплового баланса, и парожидкостного равновесия выражаются в индивидуальных компонентных расходах и суммарных фазовых энтальпиях.

$$H_{j} = (1 + U_{j}/L_{j})H_{Lj} + (1 + W_{j}/U_{j})H_{Vj} - -H_{Lj-1} - H_{Vj+1} - H_{Fj} - Q_{j} + H_{rj} = 0$$
(1)

$$M_{ij} = (1 + U_j / L_j) l_{ij} + (1 + W_j / U_j) v_{ij} - - l_{ij-1} - v_{ij+1} - f_{ij} - r_{ij} = 0$$
(2)

$$E_{ij} = \frac{\eta K_{ij} l_{ij} V_j}{L_j} - v_{ij} + \frac{(1 - \eta) v_{ij+1} V_j}{V_{j+1}} = 0 \quad (3)$$

где i=1, 2, ..., C компонентов, j=1, 2, ..., N тарелок, r<sub>ij</sub> – суммарная скорость образования/израсходования компонента i из-за всех реакций; H<sub>ri</sub> – суммарный тепловой эффект реакций.

Степени свободы составляют: число тарелок N, условия питаний, боковые материальные и тепловые отборы. Для всех тарелок уравнения (1), (2) и (3) дают систему из N(2C+1) уравнений в N(2C+1) независимых переменных  $v_{ij}$ , T\_j и  $l_{ii}$ .

#### 2. Решение

Выражая модель колонны в виде матричного уравнения, получают:

$$\begin{split} F(X) &= 0 \\ F(X) &= [F_1, F_2, F_3, ..., F_N]^T \\ F_j &= [H_j, M_{1j}, M_{2j}, M_{ij}, ..., M_{Cj}, E_{1j}, E_{2j}, E_{ij}, ..., E_{Cj}]^T (4) \\ X &= [X_1, X_2, X_3, ..., X_N]^T \\ X_j &= [v_{1j}, v_{2j}, v_{ij}, ..., v_{Cj}, T_j, l_{1j}, l_{2j}, l_{ij}, ..., l_{Cj}]^T \end{split}$$

Систему (4) решают итеративно методом Ньютона-Рафсона. Для каждой векториальной функции F<sub>1</sub> выполняется разложение Тейлора.

$$\sum_{n=1}^{N} \left[ \left( \frac{\partial F_j}{\partial X_n} \right)^{(k)} \Delta X_n^{(k)} \right] = -F_j^{(k)}$$
(5)

Применяя (5) для всех функций  $F_{j}$ , система (4) принимает вид системы N×N линейных уравнений по поправкам  $\Delta X_{n}$ .

$$\begin{bmatrix} \frac{\partial F_{1}}{\partial X_{1}} & \frac{\partial F_{1}}{\partial X_{2}} & \frac{\partial F_{1}}{\partial X_{3}} & \cdots & \frac{\partial F_{1}}{\partial X_{N}} \\ \frac{\partial F_{2}}{\partial X_{1}} & \frac{\partial F_{2}}{\partial X_{2}} & \frac{\partial F_{2}}{\partial X_{3}} & \cdots & \frac{\partial F_{2}}{\partial X_{N}} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \frac{\partial F_{N}}{\partial X_{1}} & \frac{\partial F_{N}}{\partial X_{2}} & \frac{\partial F_{N}}{\partial X_{3}} & \cdots & \frac{\partial F_{N}}{\partial X_{N}} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \Delta X_{1} \\ \Delta X_{2} \\ \Delta X_{3} \\ \vdots \\ \vdots \\ \Delta X_{N} \end{bmatrix} = -\begin{bmatrix} F_{1} \\ F_{2} \\ F_{3} \\ \vdots \\ F_{N} \end{bmatrix} (6)$$



Рис. 1. Схема организации потоков

Функции  $F_j$  зависят только от переменных  $X_n$  из тарелок j-1, j и j+1. Тогда  $\partial F_j/\partial X_n = 0$  если: n < j-1 или n > j+1. Якобиан в системе (6) принимает структуру три-диагональной матрицы.

_						_	(k)		(k)		(k)
$\mathbf{B}_{1}$	$C_1$	0	0	0		0		$\Delta X_1$		$F_1$	
$A_2$	$B_2$	$C_2$	0	0		0		$\Delta X_2$		$F_2$	
0	$A_3$	$B_3$	C <sub>3</sub>	0		0	•	$\Delta X_3$	=_	$F_3$	(7)
0	0	·.	·.	۰.				:		÷	
0	0	0	0		$A_{_N}$	$\mathbf{B}_{\mathrm{N}}$		$\Delta X_{N}$		F <sub>N</sub>	

Элементы А<sub>j</sub>, В<sub>j</sub> и С<sub>j</sub> являются подматрицами из производных функций F<sub>lj</sub> по переменным X<sub>Li-1</sub>, X<sub>Li</sub>, и X<sub>Li+1</sub> соответственно.

Уравнение (7) решают для поправок  $\Delta X_n^{(k)}$  методом Томаса [2]. Значения  $X_n^{(k+1)}$  получают

### Список литературы

1. Naphtali L.M., Sandholm D.P. // AIChE J., 1971.- V.17.- №1.- P.148-153. формулой  $X_n^{(k+1)} = X_n^{(k)} + t\Delta X_n^{(k)}$  где t=0,01–2. Итерации (k) останавливаются, когда сумма квадратных функций (1), (2) и (3) для всех тарелок достигает заданную точность  $\varepsilon$ .

#### 3. Заключение

Вышеизложенная модель имеет общее назначение и может быть применена при любом числе компонентов, реакций и боковых потоков. Балансы и уравнения равновесия не разлагают, и могут непосредственно участвовать как ограничения в градиентной оптимизации. Кроме того, матрицы  $A_j$ ,  $B_j$  и  $C_j$  независимы друг от друга и могут быть рассчитаны параллельно, что позволяет ускорять процессы оптимизации.

 Seader J.D. Henley E.J. Separation Process Principles.– New Jersey: John Wiley & Sons Inc., 2006.

# КАЛОРИМЕТРИЧЕСКОЕ ИССЛЕДОВАНИЕ ПРОЦЕССОВ ОБРАЗОВАНИЯ И РАЗЛОЖЕНИЯ ВТОРИЧНЫХ ГИДРАТОВ ПРИРОДНОГО ГАЗА В ВОДОНЕФТЯНЫХ ЭМУЛЬСИЯХ ОБРАТНОГО ТИПА

Н.С. Горохова

Научный руководитель – м.н.с. В.В. Корякина

Северо-Восточный федеральный университет

677007, Россия, г. Якутск, ул. Кулаковского 42, NaryyaGorokhova@mail.ru

Известно, что месторождения газовых гидратов могут содержать примерно вдвое больше запасов ископаемого углерода, чем во всех источниках угля, нефти и природного газа вместе взятых [1], что делает их потенциально ценным энергетическим сырьем. Процесс гидратообразования часто происходит и в техногенных системах, например, при добыче нефти и газа в месторождениях с низкими температурами, в том числе и на шельфах, а также при транспор-