К ВОПРОСУ О ПОСТРОЕНИИ УНИВЕРСАЛЬНОЙ ТЕПЛОВОЙ ДИАГРАММЫ ИДЕАЛЬНОГО ГАЗА

Г. И. ФУКС

I

Предлагается новый тип универсальной тепловой диаграммы для идеального газа, построение которой основано на соотношении:

$$\left(\frac{\partial i}{\partial T}\right)_p = c_p \,, \tag{1}$$

$$\left(\frac{\partial s}{\partial T}\right)_p = \frac{c_p}{T},\tag{2}$$

$$\left(\frac{\partial s}{\partial T}\right)_{v} = \frac{c_{v}}{T} \,. \tag{3}$$

Последние два соотношения можно переписать так:

$$\left(\frac{\partial s}{\partial \ln T}\right)_p = c_p,\tag{4}$$

$$\left(\frac{\partial s}{\partial \ln T}\right)_{v} = c_{v}. \tag{5}$$

Из (1) (4), учитывая геометрический смысл производных, следует, что при соответственном подборе масштабов кривых

 $i = f_1(T)$

И

$$s = f_2(\ln T),$$

касательные к ним при данной температуре будут параллельны. На диаграмме можно нанести масштаб для C_p . Тогда направление касательной найдется, если соединить точку на масштабной прямой с началом координат.

П

На диаграмме по оси ординат слева откладывается температура, по оси абсцисс: вверху—энтропия $\frac{3e}{\mu M^3}$, внизу—энтальпия $i\frac{\kappa \kappa a \Lambda}{\mu M^3}$. На оси ординат справа отложены натуральные логарифмы температур 1). Кроме того, нанесен масштаб для c_p .

¹⁾ В натуральной диаграмме приняты масштабы: 1° C—0.2 мм, $1\frac{3e}{4M^3}$ — 500 мм

 $^{1 - \}frac{\kappa \kappa a \Lambda}{\mu_{M}^{3}} = 0.5$ мм, единица натурального логарифма температур—200 мм. Легко проверить, что эти масштабы удовлетворяют условию параллельности касательных к кривым энтальнии и энтропии в координатах i - T и s - ln T.

Для отчета изменения внутренней энергии и нанесения линий

$$s_v = f_3 (lnT)$$

служит наклонная прямая в левой части диаграммы. Действительно, как известно, для идеальных газов

$$i-u=ART$$
, (6)
что для $\mu_{M^3}\left(R=37.85\frac{\kappa z\ M}{\mu_{M^3}\ zpad}\right)$
дает $i-u=0.0886T$.

Для энтропии при p = const и v = const имеем соответственно:

$$ds_p = c_p \frac{dT}{T}$$
, $ds_v = c_v \frac{dT}{T}$, откуда $d(s_p - s_v) = (c_p - c_v) \frac{dT}{T} = AR \frac{dT}{T}$. (8)

Интегрируя, получим для нм3

$$s_p - s_p = 0.0886 \ln T,$$
 (9)

что представляет собою прямую в координатах $\ln T$ —s, совпадающую, при принятом соотношении масштабов, с прямой i—u в координатах i—T.

Для перехода к разным давлениям и объемам нанесен логарифмический масштаб для $\frac{p_2}{p_1} \left(\frac{v_2}{v_1} \right)$. Отрезки этого масштаба дают, как обычно, величину сдвига при переходе к другим p и v (сдвиг вправо при

 $p_2 < p_1 \text{ if } v_2 > v_1$).

Для удобства расчетов на диаграмме приведена таблица энтальпий идеальных газов 1). От энтальпий легко перейти к теплоемкости с. Но обычно в этом нет необходимости, так как проще использовать величины энтальпии непосредственно.

При неизменных теплоемкостях c_p и c_v

$$i = f_1(T)$$

И

$$s_p = f_2 (\ln T)$$

изображаются в предложенной диаграмме параллельными прямыми, иначе говоря, одной и той же прямой, по которой отсчет Δi берется в пределах температур по левой шкале, а отсчет Δs_p —по правой. Линия

$$s_v = f_3 (\ln T)$$

также будет прямой. Ее легко построить, так как прямая в левой части диаграммы дает разность $s_p - s_v$ для любого интервала температур. Таким образом при неизменной теплоемкости тепловая диаграмма будет состоять только из прямых, т. е. имеет простейший вид.

В большинстве случаев совершенно достаточная точность получается, считая по средней теплоемкости c_p для данного интервала температур, иначе говоря, считая изменение i в расчетном интервале температур линейным. Эта же прямая дает изменение s_p , и, следовательно, диаграмма также будет состоять из прямых линий.

¹⁾ По данным Чернобаева и Животовского.

При более точных расчетах можно нанести, используя таблицу энтальпий, несколько промежуточных значений і. Соединив их прямыми и проведя параллельные им в соответствующих интервалах логарифмической шкалы температур, найдем соответствующую кривую

$$s_p = f_3 (\ln T).$$

Далее, используя прямую в левой части диаграммы, наносится

$$s_v = f_3(\ln T)$$
.

Кривые для воздуха (i_2 и s_{p2}) нанесены на диаграмме.

Сравнение предлагаемой диаграммы с известными универсальными диаграммами для идеальных газов приводит к следующим заключениям:

1. Диаграмма по Стодола-Зейлигеру менее точна, так как в ней принимается искусственная зависимость теплоемкости C_v от температуры в виде линейной функции с одинаковым для всех газов свободным членом.

2. Диаграмма по Шюле требует значительного количества предварительных подсчетов для получения линии s_p и s_v для заданного состава газовой смеси. По мере уточнения теплоемкостей основные линии диаграммы Шюле должны перестраиваться.

При уточненных расчетах с учетом переменной теплоемкости в предлагаемой диаграмме также необходимо построить вспомогательные кривые для i и s_p . Но при этом, оказывается, можно обойтись малым числом промежуточных точек. Результаты подсчета погрешностей в величине. $\Delta \, s_p$ для различных газов при различном числе промежуточных точек. сведены в следующей таблице.

Таблица 1

Интервал температур	Газ	Погрешности в %			
		Без пром. точек	1 пром. точка	2 пром. точки	Примечание
300°—2400°K * 300°—1200°K	N ₂ CO ₂ H ₂ O CH ₄	4.33 7.09 6.68 9.50	1.83(2.55) 5.28(6.62) 2.83(3.66) 2.33(2.40)	0.46(0.55) 0.70(1.17) 0.93(1.23) 1.07(1.10)	В скобках приведены максимальные погрешности на отдельных участках

Данные таблицы показывают, что 2—3 промежуточные точки обеспечивают точность до $10/_0$ в любом интервале температур диаграммы. Промежуточные точки лучше всего выбирать, разделив интервал температур в логарифмических координатах на разные части.

Недостатками рассматриваемой диаграммы надо считать: 1. Неравномерную (логарифмическую) шкалу температур.

Если нанести достаточное число промежуточных делений для ратур, это не может иметь особого значения.

2. Невозможность отсчета тепла площадками, как в натуральной T-s

диаграмме. В действительности, как известно, этим приемом обычно не пользуются. Для политропического процесса, например, обычно рекомендуется

подсчитать тепло по соотношению
$$Q = T_c \Delta s. \tag{10}$$

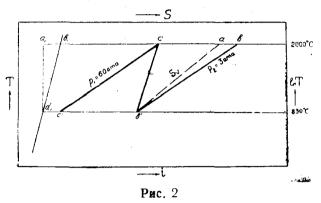
где T_c средняя температура, обычно средне-арифметическая. Аналогичный расчет с большей точностью можно провести по предлагаемой диаграм-

(10)

ме. Как известно, для любого процесса с неизменной теплоемкостью средне-термодинамическая температура равна средне-логарифмической

$$T_{cm} = \frac{T_2 - T_1}{\ln \frac{T_2}{T_1}}.$$
 (11)

Величина знаменателя легко отсчитывается по левой оси ординат диаграммы. С другой стороны, всякий процесс с постоянной теплоемкостью в координатах $\lg T - s$ изображается прямой. Заменив произвольный про-

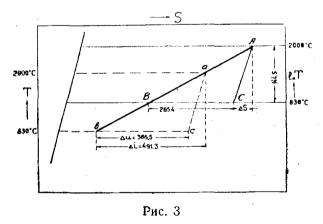


щесс ломаной линией, можно определить для отдельных участков средние температуры и тепло.

Если для подсчета средней температуры отсчитать ее по правой оси ординат на средине между начальной и конечной температурами процесса, то мы найдем средне-геометрическую температуру

$$T = \sqrt{T_1}T_2, \tag{12}$$

которая меньше отличается от средне-термодинамической, чем среднеарифметическая.



На рис. 2 и 3 показано проведение расчетного примера политропического процесса расширения с показателем n=1.32, от $p_1=60$ ama, $t_1=2000$ °C до $p_2=3$ ama газа, имеющего состав по объему:

$$80^{\circ}/_{0}$$
 N_{2} , $15^{\circ}/_{0}$ CO_{2} и $5^{\circ}/_{0}$ $H_{2}O$.

На рис. 2 показано определение конечной температуры. Так как $n = \frac{\overline{cb}}{\overline{ca}} =$

$$=\frac{\overline{cb}}{\overline{cb}-\overline{ab}}$$
, to $\overline{ab}=\frac{n-1}{n}\overline{cb}$.

По шкале давлений для $\frac{p_2}{p_1} = \frac{60}{3} = 20$ имеем $\overline{cb} = 123.7$ мм.

Следовательно,

$$\overline{ab} = \frac{1.32 - 1}{1.32}$$
 132 7 = 32.2 mm.

Откладываем от прямой $(s_p - s_v)$ влево

$$b_1 a_1 = b\overline{a}$$

и проводим a_1d_1 вертикально. Это дает $t_2=830^{\circ}\mathrm{C}$. Учитывая состав газа, имеем по таблице энтальпий

При
$$t_1 = 2000$$
°C, $i_1 = 789.8 \frac{\kappa \kappa a \Lambda}{\kappa M^3}$, $t_2 = 830$ °C, $i_2 = 298.5 \frac{\kappa \kappa a \Lambda}{\kappa M^3}$.

координатах i-t отмечаются соответствующие точки и проводится прямая (рис. 3) ав.

Прямая AB в координатах $\lg T - s$ дает величину Δs_p . Изменение внутренней энергии

$$\Delta u = -386.5 \frac{\kappa \kappa a \Lambda}{\mu M^3}$$

отсчитаем, проведя \overline{ac} параллельно прямой (i-u) диаграммы. По литропа в тепловых координатах изобразится прямой АС, что дает

$$\Delta s = -38 \cdot 10 - \frac{3 \cdot 9e}{\mu M^3}.$$

Средняя температур по (11)
$$T_{cm} = \frac{1170 \cdot 200}{144.5} = 1619^{\circ} \text{K},$$

где 144.5 мм-вертикальное расстояние между А и С, а 200 - значение логарифмического масштаба.

Тепло процесса

$$q = T \Delta s = -1619.38.10^{-3} = -61.6 \frac{\kappa \kappa a \Lambda}{\kappa M^3}$$

Если сосчитать работу по соотношению

$$\mathbf{A}\mathbf{w} = \frac{\mathbf{A}R}{n-1}(t_1 - t_2),$$

то получится

$$\mathbf{A}w_n = \frac{0.0886}{1.32 - 1} 1170 = 323.9 \frac{\kappa \kappa a \Lambda}{\mu M^3}.$$

Torna

$$q = \Delta u + Aw$$

будет

$$q = -386.5 + 323.9 = -62.6 \frac{\kappa \kappa a \Lambda}{\kappa M^3}$$

I-T-S днаграмма для идеальных газов 5,-5, Масилавы: Энтальпин $1 \frac{\kappa \times \pi \Lambda}{HM^3} \sim 0.5 MM$ энтропин $1 \frac{3e}{\mu_{M}^{3}} \sim 500$ т Cp KKAA 025 и нятуряпьных логя́внфмов темперятур: единица ~ 200 мм 'n Энтальтия газов в ккал/HM3 t°C BOORY CO2 H2D 102 N2 CO H2 CH4 C2H4 H2S