

О РАСЧЕТЕ ТРЕХФАЗНЫХ ЦЕПЕЙ С МЕСТНОЙ
НЕСИММЕТРИЕЙ

В. Н. СОСУНОВА

Под местной несимметрией понимается несимметрия, сосредоточенная в одной точке. Несимметрия может получаться при коротких замыканиях, разрывах фаз и по другим причинам. В настоящей работе ограничимся только рассмотрением местных несимметрий за счет коротких замыканий и обрывов фаз. В целях общности результатов будем предполагать, что в цепи имеется произвольное число (n) коротких замыканий и разрывов фаз.

Общие положения

Когда в цепи имеется одно повреждение, то, как известно, решение задачи методом симметричных составляющих сводится к расчету трех двухполюсников: прямой, обратной и нулевой последовательности. Каждый двухполюсник характеризуется одним уравнением. Поэтому при одном повреждении состояние цепи определяется тремя уравнениями, связанными между собой тремя уравнениями граничных условий. Для решения задачи необходимо составить 6 уравнений.

При двух повреждениях схема каждой последовательности будет представлять обычный (проходной) четырехполюсник. Поскольку такой четырехполюсник характеризуется двумя уравнениями, то в случае двух повреждений состояние цепи будет определяться шестью уравнениями, связанными между собой шестью уравнениями граничных условий. Для решения задачи имеется 12 уравнений.

В случае n повреждений схема каждой последовательности может быть представлена в виде $2n$ — полюсника с попарно равными токами зажимов. Подобный $2n$ — полюсник характеризуется n уравнениями. Таким образом, всей цепи будет отвечать система из $3n$ уравнений, соединенных между собой $3n$ уравнениями граничных условий. Для решения задачи в этом случае имеется $6n$ уравнений.

Анализируя зависимости между токами и напряжениями отдельных последовательностей (табл. 1) при повреждениях рассматриваемого вида (коротких замыканиях и разрывах), можно установить, что каждый вид повреждения характеризуется одной группой суммирующихся величин и одной общей величиной. Под суммирующимися величинами мы понимаем токи и напряжения отдельных последовательностей, которые при данном повреждении суммируются, а общими — токи и напряжение, которые для многополюсников отдельных последовательностей являются одинаковыми. Например, при однополюсном коротком замыкании суммирующимися величинами будут напряжения прямой, обратной и нулевой последовательности расчетной фазы, а общей величиной будет ток в месте короткого замыкания.

Таблица 1

Граничные условия для токов и напряжений отдельных последовательностей при разрывах фаз и коротких замыканиях

		Виды повреждений			Граничные условия	
		разрыв	короткое замыкание		суммирующиеся величины	общие величины
1	Разрыв одной фазы	A	Замыкание на землю двух фаз	B и C	$i^{(0)} + i^{(1)} + i^{(2)} = 0$	$\dot{U}^{(0)} = \dot{U}^{(1)} = \dot{U}^{(2)} = \frac{\dot{U}}{3}$
2		B		C и A	$i^{(0)} + a^2 i^{(1)} + a i^{(2)} = 0$	$\dot{U}^{(0)} = a^2 \dot{U}^{(1)} = a \dot{U}^{(2)} = \frac{\dot{U}}{3}$
3		C		A и B	$i^{(0)} + a i^{(1)} + a^2 i^{(2)} = 0$	$\dot{U}^{(0)} = a \dot{U}^{(1)} = a^2 \dot{U}^{(2)} = \frac{\dot{U}}{3}$
4	Разрыв двух фаз	B и C	Замыкание на землю одной фазы	A	$\dot{U}^{(0)} + \dot{U}^{(1)} + \dot{U}^{(2)} = 0$	$i^{(0)} = i^{(1)} = i^{(2)} = \frac{i}{3}$
5		C и A		B	$\dot{U}^{(0)} + a^2 \dot{U}^{(1)} + a \dot{U}^{(2)} = 0$	$i^{(0)} = a^2 i^{(1)} = a i^{(2)} = \frac{i}{3}$
6		A и B		C	$\dot{U}^{(0)} + a \dot{U}^{(1)} + a^2 \dot{U}^{(2)} = 0$	$i^{(0)} = a i^{(1)} = a^2 i^{(2)} = \frac{i}{3}$
7			Замыкание между двумя фазами	B и C	$i^{(1)} + i^{(2)} = 0$	$\dot{U}^{(1)} = \dot{U}^{(2)} = \frac{\dot{U}_A}{3}$
8				C и A	$a^2 i^{(1)} + a i^{(2)} = 0$	$a^2 \dot{U}^{(1)} = a \dot{U}^{(2)} = \frac{\dot{U}_B}{3}$
9				A и B	$a i^{(1)} + a^2 i^{(2)} = 0$	$a \dot{U}^{(1)} = a^2 \dot{U}^{(2)} = \frac{\dot{U}_C}{3}$

В таблице перечислены все виды коротких замыканий и разрывов фаз.

Уравнение $2n$ — полюсников отдельных последовательностей предлагается составлять так, чтобы суммирующиеся токи и напряжения выражались через общие, то есть:

$$\rho_c^{(\mu)} = \zeta^{(\mu)} \rho_0 + \zeta_0^{(\mu)} \quad (\mu = 0, 1, 2), \quad (1)$$

где μ — номер последовательности,

$\rho_c^{(\mu)}$ — вектор, компонентами которого являются суммирующиеся токи и напряжение μ -ой последовательности,

ρ_0 — вектор, компонентами которого являются общие величины,

$\zeta^{(\mu)}$ и $\zeta_0^{(\mu)}$ — матрица и вектор, зависящие от параметров цепи для μ последовательности.

Для повреждений вида коротких замыканий и обрывов фаз, суммирующиеся величины при сложении оказываются равными нулю. Поэтому, если сложить левые и правые части уравнений (1), то для случая одного повреждения получим одно уравнение с одним неизвестным — общей величиной, при двух повреждениях — два уравнения с двумя неизвестными и так далее. При n повреждениях получится n уравнений с n неизвестными. Таким образом, благодаря рациональному способу написания уравнений задача сводится к наименьшему количеству уравнений.

Конечное расчетное уравнение будет иметь вид:

$$0 = \zeta \rho_0 + \zeta_0, \quad (2)$$

где ζ — некоторая матрица, которую далее будем называть матричным параметром.

ζ_0 — вектор, значение которого может быть определено из решения нормальной работы цепи. Условимся называть ζ_0 векторным параметром.

Компоненты матрицы ζ и вектора ζ_0 имеют вид:

$$\zeta_{ik} = \zeta^{(0)}_{ik} + \zeta^{(1)}_{ik} + \zeta^{(2)}_{ik}, \quad (3)$$

где i — номер строки,

k — номер столбца, верхний индекс — номер последовательности.

В цепи с симметрично выполненными источниками энергии (обычные случаи)

$$\zeta^{(0)}_{io} = 0, \quad \zeta^{(2)}_{io} = 0.$$

Компоненты ζ_{ik} могут быть типа Z , Y , A (цепочечная матрица) или других типов. Для простых $2n$ — полюсников эти коэффициенты вычисляются известными методами холостого хода и короткого замыкания, или методом наложения, или берутся из таблиц [1].

Для сложных $2n$ — полюсников следует использовать теорию составных электрических цепей.

В случае повреждений в разных фазах перед компонентами $\zeta^{(1)}_{ik}$ и $\zeta^{(2)}_{ik}$ нужно ставить множитель

$$a^{\nu_{ik}^{(\mu)}} (a = e^{j120^\circ}).$$

Таким образом, формула для нахождения компонент матрицы ζ и вектора ζ_0 выражается в общем виде уравнением (4):

$$\zeta_{ik} = \zeta_{ik}^{(0)} + a^{\nu_{ik}^{(1)}} \zeta_{ik}^{(1)} + a^{\nu_{ik}^{(2)}} \zeta_{ik}^{(2)}. \quad (4)$$

Показатель $\nu_{ik}^{(\mu)}$ может принимать значения $\nu_{ik}^{(\mu)} = 0, 1, 2$ и вычисляется по формуле (5)

$$\nu_{ik}^{(\mu)} = \nu_i^{(\mu)} - \nu_k^{(\mu)}, \quad (5)$$

где $\nu_i^{(\mu)}$ — показатель оператора суммирующейся величины μ последовательности, $\nu_k^{(\mu)}$ — показатель оператора соответствующей общей величины, $\nu_i^{(\mu)}$ и $\nu_k^{(\mu)}$ берутся из граничных условий (табл. 1). Покажем определение $\nu_{ik}^{(\mu)}$ на примере.

Пример 1.

Фаза A разорвана, а фаза B замкнута на землю (фиг. 1). Из таблицы граничных условий выписываем суммирующиеся величины

$$i_p^{(0)} + i_p^{(1)} + i_p^{(2)} = 0,$$

$$\dot{U}_k^{(0)} + a^2 \dot{U}_k^{(1)} + a \dot{U}_k^{(2)} = 0$$

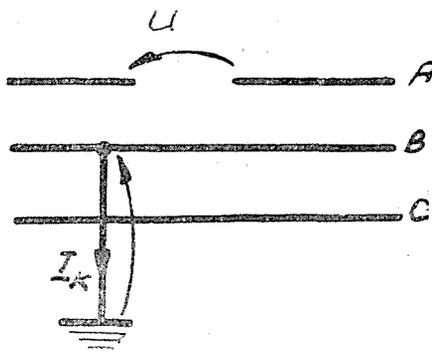
и общие величины

$$\dot{U}_p^{(1)} = U_p^{(2)} = \dot{U}_p^{(0)} = -\frac{\dot{U}_p}{3},$$

$$i_k^{(0)} = a^2 i_k^{(1)} = a i_k^{(2)} = -\frac{i_k}{3}.$$

Уравнения схем замещения запишутся в форме уравнения (5')

$$\begin{pmatrix} i_p \\ \dot{U}_k \end{pmatrix} = [\zeta] \begin{pmatrix} \dot{U}_p \\ I_k \end{pmatrix} + \zeta_0 \quad (5')$$



Фиг. 1

$$\begin{aligned} \zeta_{11} &= \zeta_{11}^{(0)} + \zeta_{11}^{(1)} + \zeta_{11}^{(2)}, & \zeta_{12} &= \zeta_{12}^{(0)} + a \zeta_{12}^{(1)} + a^2 \zeta_{12}^{(2)}, \\ \zeta_{21} &= \zeta_{21}^{(0)} + a^2 \zeta_{21}^{(1)} + a \zeta_{21}^{(2)}, & \zeta_{22} &= \zeta_{22}^{(0)} + \zeta_{22}^{(1)} + \zeta_{22}^{(2)}, \\ \zeta_{10} &= \zeta_{10}^{(1)}, & \zeta_{20} &= \zeta_{20}^{(1)}. \end{aligned}$$

Порядок расчета

Можно рекомендовать следующую технику расчета цепей с рассматриваемыми видами повреждений.

1. Несимметричная цепь заменяется расчетной симметричной путем введения в местах повреждений фиктивных источников э.д.с. и источников тока.

Такая замена необходима для того, чтобы в дальнейшем иметь возможность воспользоваться принципом независимости действия симметричных составляющих токов и напряжений, справедливым, как известно, только для симметрично выполненных цепей.

2. Устанавливаются зависимости между симметричными составляющими токов и напряжений в местах повреждений и производится подразделение этих величин на суммирующиеся и общие.

3. Составляются обычным образом схемы замещения отдельных последовательностей.

4. Составляются уравнения $2n$ -полюсников отдельных последовательностей по форме уравнения (1), т. е. так, чтобы суммирующиеся токи и напряжения выражались через общие. Затем, после соответствующего суммирования коэффициентов (формула 3 или 4), находится система уравнений с n неизвестными, которыми будут общие токи и напряжения.

5. Полученная система решается относительно неизвестных величин.

Пример 2.

Разберем подробно предлагаемый способ составления расчетных уравнений на простейшем примере короткого замыкания фазы А (фиг. 2).

Будем придерживаться указанного выше порядка расчета.

Несимметричную цепь заменяем расчетной симметричной путем введения фиктивных источников тока (фиг. 3).

Устанавливаем (или берем из табл. 1) зависимости между симметричными составляющими токов и напряжений в месте короткого замыкания и сразу же подразделяем эти токи и напряжения на суммирующиеся и общие.

Группа суммирующихся величин

$$\dot{U}^{(0)} + \dot{U}^{(1)} + \dot{U}^{(2)} = 0.$$

Общая величина

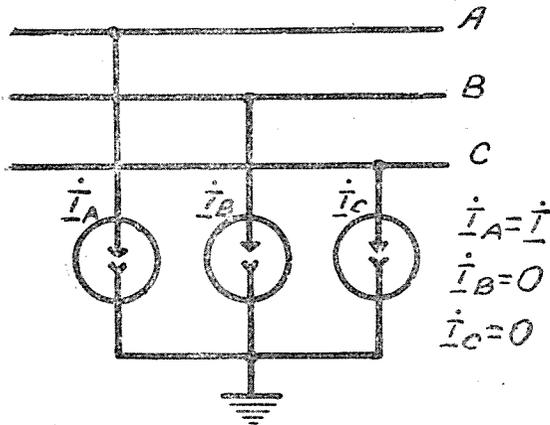
$$\frac{\dot{I}}{3} = \dot{I}^{(1)} = \dot{I}^{(0)} = \dot{I}^{(2)}.$$

Затем составляем схемы замещения прямой, обратной и нулевой последовательности. Так как в цепи одно повреждение, схемы замещения представляем в виде двухполюсников (фиг. 4).

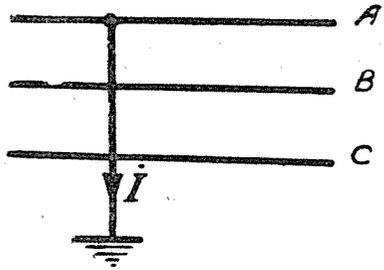
Составляем характеризующие двухполюсники уравнения:

$$\begin{pmatrix} \dot{U}^{(0)} \\ \dot{U}^{(1)} \\ \dot{U}^{(2)} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \zeta_{11}^{(0)} & 0 & 0 \\ 0 & \zeta_{11}^{(1)} & 0 \\ 0 & 0 & \zeta_{11}^{(2)} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \dot{I}^{(0)} \\ \dot{I}^{(1)} \\ \dot{I}^{(2)} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \zeta_{10}^{(1)} \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}. \quad (6)$$

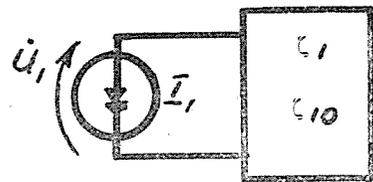
Складывая левые и правые части уравнения (6) и учитывая условия, характеризующие повреждение, получаем уравнение (7), а из него — общеизвестное решение тока короткого замыкания I .



Фиг. 3



Фиг. 2



Фиг. 4

Уравнение (7) можно было также просто получить, руководствуясь формулой (3)

$$0 = \zeta_{11}^{(0)} + \zeta_{11}^{(1)} + \zeta_{11}^{(2)} \frac{\dot{I}}{3} + \zeta_{10} \quad (7)$$

$$\dot{I} = \frac{3\zeta_{10}}{\zeta_{11}^{(0)} + \zeta_{11}^{(1)} + \zeta_{11}^{(2)}}. \quad (8)$$

Рассмотрим примерный расчет трехфазной цепи при наличии в ней трех повреждений.

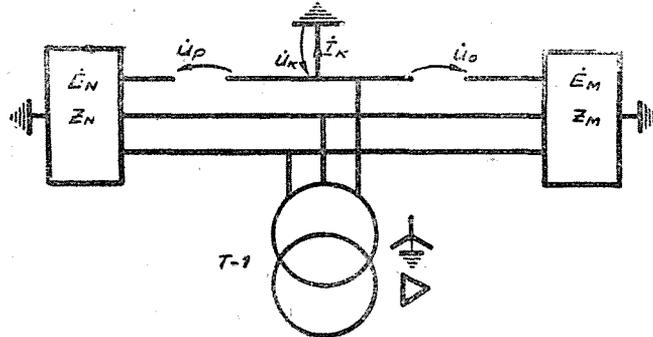
Пример 3.

Рассмотрим двухстороннее отключение одной фазы линии при коротком замыкании отключаемой фазы на землю¹⁾ фиг. 5.

Численные значения параметров исходной схемы в относительных единицах:

$$\begin{aligned} \dot{E}_M = j2, \quad \dot{E}_N = j1, \quad \dot{Z}_M^{(1)} = j2, \quad \dot{Z}_N^{(1)} = \dot{Z}_M^{(2)} = \dot{Z}_N^{(2)} = \dot{Z}_M^{(0)} = \dot{Z}_N^{(0)} = j1, \\ \dot{Z}_T = j0,4, \end{aligned}$$

линии входят соответствующими величинами в сопротивления частей систем.

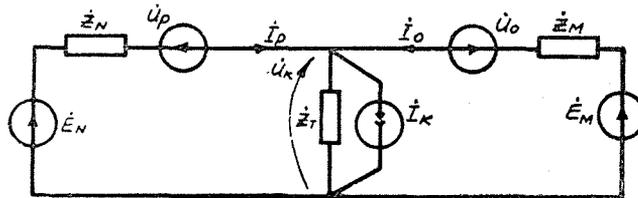


Фиг. 5

Несимметричная расчетная цепь заменяется расчетной симметричной путем введения в места разрыва фиктивных источников э.д.с. и введения в место короткого замыкания фиктивного источника тока.

Для полученной симметричной цепи составляются схемы замещения.

Конфигурация схем замещения прямой, обратной и нулевой последовательностей для данной задачи одинакова (фиг. 6).



Фиг. 6

Из табл. 1 берутся зависимости между симметричными составляющими токов и напряжений в местах повреждений.

Суммирующиеся величины:

$$\dot{I}_p^{(0)} + \dot{I}_p^{(1)} + \dot{I}_p^{(2)} = 0,$$

$$\dot{I}_0^{(0)} + \dot{I}_0^{(1)} + \dot{I}_0^{(2)} = 0,$$

$$\dot{U}_k^{(0)} + \dot{U}_k^{(1)} + \dot{U}_k^{(2)} = 0.$$

Общие величины:

$$\dot{U}_p^{(0)} = \dot{U}_p^{(1)} = \dot{U}_p^{(2)} = \frac{\dot{U}_p}{3},$$

$$\dot{U}_0^{(0)} = \dot{U}_0^{(1)} = \dot{U}_0^{(2)} = \frac{\dot{U}_0}{3},$$

$$\dot{I}_k^{(0)} = \dot{I}_k^{(1)} = \dot{I}_k^{(2)} = \frac{\dot{I}_k}{3}.$$

¹⁾ Данные примера заимствованы из [2].

Затем составляются уравнения так, чтобы суммирующиеся величины выражались через общие. Так как в рассматриваемой задаче три повреждения, то схему замещения каждой последовательности нужно рассматривать, как шестиполосник. Уравнения, характеризующие данный шестиполосник, легко составить по методу наложения.

$$i_p = -\frac{1}{\dot{Z}_N + \frac{\dot{Z}_M \dot{Z}_T}{\dot{Z}_M + \dot{Z}_T}} \dot{U}_p + \frac{\frac{\dot{Z}_T}{\dot{Z}_N + \dot{Z}_T}}{\dot{Z}_M + \frac{\dot{Z}_N \cdot \dot{Z}_T}{\dot{Z}_N + \dot{Z}_T}} \dot{U}_0 + \frac{\frac{\dot{Z}_T \cdot \dot{Z}_M}{\dot{Z}_T + \dot{Z}_M}}{\dot{Z}_M + \frac{\dot{Z}_N \cdot \dot{Z}_T}{\dot{Z}_N + \dot{Z}_T}} i_k +$$

$$+ \frac{\dot{E}_N}{\dot{Z}_N + \frac{\dot{Z}_M \cdot \dot{Z}_T}{\dot{Z}_M + \dot{Z}_T}} - \frac{\dot{E}_M}{\dot{Z}_M + \frac{\dot{Z}_N \cdot \dot{Z}_T}{\dot{Z}_N + \dot{Z}_T}} \cdot \frac{\dot{Z}_T}{\dot{Z}_N + \dot{Z}_T} \quad (9)$$

$$i_0 = \frac{\frac{\dot{Z}_T}{\dot{Z}_M + \dot{Z}_T}}{\dot{Z}_N + \frac{\dot{Z}_T \dot{Z}_M}{\dot{Z}_M + \dot{Z}_T}} \dot{U}_p - \frac{1}{\dot{Z}_M + \frac{\dot{Z}_N \cdot \dot{Z}_T}{\dot{Z}_N + \dot{Z}_T}} \dot{U}_0 + \frac{\frac{\dot{Z}_T \cdot \dot{Z}_N}{\dot{Z}_T + \dot{Z}_N}}{\dot{Z}_M + \frac{\dot{Z}_T \cdot \dot{Z}_N}{\dot{Z}_T + \dot{Z}_N}} i_k -$$

$$- \frac{\dot{E}_N}{\dot{Z}_N + \frac{\dot{Z}_M \cdot \dot{Z}_T}{\dot{Z}_M + \dot{Z}_T}} \cdot \frac{\dot{Z}_T}{\dot{Z}_M + \dot{Z}_T} + \frac{\dot{E}_M}{\dot{Z}_M + \frac{\dot{Z}_N \cdot \dot{Z}_T}{\dot{Z}_N + \dot{Z}_T}} \quad (10)$$

$$\dot{U}_k = -\frac{\frac{\dot{Z}_T \cdot \dot{Z}_M}{\dot{Z}_T + \dot{Z}_M}}{\dot{Z}_N + \frac{\dot{Z}_T \cdot \dot{Z}_M}{\dot{Z}_T + \dot{Z}_M}} \dot{U}_p - \frac{\frac{\dot{Z}_T \cdot \dot{Z}_N}{\dot{Z}_T + \dot{Z}_N}}{\dot{Z}_M + \frac{\dot{Z}_T \cdot \dot{Z}_N}{\dot{Z}_T + \dot{Z}_N}} \dot{U}_0 +$$

$$+ \frac{\frac{\dot{Z}_N \cdot \dot{Z}_T \cdot \dot{Z}_M}{\dot{Z}_N \cdot \dot{Z}_T + \dot{Z}_M \cdot \dot{Z}_T + \dot{Z}_N \cdot \dot{Z}_M}}{\dot{Z}_N + \frac{\dot{Z}_T \cdot \dot{Z}_M}{\dot{Z}_T + \dot{Z}_M}} i_k + \frac{\frac{\dot{Z}_T \cdot \dot{Z}_M}{\dot{Z}_T + \dot{Z}_M}}{\dot{Z}_N + \frac{\dot{Z}_T \cdot \dot{Z}_M}{\dot{Z}_T + \dot{Z}_M}} \dot{E}_N +$$

$$+ \frac{\frac{\dot{Z}_T \cdot \dot{Z}_N}{\dot{Z}_T + \dot{Z}_N}}{\dot{Z}_M + \frac{\dot{Z}_T \cdot \dot{Z}_N}{\dot{Z}_T + \dot{Z}_N}} \dot{E}_M. \quad (11)$$

Подставляя в уравнение 9, 10, 11 численные значения параметров, подсчитываем коэффициенты шестиполосников прямой, обратной и нулевой последовательностей. Затем по формуле (3) подсчитываем коэффициенты расчетного шестиполосника. Результаты расчета сведены в табл. 2.

Расчетные уравнения имеют вид:

$$i \frac{83}{36.3} \dot{U}_p - j \frac{41}{72.3} \dot{U}_0 + \frac{25}{36.3} i_k + \frac{1}{2} = 0,$$

$$-j \frac{41}{72.3} \dot{U}_p + j \frac{7.41}{144.3} \dot{U}_0 + \frac{41}{72.3} i_k + \frac{3}{4} = 0,$$

$$- \frac{25}{36.3} \dot{U}_p - \frac{41}{72.3} \dot{U}_0 + i \frac{25}{36.3} i_k + j \frac{1}{2} = 0.$$

Коэффициенты шестиполюсников			
Последовательностей			Расчетного
прямой	обратной	нулевой	
$\zeta_{11}^{(1)} = j \frac{3}{4}$	$\zeta_{11}^{(2)} = j \frac{7}{9}$	$\zeta_{11}^{(0)} = j \frac{7}{9}$	$\zeta_{11} = j \frac{83}{36.3}$
$\zeta_{12}^{(1)} = j \frac{1}{8}$	$\zeta_{12}^{(2)} = -j \frac{2}{9}$	$\zeta_{12}^{(0)} = -j \frac{2}{9}$	$\zeta_{12} = j - \frac{41}{72.3}$
$\zeta_{13}^{(1)} = \frac{1}{4}$	$\zeta_{13}^{(2)} = \frac{2}{9}$	$\zeta_{13}^{(0)} = \frac{2}{9}$	$\zeta_{13} = \frac{25}{36.3}$
$\zeta_{10}^{(1)} = \frac{1}{2}$	$\zeta_{10}^{(2)} = 0$	$\zeta_{10}^{(0)} = 0$	$\zeta_{10} = \frac{1}{2}$
$\zeta_{21}^{(1)} = -j \frac{1}{8}$	$\zeta_{21}^{(2)} = -j \frac{2}{9}$	$\zeta_{21}^{(0)} = -j \frac{2}{9}$	$\zeta_{21} = -j \frac{41}{72.3}$
$\zeta_{22}^{(1)} = j \frac{7}{16}$	$\zeta_{22}^{(2)} = j \frac{7}{9}$	$\zeta_{22}^{(0)} = j \frac{7}{9}$	$\zeta_{22} = j \frac{7.41}{144.3}$
$\zeta_{23}^{(1)} = \frac{1}{8}$	$\zeta_{23}^{(2)} = \frac{2}{9}$	$\zeta_{23}^{(0)} = \frac{2}{9}$	$\zeta_{23} = \frac{41}{72.3}$
$\zeta_{20}^{(1)} = \frac{3}{4}$	$\zeta_{20}^{(2)} = 0$	$\zeta_{20}^{(0)} = 0$	$\zeta_{20} = \frac{3}{4}$
$\zeta_{31}^{(1)} = -\frac{1}{4}$	$\zeta_{31}^{(2)} = -\frac{2}{9}$	$\zeta_{31}^{(0)} = -\frac{2}{9}$	$\zeta_{31} = -\frac{25}{36.3}$
$\zeta_{32}^{(1)} = -\frac{1}{8}$	$\zeta_{32}^{(2)} = -\frac{2}{9}$	$\zeta_{32}^{(0)} = -\frac{2}{9}$	$\zeta_{32} = -\frac{41}{72.3}$
$\zeta_{33}^{(1)} = j \frac{1}{4}$	$\zeta_{33}^{(2)} = j \frac{2}{9}$	$\zeta_{33}^{(0)} = j \frac{2}{9}$	$\zeta_{33} = j \frac{25}{36.3}$
$\zeta_{30}^{(1)} = j \frac{1}{2}$	$\zeta_{30}^{(2)} =$	$\zeta_{30}^{(0)} = 0$	$\zeta_{30} = j \frac{1}{2}$

Полученные уравнения решаются относительно неизвестных—общих величин

$$I_k = 0; \quad U_p = j; \quad U_0 = j \frac{58}{41}.$$

Заметим, что полученные результаты не совпадают с результатами примера статьи [2]. Повидимому, в статье допущена ошибка, так как результаты примера [2] не удовлетворяют уравнению равновесия напряжений.

ЛИТЕРАТУРА

- Зелях Э. В. Основы общей теории линейных электрических схем, 1951.
- Соколов Н. И. Построение и применение комплексных схем замещения при сложных несимметричных цепях. Электричество, № 8, 1949.