

**НОМОГРАММЫ ДЛЯ ОПРЕДЕЛЕНИЯ СРЕДНИХ ОШИБОК  
ИЗМЕРЕНИЯ ГОРИЗОНТАЛЬНЫХ УГЛОВ ОТ НЕПРАВИЛЬНОГО  
ЦЕНТРИРОВАНИЯ ТЕОДОЛИТА И СИГНАЛОВ**

Г. Ф. ЛЫСОВ

(Представлено научным семинаром кафедр маркшейдерского дела и геодезии)

При оценке точности наиболее ответственных маркшейдерских работ неоднократно приходится подсчитывать квадраты  $m_{ц}^2$  средних ошибок измерения горизонтальных углов от неправильного центрирования теодолита и сигналов, что производится по формуле:

$$m_{ц}^2 = \frac{\rho^2 e_c^2}{2a^2} + \frac{\rho^2 e_t^2}{2b^2} + \frac{\rho^2 e_t^2 c^2}{2a^2 b^2}, \quad (1)$$

где  $e_c, e_t$  — средние линейные ошибки центрирования сигнала и теодолита,

$a, b$  — длины сторон измеряемого угла,

$c$  — расстояние между сигналами,

$\rho$  — радиан в секундах (206265").

Вычисление величины  $m_{ц}^2$  по формуле (1) является слишком сложным. В связи с этим в маркшейдерской литературе указывается ряд способов, дающих возможность находить величину  $m_{ц}^2$  с меньшими затратами труда и времени.

В частности, в книге проф. Д. Н. Оглоблина [2] даны два графика, с помощью которых определение  $m_{ц}^2$  упрощается. Но пользоваться этими графиками можно только при условии равенства линейных ошибок центрирования сигналов и теодолита, что нельзя считать достаточно обоснованным.

Канд. техн. наук А. Н. Белоликовым [1] в целях упрощения нахождения величины  $m_{ц}^2$  предложен график и специальные таблицы. Однако при различных значениях ошибок центрирования сигналов и теодолита пользование графиком и таблицами усложняется, так как возникает необходимость в построении вспомогательных графиков или выполнении дополнительных расчетов.

Проф. Ф. Ф. Павловым и инж. Д. Е. Левитом [3] создан ряд номограмм, значительно облегчающих определение  $m_{ц}^2$ . Не останавливаясь на достоинствах этих номограмм, отметим следующие два основных недостатка последних.

1) Различие в методике определения величин  $A_1$ ,  $A_2$  и  $A_3$  усложняет работу вычислителя <sup>1)</sup>.

2) Вспомогательная величина  $A_3$  по заданным  $a$ ,  $b$ ,  $c$  и  $e_T$  определяется довольно сложно.

Из приведенного здесь краткого обзора наиболее известных работ по данному вопросу вытекает, таким образом, что при определении  $m_n^2$  в общем случае рассмотренные способы требуют кроме основных таблиц или графиков выполнения также дополнительных расчетов или графических построений, которые могут быть причиной ошибок.

В настоящей работе для решения той же задачи при любых возможных значениях переменных  $e_c$ ,  $e_T$ ,  $a$ ,  $b$  и  $c$  предлагаются две совмещенные номограммы, составленные на основании нижеследующих соображений.

Представим формулу (1) в следующем виде:

$$m_n^2 = \frac{A_1 + A_2 + A_3}{B}, \quad (2)$$

где

$$A_1 = \frac{\rho^2 e_c^2 a^2}{2}, \quad (3)$$

$$A_2 = \frac{\rho^2 e_c^2 b^2}{2}, \quad (4)$$

$$A_3 = \frac{\rho^2 e_T^2 c^2}{2}, \quad (5)$$

$$B = a^2 b^2. \quad (6)$$

Используя формулы (2), (3), (4), (5), (6) и известный прием при построении номограмм из выравненных точек, можно построить две совмещенные номограммы (рис. 1). Первая номограмма предназначена для определения величин  $A_1$ ,  $A_2$  и  $A_3$  по заданным значениям  $a(b, c)$  в пределах от 2 м до 100 м и  $e_c(e_T)$  в пределах от 0,2 мм до 10 мм. Эта номограмма состоит из трех параллельных логарифмических шкал „ $a, b, c$ “, „ $e$ “, „ $A$ “, масштаб и расположение которых подобраны таким образом, что при наложении на номограмму прямолинейного индекса в точках с заданными пометками на шкалах „ $a, b, c$ “ и „ $e$ “ индекс пересечет шкалу „ $A$ “ в точке с пометкой, равной соответствующему значению  $A_1(A_2, A_3)$ .

Вторая номограмма служит для определения величины  $B$  по заданным значениям  $a$  и  $b$  в пределах от 2 м до 100 м. Шкалы „ $a$ “ и „ $b$ “ этой номограммы совмещены со шкалами „ $a, b, c$ “ и „ $e$ “ первой номограммы, а шкала „ $B$ “ расположена рядом со шкалой „ $A$ “. Масштаб и расположение шкал „ $a$ “, „ $b$ “ и „ $B$ “ подобраны таким образом, что прямая линия, соединяющая точки с заданными пометками на шкалах „ $a$ “ и „ $b$ “, пересекает шкалу „ $B$ “ в точке с пометкой, равной соответствующему значению  $B$ .

Определение  $m_n^2$  с помощью предлагаемых номограмм производится в следующем порядке:

---

1)  $A_1 = \left(\frac{\rho e_c}{a}\right)^2$ ,  $A_2 = \left(\frac{\rho e_c}{b}\right)^2$ ,  $A_3 = \left(\frac{\rho e_T c}{ab}\right)$ .

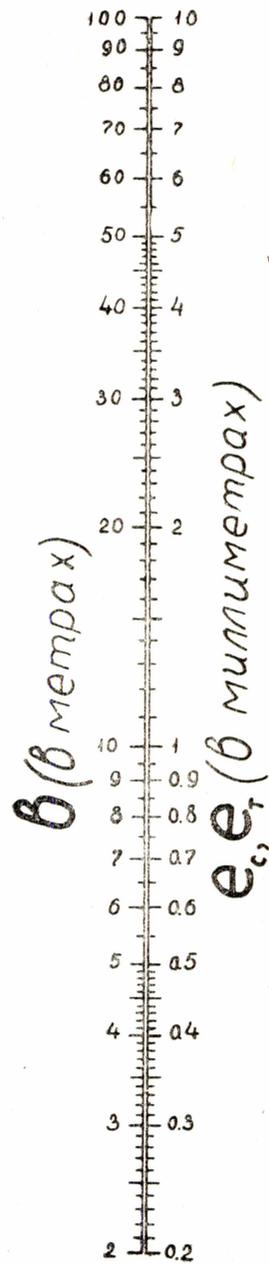
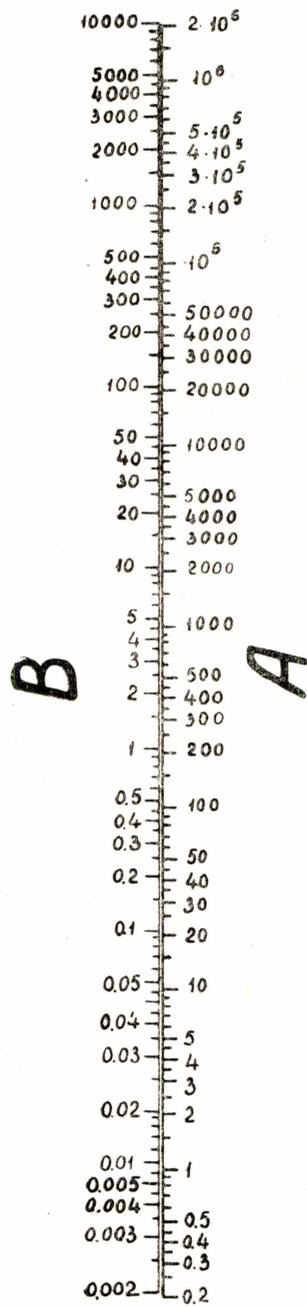
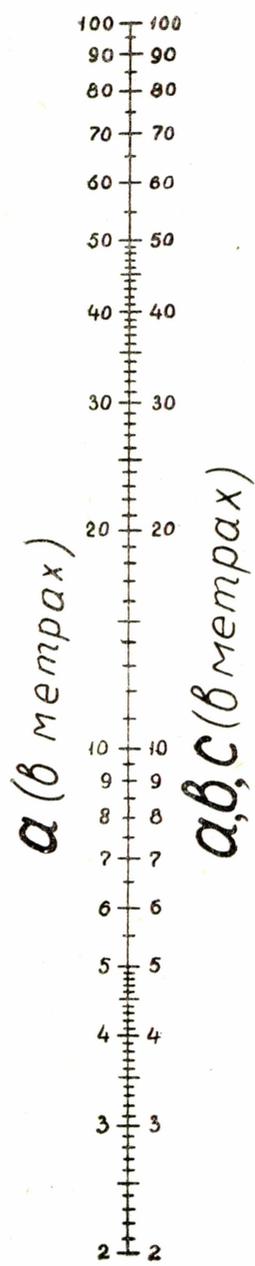


Рис. 1.

1) Пользуясь первой номограммой, находим величины  $A_1$  (по заданным  $a$  в метрах и  $e_c$  в мм),  $A_2$  (по заданным  $b$  в метрах и  $e_c$  в мм) и  $A_3$  (по заданным  $c$  в метрах и  $e_T$  в мм); подсчитываем величину суммы ( $A_1 + A_2 + A_3$ ). При выполнении этой операции удобно пользоваться счетами, последовательно складывая значения  $A_1$ ,  $A_2$  и  $A_3$ .

2) Используя вторую номограмму, находим величину  $B$  (по заданным  $a$  и  $b$  в метрах).

3) С помощью логарифмической линейки по формуле (2) подсчитываем значения  $m_{ц}^2$ .

Пример. Определить  $m_{ц}^2$ , если  $a = 91$  м,  $b = 70$  м,  $c = 140$  м,  $e_c = 1,5$  мм,  $e_T = 2$  мм.

По первой номограмме находим:  $A_1 = 40000$ ,  $A_2 = 23000$ ,  $A_3 = 170000$ ,  $(A_1 + A_2 + A_3) = 233000$ . По второй номограмме находим  $B = 4000$ .

Следовательно,  $m_{ц}^2 = \frac{233000}{4000} = 58,2$  сек<sup>2</sup>.

В заключение отметим, что предлагаемые номограммы позволяют определять  $m_{ц}^2$  с погрешностью, не превышающей одну—две единицы второго знака, при затрате времени на одно определение  $m_{ц}^2$  в среднем 1—2 минуты.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Белоликов А. Н. К вопросу об определении средней ошибки измерения углов в шахте, Исследования по вопросам маркшейдерского дела, сборник XXV. Москва, 1955.

2. Оглоблин Д. Н. Маркшейдерские работы при подземной разработке месторождений, ч. 1. Москва, 1950.

3. Павлов Ф. Ф. и Левит Д. Е. Атлас номограмм для маркшейдерских вычислений. Москва, 1954.