#### УДК 535.211

# АНАЛИЗ КОМПЕНСАЦИИ ИСКАЖЕНИЙ ПО СИГНАЛУ ОБРАТНОГО РАССЕЯНИЯ, ПРОВОДИМЫЙ С УЧЕТОМ ОГРАНИЧЕНИЙ, ВНОСИМЫХ АДАПТИВНЫМ ЗЕРКАЛОМ

Ф.Ю. Канев\*.\*\*, Д.С. Рычков\*

\*Институт оптики атмосферы CO PAH, г. Томск \*\*Томский политехнический университет E-mail: mna@iao.ru; dsr@iao.ru

Представлены результаты численного моделирования работы адаптивного контура лазерной системы включающего упругое зеркало. Для расчета деформаций отражающей поверхности использовался метод конечных элементов. Моделирование распространения частично когерентного излучения и его обратного рассеяния в атмосфере осуществлялось на основе решения параболического уравнения методом расщепления по физическим факторам. Показано, что вносимые зеркалом ограничения не приводят к значительному снижению эффективности коррекции искажений лазерных пучков.

#### Ключевые слова:

Адаптивное зеркало, управление параметрами излучения, фазовый профиль пучка, сигнал обратного рассеяния, атмосферная турбулентность, тепловое самовоздействие лазерных пучков.

### Key words:

Adaptive mirror, control of radiation parameters, beam phase profile, back scattering signal, atmospheric turbulence, thermal blooming.

Адаптивные зеркала [1–3] прочно вошли в современную оптику. Они используются для компенсации динамических аберраций в различных оптических системах, например, для оптимизации параметров излучения, управления выходной мощностью [2, 3]. Использование адаптивных оптических устройств требует проведения первоначальных численных исследований, в том числе для оценки погрешности, вносимой гибким зеркалом в контур управления лазерной системы, которая определяется конструкцией корректора, в первую очередь числом и расположением исполняющих приводов [4, 5].

Рассмотрим лазерную систему с совмещенной оптической схемой приемопередающего канала, в которой адаптивный контур замыкается по сигналу обратного рассеяния в атмосфере [6]. Ранее мы провели исследования зависимости сигнала обратного рассеяния (плотность мощности обратно рассеянного в атмосфере излучения на фотодетекторе оптической системы) от параметров поля на выходной апертуре [7], изучили работу адаптивного контура, построенного на основе алгоритма апертурного зондирования [8]. Используя эти результаты, рассмотрим влияние ошибки, вносимой в работу контура гибким зеркалом. В нашем случае зеркало имеет большие размеры и значительное (от ста до тысячи в различных численных экспериментах) число приводов. Расчеты для подобных зеркал проводились и ранее [4, 5, 9], однако в указанных работах число приводов не превышало 100.

Модели зеркал, используемые в настоящем исследовании, были построены на основе методики, изложенной в [10], где полагалось, что зеркало, форма поверхности которого задается системой дискретных актюаторов, может быть представлено как тонкая пластина, деформируемая силами, приложенными в определенных точках. Модель пластины строилась на основе метода конечных элементов [10]. Нами было проведено развитие методики, в частности, удалось значительно увеличить размерность расчетной сетки, соответственно было увеличено и количество приводов. Так, если в первых работах, посвященных данной тематике [4, 5, 11], число приводов зеркала составляло 20–50, то в настоящее время в рамках той же модели зеркала возможно управление в 500 и более точках.

Модель строилась в приближении тонкой однородной изотропной пластины, статический прогиб W(x,y) которой описывался уравнением бигармонического типа [12]:

$$D\left(\frac{\partial^4 W}{\partial x^2} + 2\frac{\partial^4 W}{\partial x^2 \partial y^2} + \frac{\partial^4 W}{\partial y^2}\right) = g(x, y).$$
(1)

Здесь *х*, *у* – координаты в плоскости пластины;  $D = Eh^3/(12(1-\sigma^2))$  – цилиндрическая жесткость,  $\sigma$  – коэффициент Пуассона, *E* – модуль Юнга, *h* – толщина пластины, *g* – поперечная распределенная нагрузка [12, 13].

Аналитическое решение уравнения (1) и учет граничных условий представляют значительные трудности, поэтому здесь целесообразно использовать метод конечных элементов [10, 14], согласно которому для определения поля перемещений W(x,y) вся поверхность пластины разбивается на подобласти (конечные элементы). Элементы связываются между собой кинематически и динамически условиями сопряжения, в результате полный набор конечных элементов образует модель пластины в целом. Уравнение динамики модели, полученное суммированием уравнений для каждого из элементов, имеет вид

$$\|\mathbf{M}\|\mathbf{\hat{W}} + \|\mathbf{G}\|\mathbf{\hat{W}} + \|\mathbf{K}\|\mathbf{W} = \|\mathbf{Q}_f\|.$$
(2)

В уравнение (2) входят матрицы масс ||M||, затухания колебаний ||G|| и жесткости ||K|| всей модели; ||Q<sub>f</sub>|| − вектор внешних узловых сил, действующих на модель или вектор смещений пластины в точках закрепления приводов, решение осуществляется на основе методов численного интегрирования [14]. Если необходимым является определение только статических деформаций элементов, ур. (2) может быть упрощено и сведено к форме

$$\mathbf{K} \mathbf{W} = \mathbf{Q}_f,$$

откуда прогиб пластины находится как

$$\mathbf{W} = \left\| \mathbf{L} \right\| \mathbf{Q}_f,$$

где  $\|L\| = \|K\|^{-1}$  — матрица, обратная матрице жесткости.

Современные вычислительные системы позволяют проводить операции на матрицах большой размерности, ограничения определяются в основном объемом оперативной памяти и допустимыми временными затратами. Поэтому, не внося значительных изменений в базовую модель, в настоящее время можно рассчитывать статические деформации зеркала с числом приводов до  $10^3$ . При этом для квадратной матрицы зеркала ранга N максимальное число приводов составляет [N/2]×[N/2].

В результате использования описанной выше методики удалось значительно увеличить число приводов зеркала относительно описанных ранее моделей. Так, для конфигураций, показанных на рис. 1 число, приводов равнялось 68 (рис. 1, *a*) и 480 (рис. 1, *б*), а для зеркал, используемых в задаче компенсации искажений, оно было более 900. На основе метода конечных элементов нами была построена компьютерная программа, моделирующая управляемое адаптивное зеркало. Программа предназначена для работы в виде отдельного приложения или с использованием технологии Сотроент Оbject Model может быть включена в качестве сервера в распределенное приложение, моделирующее

полную адаптивную систему. Основное окно интерфейса программы приведено на рис. 2.

В окне интерфейса выводится фазовый профиль, воспроизведение которого осуществляется зеркалом; отражающая поверхность корректора; точки закрепления приводов, а также интерференционная картина, регистрируемая в параллельных лучах.

Кроме того, здесь печатается число приводов зеркала и квадратичные отклонения отражающей поверхности от заданного фазового профиля  $\varepsilon_1$  и  $\varepsilon_2$ , которые задаются формулами:

$$\begin{split} \varepsilon_{1} &= \frac{\iint \sqrt{(\varphi(x,y) - \varphi_{ref}(x,y))^{2}} dx dy}{\iint \varphi(x,y) dx dy}, \\ \varepsilon_{2} &= \frac{\iint \sqrt{(\varphi(x,y) - \varphi_{ref}(x,y))^{2}} dx dy}{2\pi} \lambda, \end{split}$$

где  $\varphi$  – поверхность зеркала;  $\varphi_{ref}$  – заданный фазовый профиль;  $\lambda$  – длина волны излучения. Использование параметра  $\varepsilon_1$  позволяет сравнивать полученные результаты с данными, опубликованными в наших предыдущих работах [4, 15], а  $\varepsilon_2$  определяет влияние характеристик зеркала на процесс компенсации искажений.

Для анализа свойств упругого зеркала была рассмотрена тестовая задача воспроизведения фазы, сформированной рядом низших полиномов Цернике:

$$\varphi(x, y) = \varphi(r, \theta) = \sum_{j=0}^{N} \xi_j Z_j(r, \theta),$$

где r,  $\theta$ ={arctg(x/y),  $y \ge 0$ ;  $\pi$ +arctg(x/y), y < 0} – полярные, а x, y – декартовы координаты в плоскости, перпендикулярной направлению распространения пучка;  $Z_j(r, \theta)$  – кольцевой полином с порядковым номером j,  $\xi_j$  – коэффициент j-го полинома, N – длина ряда.



Рис. 1. Модели зеркал с 68 (а) и 480 (б) приводами, положения которых указаны точками



Рис. 2. Основное окно интерфейса программы, моделирующей упругое зеркало

Как показывают проведенные расчеты, отклонение  $\varepsilon_1$  не зависит от величины коэффициентов  $\xi_j$ , определяющей разницу между минимальным и максимальным значениями фазы, в то время как  $\varepsilon_2$ возрастает при увеличении этой разницы (рис. 3).



Рис. 3. Зависимость относительной ошибки воспроизведения комы от величины коэффициента ξ₅ для зеркала с 480 (кривая 1) и 68 (кривая 2) приводами

Рассмотрим работу адаптивного контура лазерной системы с таким зеркалом. Для численного моделирования распространения в атмосфере частично когерентного излучения будем использовать алгоритм решения параболического уравнения методом расшепления по физическим факторам [16]. Расчет плотности мощности  $P_s$  рассеянного излучения с длиной волны  $\lambda$  на фотодетекторе, расположенном в фокальной плоскости приемной линзы, выполним по формуле

$$P_{s} = \int_{S_{d}} d\boldsymbol{\rho}_{0} I_{s}(\boldsymbol{\rho}_{0});$$
$$I_{s}(\boldsymbol{\rho}_{0}) = \frac{\sigma_{s}}{\lambda^{2} f^{2}} \int_{V} d\mathbf{R} \, \mathrm{d} \, z \, I_{i}(\mathbf{R}, z) I_{r}(\mathbf{R}, \boldsymbol{\rho}_{0}, z),$$

здесь z – координата на оси направления распространения излучения, **R**;  $\rho_0$  – поперечные координаты в рассеивающей среде и в плоскости фотодетектора, соответственно;  $I_s(\rho_0)$  – распределение интенсивности излучения в плоскости фотодетектора;  $S_d$  – площадь поверхности фотодетектора;  $I_i(\mathbf{R},z)$  – интенсивность лазерного пучка в рассе-



**Рис. 4.** Динамика целевой функции при работе адаптивного контура с идеальным зеркалом и зеркалом, реакция которого рассчитана согласно модели (1)

ивающей среде;  $I_{\gamma}(\mathbf{R}, \boldsymbol{\rho}_{0}, z)$  — интенсивность «вторичного» пучка;  $\sigma_{s}$  — сечение обратного рассеяния; f — фокусное расстояние приемной линзы [17]. При моделировании полагалось, что поле включает два типа искажений — случайные мелкомасштабные флуктуации фазы, быстро меняющиеся во времени, и регулярные крупномасштабные аберрации, которые компенсировались гибким зеркалом. Кроме того, в управляющий сигнал включен белый шум фотодетектора при отношении сигнал/шум порядка 10<sup>3</sup>.

Алгоритм компенсации аберраций поля состоит в минимизации разности  $P_s(\xi_1,...\xi_{NA}) - P_{\max}$ , где  $P_s(\xi_1,...\xi_{NA})$  вычисляется для текущего распределения фазы  $\varphi(r,\theta) - \sum_{j=0}^{N_A} \xi_j Z_j(r,\theta)$  поля на выходной апертуре лазерной системы;  $P_{\max}$  – соответствует случаю, когда  $\varphi(r,\theta) - \sum_{j=0}^{N_A} \xi_j Z_j(r,\theta,M) \equiv 0$ . Для тестовых расчетов был выбран известный метод

апертурного зондирования [6]. На рис. 4 показаны результаты моделирования

работы адаптивного контура при различных искажениях начального поля.

Здесь кривые 1–3 – изменения целевой функции при включенной цепи обратной связи в контуре; кривая 4 – сигнал обратного рассеяния при разомкнутой цепи обратной связи. Кривая 1 получена при условии, что искажения представлены семью аберрациями в исходном поле (наклоны, астигматизм, дефокусировка, кома); в контуре использовано «идеальное зеркало»; кривая 2–5 аберраций (наклоны, дефокусировка, астигматизм), «идеальное зеркало»; кривая 3 – 7 аберраций, модельное зеркало с 480 актюаторами; 4 – *P*<sub>s</sub> при выключенном контуре обратной связи.

Для характеристики зеркал с различным числом приводов на рис. 5 показаны двумерные поля ошибки воспроизведения зеркалом заданного профиля в зависимости от размеров матрицы зеркала (аналог сегментов) и числа актюаторов. С ростом числа активных приводов профиль зеркала приближается к заданному, причем наибольшее значение погрешности достигается на крае зеркала. Этот факт обусловлен схемой размещения приводов на матрице зеркала, в которой краевые элементы не содержат актюаторов, и их плотность уменьшается от центра к краям, поэтому по мере удаления от точки актюатора нарастает ошибка воспроизведения. Увеличение числа элементов матрицы позволяет построить модель зеркала, способного компенсировать большое число аберраций, таких, как трилистник и сферическая аберрация, для которых характерны меньшие, чем для астигматизма и комы, масштабы. Таким образом, появляются возможности улучшения параметров излучения при распространении пучка на значительные расстояния, или улучшения качества изображения удаленных объектов.

На рис. 6 показано поведение средней по поверхности зеркала ошибки воспроизведения  $\varepsilon_2$  в ходе работы адаптивного контура.

Так как поле на выходной апертуре формируется после отражения от корректора, то с каждой сле-



**Рис. 5.** Погрешность воспроизведения заданного фазового профиля зеркалом с 44 (a), 68 (б), 176 (в) и 480 (г) актюаторами, представленная в виде интерференционной картины

![](_page_4_Figure_3.jpeg)

Рис. 6. Ошибка воспроизведения зеркалом заданного профиля при работе адаптивного контура. Кривая 1 получена с использованием модели зеркала, построенной на расчетной сетке 31×31, кривые 2-4 с использованием модели размерностью 51×51 при различной последовательности изменения координат управления (2 – наклон, фокусировка, астигматизм, кома; 3 – фокусировка, кома, астигматизм, наклон; 4 – кома, астигматизм, фокусировка, наклон), кривая 5 получена с использованием модели размерностью 71×71

дующей итерацией алгоритма управления ошибка воспроизведения накапливается, достигая заметного значения на уровне  $\lambda/5$ . Такая ошибка вполне приемлема и находится на уровне средних значений погрешности воспроизведения гибкими зеркалами заданного профиля [4, 5, 15], что позволяет говорить о возможности использования в современных адаптивных лазерных системах крупногабаритных гибких зеркал с большим числом приводов.

## Заключение

Представлены результаты численного моделирования работы адаптивного контура с гибким зеркалом в лазерной системе с кольцевой выходной апертурой и непрерывным источником частично когерентного поля. Показано, что использование такого зеркала в адаптивных лазерных системах не вносит существенной ошибки в алгоритм управления и позволяет улучшить разрешающую способность оптической системы за счет компенсации аберраций высокого порядка.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Икрамов А.В., Рощупкин И.М., Сафронов А.Г. Охлаждаемые биморфные зеркала адаптивные зеркала для лазерной оптики // Квантовая электроника. – 1994. – Т. 21. – № 7. – С. 665–669.
- Агафонов В.В., Сафронов А.Г. Управляемый объектив с деформируемыми зеркалами // Квантовая электроника. – 2004. – Т. 34. – № 3. – С. 272–276.
- Vorontsov M., Riker J., Carhart G., Gudimetla R.V.S., Beresnev L., Weyrauch T., Roberts L.C. Jr. Deep turbulence effects compensation experiments with a cascaded adaptive optics system using a 3.63m telescope // Applied Optics. – 2009. – V. 48. – № 1. – P. 47–57.
- Канев Ф.Ю., Лукин В.П., Лавринова Л.Н. Зависимость качества воспроизведения адаптивным зеркалом заданной фазовой поверхности от числа сервоприводов и конфигурации их размещения // Оптика атмосферы и океана. – 1993. – Т. 6. – № 12. – С. 962–969.
- Икрамов А.В., Рошупкин И.М., Сафронов А.Г. Крупногабаритное биморфное адаптивное зеркало: расчет эффективности применения // Оптика атмосферы и океана. – 1993. – Т. 6. – № 9. – С. 1115–1123.
- Воронцов М.А., Шмальгаузен В.И. Принципы адаптивной оптики. – М.: Наука, 1985. – 336 с.
- Банах В.А., Жмылевский В.В., Игнатьев А.Б., Морозов В.В., Рычков Д.С. О возможности использования обратного аэрозольного рассеяния в адаптивном контуре атмосферных оптических систем // Квантовая электроника. – 2008. – Т. 38. – № 8. – С. 764–768.
- Банах В.А., Жмылевский В.В., Игнатьев А.Б., Канев Ф.Ю., Морозов В.В., Рычков Д.С. Коррекция фазовых искажений лазерных пучков по сигналу обратного рассеяния в атмосфере // Оптика атмосферы и океана. – 2009. – Т. 22. – № 3. – С. 289–295.

- Икрамов А.В., Рошупкин И.М., Сафронов А.Г. Крупногабаритное биморфное адаптивное зеркало: компьютерное моделирование конструкции // Оптика атмосферы и океана. – 1994. – Т. 7. – № 1. – С. 43–50.
- Kanev F.Yu., Lukin V.P., Lavrinova L.N. Four-dimensional computer dynamic model of an atmospheric optical system // Atmospheric propagation and remote sensing III: Proc. of the Intern. Conf. – Orlando, USA, 1994. – P. 57–58.
- Огибалов П.М. Изгиб, устойчивость и колебания пластинок. М.: Изд-во МГУ, 1958. – 168 с.
- Огден Дж. Конечные элементы в нелинейной механике сплошных сред. – М.: Мир, 1976. – 464 с.
- Кандидов В.П., Чесноков С.С., Выслоух В.А. Метод конечных элементов в задачах механики. – М.: Изд-во МГУ, 1976. – 178 с.
- Канев Ф.Ю., Лукин В.П., Ершов А.В. Динамическое адаптивное зеркало в алгоритме фазового сопряжения // Оптика атмосферы и океана: Труды II Межреспубл. симп. – Томск, 1995. – С. 377–378.
- Канев Ф.Ю., Чесноков С.С. Упругое зеркало в задаче компенсации стационарного теплового самовоздействия // Оптика атмосферы. – 1989. – Т. 2. – № 3. – С. 302–307.
- Кандидов В.П. Метод Монте-Карло в нелинейной статистической оптике // Успехи физических наук. – 1996. – Т. 166. – № 12. – С. 1309–1338.
- Банах В.А. Моделирование изображения подсвечиваемого лазером рассеивающего слоя в турбулентной атмосфере // Оптика атмосферы и океана. – 2007. – Т. 20. – № 4. – С. 303–307.

Поступила 01.07.2009 г.

## УДК 537.856

# АЛГОРИТМ ИССЛЕДОВАНИЯ ИМПЕДАНСНЫХ ХАРАКТЕРИСТИК СИСТЕМЫ ИНДУКЦИОННОГО НАГРЕВА ИНСТРУМЕНТАЛЬНЫХ И КОНСТРУКЦИОННЫХ СТАЛЕЙ ПРИ ВАРИАЦИЯХ ТЕМПЕРАТУРЫ И ПОДВОДИМОЙ МОЩНОСТИ

С.Н. Владимиров\*, С.К. Земан, В.В. Рубан

НИИ автоматики и электромеханики при Томском университете систем управления и радиоэлектроники \*Томский государственный университет E-mail: vsn@mail.tsu.ru

На основе использования двухмерного аналитического функционала, аппроксимирующего температурно-полевую зависимость магнитной проницаемости конструкционных и инструментальных сталей, построен алгоритм исследования электрофизических параметров системы индукционного нагрева в широком диапазоне температур и плотностей падающей мощности. Эффективность алгоритма демонстрируется модельными расчетами.

#### Ключевые слова:

Индукционный нагрев, импедансные характеристики, численный эксперимент.

#### Key words:

Induction heating, impedance characteristics, numerical experiment.

## Введение

Проектирование высокочастотных индукторных систем до настоящего времени является скорее искусством, основанным на использовании полуэмпирических правил и законов, установленных в результате выполнения отдельных научно-исследовательских и опытно-конструкторских работ, чем наукой, построенной на корректном анализе процессов и явлений, происходящих в результате взаимодействия электромагнитного поля с прово-