## ВЛИЯНИЕ РЕБЕРНОЙ СТРУКТУРЫ НА ИНТЕНСИФИКАЦИЮ СВОБОДНО-КОНВЕКТИВНОГО ТЕПЛОПЕРЕНОСА В ЗАМКНУТОЙ КВАДРАТНОЙ ПОЛОСТИ

Суан Хоанг Кхоа Лэ Томский политехнический университет ИШЭ, НОЦ И.Н. Бутакова, группа А0-11

Введение. Функционирование электронных систем и энергетического оборудования приводит к выделению большого количества тепла. Для обеспечения надежной и устойчивой работы отмеченных систем необходимо быстро отводить энергию от тепловыделяющих элементов. В настоящее время многие инженеры и исследователи занимаются поиском эффективных методов интенсификации теплообмена. Берглес [1, 2] выделил активные и пассивные методы интенсификации теплообмена, которые различаются наличием внешнего источника энергии, необходимого для поддержания активной системы.

Развитые поверхности теплообмена, включающие реберные структуры, относятся к группе пассивных методов улучшения теплопереноса. Они находят широкое применение в таких важных областях, как электроника, машиностроение, энергетика.

В данной работе изучается влияние реберной структуры на интенсивность теплообмена за счет естественной конвекции внутри замкнутой квадратной области.

Постановка задачи. Область решения представляет собой квадратную полость с твердыми непроницаемыми стенками размера L (рис. 1). Верхняя и нижняя стенки считаются теплоизолированными. На левой и правой вертикальных стенках поддерживаются постоянные температуры  $T_h$  и  $T_c$  ( $T_h > T_c$ ). Сила тяжести направлена вертикально вниз. На левой стенке устанавливаются одинаковые твердые или пористые ребра, имеющие ширину h и длину l. Ребра расположены равномерно по высоте области.

Дифференциальные уравнения, описывающие процесс нестационарного конвективного теплопереноса в приближении Буссинеска в размерных переменных «скорость–давление», имеют следующий вид [3]:

– внутри воздушной полости:

$$\frac{\partial \overline{u}}{\partial \overline{x}} + \frac{\partial \overline{v}}{\partial \overline{y}} = 0 \tag{1}$$

$$\rho\left(\frac{\partial \overline{u}}{\partial t} + \overline{u}\frac{\partial \overline{u}}{\partial \overline{x}} + \overline{v}\frac{\partial \overline{u}}{\partial \overline{y}}\right) = -\frac{\partial \overline{p}}{\partial \overline{x}} + \mu\left(\frac{\partial^2 \overline{u}}{\partial \overline{x}^2} + \frac{\partial^2 \overline{u}}{\partial \overline{y}^2}\right)$$
(2)

$$\rho\left(\frac{\partial\overline{v}}{\partial t} + \overline{u}\frac{\partial\overline{v}}{\partial\overline{x}} + \overline{v}\frac{\partial\overline{v}}{\partial\overline{y}}\right) = -\frac{\partial\overline{p}}{\partial\overline{y}} + \mu\left(\frac{\partial^{2}\overline{v}}{\partial\overline{x}^{2}} + \frac{\partial^{2}\overline{v}}{\partial\overline{y}^{2}}\right) + \rho g\beta\left(T - T_{c}\right)$$
(3)

$$\left(\rho c\right)_{f} \left(\frac{\partial T}{\partial t} + \overline{u}\frac{\partial T}{\partial \overline{x}} + \overline{v}\frac{\partial T}{\partial \overline{y}}\right) = \lambda_{f} \left(\frac{\partial^{2} T}{\partial \overline{x}^{2}} + \frac{\partial^{2} T}{\partial \overline{y}^{2}}\right)$$
(4)

– внутри твердых ребер:

$$\left(\rho c\right)_{fin} \frac{\partial T}{\partial t} = \lambda_{fin} \left( \frac{\partial^2 T}{\partial \overline{x}^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial \overline{y}^2} \right)$$
(5)

– внутри пористых ребер:

$$\frac{\partial \overline{u}}{\partial \overline{x}} + \frac{\partial \overline{v}}{\partial \overline{y}} = 0 \tag{6}$$

$$\rho\left(\frac{1}{\varepsilon}\frac{\partial\overline{u}}{\partial t} + \frac{\overline{u}}{\varepsilon^2}\frac{\partial\overline{u}}{\partial\overline{x}} + \frac{\overline{v}}{\varepsilon^2}\frac{\partial\overline{u}}{\partial\overline{y}}\right) = -\frac{\partial\overline{p}}{\partial\overline{x}} + \frac{\mu}{\varepsilon}\left(\frac{\partial^2\overline{u}}{\partial\overline{x}^2} + \frac{\partial^2\overline{u}}{\partial\overline{y}^2}\right) - \frac{\mu}{K}\overline{u} - \frac{c_F\rho}{\varepsilon^{3/2}\sqrt{K}}\overline{u}\sqrt{\overline{u}^2 + \overline{v}^2} \quad (7)$$

$$\rho\left(\frac{1}{\varepsilon}\frac{\partial\overline{v}}{\partial t} + \frac{\overline{u}}{\varepsilon^{2}}\frac{\partial\overline{v}}{\partial\overline{x}} + \frac{\overline{v}}{\varepsilon^{2}}\frac{\partial\overline{v}}{\partial\overline{y}}\right) = -\frac{\partial\overline{p}}{\partial\overline{y}} + \frac{\mu}{\varepsilon}\left(\frac{\partial^{2}\overline{v}}{\partial\overline{x}^{2}} + \frac{\partial^{2}\overline{v}}{\partial\overline{y}^{2}}\right) - \frac{\mu}{K}\overline{v} - \frac{c_{F}\rho}{\varepsilon^{3/2}\sqrt{K}}\overline{v}\sqrt{\overline{u}^{2} + \overline{v}^{2}} + (8) + \rho g\beta(T - T_{c})$$

$$\left(\rho c\right)_{pm}\frac{\partial T}{\partial t} + \left(\rho c\right)_{f} \left(\overline{u}\frac{\partial T}{\partial \overline{x}} + \overline{v}\frac{\partial T}{\partial \overline{y}}\right) = \lambda_{pm} \left(\frac{\partial^{2} T}{\partial \overline{x}^{2}} + \frac{\partial^{2} T}{\partial \overline{y}^{2}}\right)$$
(9)



Рис. 1. Область решения задачи

С целью исключения поля давления в систему уравнений (1)–(9) вводятся преобразованные переменные – функция тока  $\left(\overline{u} = \frac{\partial \psi}{\partial \overline{y}}, \overline{v} = -\frac{\partial \psi}{\partial \overline{x}}\right)$  и завихрен-

ность скорости  $\left(\overline{\omega} = \frac{\partial \overline{v}}{\partial \overline{x}} - \frac{\partial \overline{u}}{\partial \overline{y}}\right)$ , а также применяются следующие безразмерные параметры:

$$x = \frac{\overline{x}}{L}, \ y = \frac{\overline{y}}{L}, \ \tau = t \sqrt{\frac{g\beta(T_h - T_c)}{L}}, \ u = \frac{\overline{u}}{\sqrt{g\beta(T_h - T_c)L}}, \ v = \frac{\overline{v}}{\sqrt{g\beta(T_h - T_c)L}},$$

$$\theta = \frac{T - T_c}{T_h - T_c}, \ \psi = \frac{\overline{\psi}}{\sqrt{g\beta(T_h - T_c)L^3}}, \ \omega = \overline{\omega} \sqrt{\frac{L}{g\beta(T_h - T_c)}}$$
(10)

В результате определяющие уравнения принимают следующий вид: – внутри воздушной полости

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} = -\omega \tag{11}$$

$$\frac{\partial\omega}{\partial\tau} + \frac{\partial\psi}{\partial y}\frac{\partial\omega}{\partial x} - \frac{\partial\psi}{\partial x}\frac{\partial\omega}{\partial y} = \sqrt{\frac{Pr}{Ra}} \left(\frac{\partial^2\omega}{\partial x^2} + \frac{\partial^2\omega}{\partial y^2}\right) + \frac{\partial\theta}{\partial x}$$
(12)

$$\frac{\partial \theta}{\partial \tau} + \frac{\partial \psi}{\partial y} \frac{\partial \theta}{\partial x} - \frac{\partial \psi}{\partial x} \frac{\partial \theta}{\partial y} = \frac{1}{\sqrt{Pr \cdot Ra}} \left( \frac{\partial^2 \theta}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \theta}{\partial y^2} \right)$$
(13)

– внутри твердых ребер

$$\frac{\partial \theta}{\partial \tau} = \frac{a_{fin}/a_f}{\sqrt{Pr \cdot Ra}} \left( \frac{\partial^2 \theta}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \theta}{\partial y^2} \right)$$
(14)

– внутри пористых ребер

$$\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} = -\omega \tag{15}$$

$$\varepsilon \frac{\partial \omega}{\partial \tau} + \frac{\partial \psi}{\partial y} \frac{\partial \omega}{\partial x} - \frac{\partial \psi}{\partial x} \frac{\partial \omega}{\partial y} = \varepsilon \sqrt{\frac{Pr}{Ra}} \left( \frac{\partial^2 \omega}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \omega}{\partial y^2} - \frac{\varepsilon}{Da} \omega \right) - c_F \sqrt{\frac{\varepsilon}{Da}} \omega \sqrt{\left(\frac{\partial \psi}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial \psi}{\partial y}\right)^2} + \frac{c_F}{\sqrt{\left(\frac{\partial \psi}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial \psi}{\partial y}\right)^2}} \sqrt{\frac{\varepsilon}{Da}} \left\{ \left( \frac{\partial \psi}{\partial x} \right)^2 \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} + \left( \frac{\partial \psi}{\partial y} \right)^2 \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} + 2 \frac{\partial \psi}{\partial x} \frac{\partial \psi}{\partial y} \frac{\partial^2 \psi}{\partial x \partial y} \right\} + \varepsilon^2 \frac{\partial \theta}{\partial x}$$
(16)

$$\gamma \frac{\partial \theta}{\partial \tau} + u \frac{\partial \theta}{\partial x} + v \frac{\partial \theta}{\partial y} = \frac{a_{pm}/a_f}{\sqrt{Ra\,Pr}} \left( \frac{\partial^2 \theta}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \theta}{\partial y^2} \right) \tag{17}$$

Здесь

$$Pr = \frac{\nu}{a_f}, \ Ra = \sqrt{\frac{g\beta(T_h - T_c)L^3}{\nu a_f}}, \ \frac{a_{fin}}{a_f} = \frac{\lambda_{fin}}{(\rho c)_{fin}} \frac{(\rho c)_f}{\lambda_f}, \ Da = \frac{K}{L^2},$$
$$c_F = \frac{1.75}{\sqrt{150}}, \ \gamma = \frac{(\rho c)_{pm}}{(\rho c)_f}, \ \frac{a_{pm}}{a_f} = \frac{\lambda_{pm}}{\lambda_f}.$$

Начальные и граничные условия для системы уравнений (11)–(17):

$$\begin{aligned} \tau &= 0 \to \psi = \omega = 0, \ \theta = 0.5 \\ \tau &> 0 \to x = 0, \ 0 \le y \le 1, \ \psi = 0, \ \frac{\partial \psi}{\partial x} = 0, \ \theta = 1 \\ x &= 1, \ 0 \le y \le 1, \ \psi = 0, \ \frac{\partial \psi}{\partial x} = 0, \ \theta = 0 \\ y &= 0 \ \text{ H} \ y = 1, \ 0 \le x \le 1 \ \psi = 0, \ \frac{\partial \psi}{\partial y} = 0, \ \frac{\partial \theta}{\partial y} = 0 \\ \text{Ha поверхности твердых ребер:} \quad \begin{vmatrix} \psi &= 0, \\ \frac{\partial \psi}{\partial n} &= 0, \\ \frac{\partial \theta_f}{\partial n} &= \frac{\lambda_s}{\lambda_f} \frac{\partial \theta_s}{\partial n} \end{vmatrix}$$

на поверхности пористых ребер:

$$\begin{cases} \Psi|_{pm} = \Psi|_{f} \\ \frac{\partial \Psi}{\partial n}|_{pm} = \frac{\partial \Psi}{\partial n}|_{f} \end{cases} \begin{cases} \omega|_{pm} = \omega|_{f} \\ \frac{\partial \omega}{\partial n}|_{pm} = \frac{\partial \omega}{\partial n}|_{f} \end{cases} \begin{cases} \theta|_{pm} = \theta|_{f} \\ \frac{\lambda_{pm}}{\lambda_{f}} \frac{\partial \theta}{\partial n}|_{pm} = \frac{\partial \theta}{\partial n}|_{f} \end{cases}$$

Система уравнений (11)–(17) с соответствующими начальными и граничными условиями решалась методом конечных разностей [4]. В ходе решения было проанализировано влияние материала твердых и пористых ребер, количества ребер и числа Дарси на структуру течения и теплоперенос. В результате была установлена возможность интенсификации теплопереноса при использовании пористых ребер.

## ЛИТЕРАТУРА:

- Bergles A.E. Handbook of Heat Transfer. New York: McGraw-Hill, 1998. – 125 c.
- Bergles A.E. The implications and challenges of enhanced heat transfer for the chemical process industries // Chemical Engineering Research and Design. – 2001. – N 79. – C. 437-444.
- Asl A.K., Hossainpour S., Rashidi M.M., Sheremet M.A., Yang Z. Comprehensive investigation of solid and porous fins influence on natural convection in an inclined rectangular enclosure // International Journal of Heat and Mass Transfer. – 2019. – N 133 – C. 729-744.
- Шеремет М.А. Сопряженные задачи естественной конвекции: Замкнутые области с локальными источниками тепловыделения. – Saarbrücken: LAP Lambert Academic Publishing, 2011. – 167 с.

Научный руководитель: М.А. Шеремет, д.ф.-м.н., профессор НОЦ И.Н.Бутакова ИШЭ ТПУ.