### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Thern S. Blitzortung Ein neuer Service in Deutschland // EMV Journal. –1993. – V. 4. – № 3. – S. 206–208.
- Anderson R.B., Eriksson A.J. Lightning parameters for engineering application // Electra. – 1980. – № 69. – P. 65–102.
- Popolansky F. Correlation between the number of lightning flashes registred by lightning flash counters, the numbers of thunderstorm days and the duration of thunderstorms. SIGRE Report SC 33-71 (WG 011TF 01) 08/CS-IWD, May 1971.
- Колоколов В.П. О характеристиках глобального распределения грозовой деятельности // Метеорология и гидрология. – 1969. – № 11. – С. 47–56.
- Горбатенко В.П., Дульзон А.А. Влияние изменения подстилающей поверхности на грозовую активность // География и природные ресурсы. – 1997. – № 2. – С. 142–146.
- Горбатенко В.П., Дульзон А.А., Решетько М.В. Пространственные и временные вариации грозовой активности над Томской областью // Метеорология и гидрология. – 1999. – № 12. – С. 21–28.
- Горбатенко В. П. О зависимости плотности разрядов молнии в землю от интенсивности грозовой деятельности // Электричество. – 2001. – № 7. – С. 16–21.
- Global Hydrology and Climate Center. http://thunder.msfc.nasa.gov/data
- 9. http://flash.ess.washington.edu

УДК 621.284.3

# ОПРЕДЕЛЕНИЕ ТЕПЛОФИЗИЧЕСКИХ ХАРАКТЕРИСТИК МАТЕРИАЛОВ МЕТОДОМ ИК ТЕРМОГРАФИИ

В.П. Вавилов, В.Г. Торгунаков, Д.А. Нестерук, С. Маринетти\*, П. Бизон\*, Э. Гринцато\*

ФГНУ «НИИ интроскопии», г. Томск E-mail: vavilov@introscopy.tpu.ru \*ITC-CNR, Padua, Italy E-mail: sergio.marinetti@itc.cnr.it

Рассмотрено применение ИК-термографии для экспрессного определения теплофизических свойств материалов. Описан классический метод Паркера на примере обмазки вращающихся обжиговых печей, а также новый метод определения компонент тензора температуропроводности на примере углепластикового композита.

### 1. Введение

ИК термографию (тепловидение) можно рассматривать в качестве метода бесконтактной многоточечной термометрии, который не вносит принципиально новых моментов в известные способы определения теплофизических характеристик (ТФХ) материалов [1]. Такое преимущество тепловидения как высокая оперативность съема информации позволяет решать ряд задач, которые чисто технически не решаются в рамках методов, используемых в теплофизике и теплотехнике. Прежде всего, это относится к анализу пространственного распределения ТФХ, в частности, температуропроводности [2]. Например, применение аппарата преобразования Фурье позволяет определять компоненты тензора температуропроводности, то есть исследовать анизотропию материала.

В настоящей работе рассмотрены примеры использования тепловидения для оценки ТФХ материалов как в рамках классического метода Паркера, так и относительно нового способа оценки анизотропных свойств композитов с помощью преобразования Фурье. Экспериментальные исследования выполнены на обмазке вращающихся обжиговых печей и углепластиковом композите, причем для испытаний столь разнородных материалов использована одна и та же экспериментальная установка на базе тепловизора Thermovision-570 (FLIR Systems, США).

### 2. Стандартные методы определения теплофизических характеристик

Проблема измерения ТФХ с погрешностью на уровне 3...6 % решена в России на базе стандартных методов, использующих регулярный (квазистационарный) режим нагрева плоско-параллельных образцов материалов. Еще в СССР существовал ряд научных школ (гг. Минск, Новосибирск, Москва, Ленинград, Тамбов) в данной области. В настоящее время, например, фирмой «ЛМТ» (г. С.-Петербург) выпускаются приборы для измерения теплопроводности и теплоемкости материалов. Основным требованием стандартных методов измерения ТФХ является тщательная подготовка образцов в плане выбора их размеров и подготовки поверхности. Процесс измерений с использованием регулярного режима обычно является более длительным, чем по методу Паркера; кроме того, с трудом поддаются исследованию высокотеплопроводные материалы или тонкие пленки.

### 3. Определение теплофизических характеристик по методу Паркера

В классической работе У. Паркера и др., опубликованной в 1961 г., предложен импульсный способ определения ТФХ [1]. В качестве базового выражения использовано решение задачи нагрева адиабатической пластины импульсом Дирака для поверхности, противоположной нагреву:

$$\frac{T^{R}}{(Wa/\lambda L)} = \theta_{D}^{R} = 1 + 2\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n} e^{-n^{2}\pi^{2} Fo}, \qquad (1)$$

где  $T^{R}$  – избыточная температура задней поверхности, °С;  $\theta_{D}^{R}$  – безразмерная температура; W – плотность поглощенной энергии, Дж/м<sup>2</sup>; a – температуропроводность, м<sup>2</sup>/с;  $\lambda$  – теплопроводность, Вт/(м·К); L – толщина пластины, м; Fo= $a\tau/L^{2}$  – число Фурье;  $\tau$  – время, с. График изменения  $\theta_{D}^{R}$  во времени изображен на рис. 1. Видно, что избыточная температура  $T^{R}$  (1) задней поверхности пластины изменяется от нуля до стационарного значения, определяемого выражением:

$$T_{st} = Wa / \lambda L. \tag{2}$$

При наличии теплоотдачи на поверхностях образца (коэффициент теплообмена  $a \neq 0$ ), температура задней поверхности достигает максимума, а затем медленно спадает, охлаждаясь до начальной температуры.



**Рис. 1.** Температура задней поверхности пластины, нагреваемой импульсом Дирака: (1 – адиабатический случай; 2 – неадиабатический)

Согласно методу Паркера на нарастающем фронте данной зависимости идентифицируют характерные точки, каждой из которых соответствует некоторое время  $\tau^*$ , например, время «половинно-го» сигнала  $\tau_{0.5}$ .

Для любого экспериментально определенного момента времени  $\tau^*$  величину температуропроводности находят из очевидного выражения:

$$a = \mathrm{Fo} * \frac{L^2}{\tau *},\tag{3}$$

где для  $\tau_{0.5}$  коэффициент Fo\*=0,1388.

Метод Паркера в его различных воплощениях доминирует в мировых исследованиях по температуропроводности, в особенности, при анализе высокотеплопроводных материалов и тонких пленок. Модификация метода включают учет теплоотдачи на поверхностях изделия, конечных размеров образцов и конечной длительности реальных импульсов нагрева.

Помимо температуропроводности, метод Паркера позволяет определить коэффициент теплопроводности  $\lambda$  по выражению (2), если измерена плотность поглощенной энергии *W*. По известным *а* и  $\lambda$  теплоемкость находят как:

$$C = \lambda / (\rho \cdot a), \ Дж/(кг K).$$
 (4)

### 4. Определение теплофизических характеристик обмазки обжиговых печей по методу Паркера

На протяжении ряда лет в ФГНУ «НИИ интроскопии» ведутся работы по внедрению метода и аппаратуры теплового контроля состояния вращающихся обжиговых печей, используемых, например, в производстве цемента [3]. Описанный выше метод Паркера был применен для определения ТФХ обмазки, образующейся на внутренней поверхности печей в процессе эксплуатации. Знание свойств обмазки необходимо для моделирования тепловых процессов, протекающих в печи и разработки алгоритмов управляющих воздействий на печь. Опубликованные данные по физическим свойствам обмазки фрагментарны и обладают большим разбросом, поэтому была поставлена задача определения ТФХ обмазки тех печей, где устанавливалась разработанная аппаратура.

Одной из основных трудностей в реализации метода Паркера является необходимость изготовления образцов с плоско-параллельными поверхностями (погрешности, связанные с невыполнением данного требования, обсуждены ниже). Был изготовлен ряд образцов обмазки толщиной от 10 до 20 мм. Описанный ниже эксперимент выполнен на образце толщиной 10±0,09 мм.

Образец нагревали с помощью галогенной лампы КГ-220/1000, температуру измеряли на задней поверхности с помощью тепловизора Thermovision-570 (диапазон длин волн 7...13 мкм, температурное разрешение 0,1 °С, формат кадра 320×240, частота кадров 25 Гп). Записывали до 50 термограмм с интервалом 3 с. Обработку изображений проводили с использованием программы ThermoFit Pro [4], включая первичную фильтрацию данных по пространству и во времени, вычисление времени и определение температуропроводности по формуле (3).

Примеры термограмм в процессе нагрева образца показаны на рис. 2, изменение температуры задней поверхности во времени (хронологическая термограмма) — на рис. 3.



**Рис. 2.** Термограммы задней поверхности образца обмазки толщиной 10 мм (длительность нагрева 10 с)



**Рис. 3.** Хронологическая термограмма образца обмазки, усредненная в зоне размером 10×10 мм (длительность нагрева 10 с, N – номер термограммы)

Карта температуропроводности, рассчитанная по характерному времени теплопередачи, представлена на рис. 4. Значение температуропроводности, усредненное по центральной части образца размером  $10 \times 10$  мм, составило  $a=(2,7\pm0,2)\cdot 10^{-7}$  м<sup>2</sup>/с.



Рис. 4. Карта температуропроводности образца обмазки

Для определения теплопроводности и теплоемкости обмазки использованы формулы (2) и (4), причем в качестве  $T_s$  принята максимальная избыточная температура образца, равная 15,9 °С. Поглощенная образцом плотность мощности определена на лабораторном стандартном образце из стали 45, зачерненном сажей, и составила Q=21115 Вт/м<sup>2</sup>. Тогда коэффициент теплопроводности обмазки равен  $\lambda=0,36$  Вт/(м·К) и соответственно теплоемкость C=833 Дж/(кг·К) при экспериментально измеренной плотности обмазки  $\rho=1600$  кг/м<sup>3</sup>.

Рассмотрим погрешность определения ТФХ обмазки по методу Паркера на примере измерения температуропроводности. В первом приближении будем считать, что определение теплопроводности проводится с той же погрешностью.

Из выражения (3) следует, что на оценку температуропроводности принципиально влияют погрешности определения характерного времени теплопередачи  $T_{y}$ , а также толщины образца *L*.

Кроме того, в реальном эксперименте на оценку *а* влияет конечная длительность импульса нагрева ( $\tau_h$ =10 с) и интенсивность теплоотдачи на поверхностях  $\alpha$ .

Полагая, что все вышеуказанные параметры независимы друг от друга, будем считать, что общая погрешность определения температуропроводности складывается из 4-х компонент:

$$\frac{\Delta a}{a} = \sqrt{\left(\frac{\Delta \tau_{0,5}}{\tau_{0,5}}\right)^2 + \left(2\frac{\Delta L}{L}\right)^2 + \left(\frac{\Delta a}{a}\right)^2_{\alpha} + \left(\frac{\Delta a}{a}\right)^2_{\tau_h}}.$$
 (5)

Погрешность определения характерного времени теплопередачи  $\Delta \tau_{0,5}/\tau_{0,5}$  связана с крутизной функции  $T^{\text{R}}$  на том участке, где измеряют  $\tau_{0,5}$  и погрешностью измерения температуры тепловизором (0,1 °C). Графически определено, что  $\Delta \tau_{0,5}$ =0,9 с при измеренном среднем значении  $\tau_{0,5}$ =51,5 с. Таким образом,  $\Delta \tau_{0,5}/\tau_{0,5}$ =0,018. Погрешность прямого измерения толщины образца с помощью штангенциркуля определена на уровне 0,9 мм при среднем значении 10 мм. Таким образом,  $\Delta L/L=0,09$ .

Влияние длительности нагрева и интенсивности поверхностной теплоотдачи на оценку  $\tau_{0,5}$  можно определить, анализируя известные аналитические решения, которые достаточно громоздки, поскольку требуют нахождения корней трансцендентных уравнений. В настоящем исследовании мы использовали программу ThermoCalc-2D, позволяющую рассчитывать двухмерные тепловые поля в многослойном диске с внутренним дефектом численным методом (данная программа в течение многих лет используется мировыми экспертами в области теплового неразрушающего контроля и обеспечивает погрешность не хуже 0,5 % для бездефектных зон и не хуже 3 % для зон с дефектами) [4].

Решали задачу нагрева диска диаметром 100 мм и толщиной 10 мм, выполненного из обмазки с найденными выше ТФХ. Длительность нагрева изменяли от 5 до 15 с при шаге 1 с. Интенсивность теплоотдачи изменяли от 5 до 15 Вт/(м·К), что соответствует типичным условиям лабораторного эксперимента.

Некоторые результаты расчетов приведены в таблице, где проиллюстрировано влияние теплоотдачи на передней поверхности, теплоотдачи на задней поверхности и длительности нагрева на расчетное значение  $\tau_{0.5}$ .

	стины импульсами конечной длитель мазка толщиной 10 мм)	ности	(06-
<b>7</b> -	α, Bt/(м²·K)	-	

**Таблица.** Значения  $\tau_{0.5}$  при нагреве неадиабатической пла-

$ au_{h}$ , c	α, Bt/(м²·K)		τις	
	Передняя поверхность	Задняя поверхность	•0,57 C	
10	10	10	50,6	
10	0	10	51,5	
10	10	0	51,5	
10	7	15	48,9	
5	10	10	47,1	
15	10	10	52,0	

Наибольшее влияние на  $\tau_{0.5}$ , а следовательно, и на оценку температуропроводности оказывает длительность нагрева. В теории метода Паркера на этот счет имеется следующая рекомендация: определенное из эксперимента значение  $\tau_{0.5}$  должно быть уменьшено на величину, равную половине длительности импульса нагрева, т.е. за значение  $\tau_{1/2}$ следует принимать величину  $\tau_{0.5} - \tau_h/2$ . С учетом этой рекомендации, используя данные таблицы, установлено, что определенные выше значения *a* и  $\lambda$  для обмазки должны быть увеличены в 1,11 раз, т.е. составлять:  $a=2,97\cdot10^{-7}$  м<sup>2</sup>/с;  $\lambda=0,40$  Вт/(м·К).

Погрешность оценки температуропроводности за счет неопределенности коэффициента теплоотдачи на обеих поверхностях образца и неточного определения длительности импульса нагрева, с учетом данных таблицы, найдена следующим образом:  $\Delta a/a_a = 0.033$ ;  $\Delta a/a_x = 0.020$ . Общая погрешность определения температуропроводности и теплопроводности по методу Паркера (5) составляет  $\sqrt{2.0,0.18^2+0.09^2+0.033^2+0.020^2}=0.134$ , или 13,4 %.

Окончательно, для обмазки:  $a=(2,97\pm0,4)\cdot10^{-7} \text{ м}^2/\text{c};$  $\lambda=(0,40\pm0,05) \text{ Bt}/(\text{м}\cdot\text{K}).$ 

## 5. Определение температуропроводности ортотропных композитов

Преимущества тепловидения перед другими способами измерения температуры при определении ТФХ становятся особенно ощутимыми, когда в одном эксперимента необходимо оценить ТФХ вдоль основных координатных осей.

Ниже описаны предварительные результаты определения анизотропной температуропроводности углепластикового композита (тип 5 ply, 45°), являющегося важным конструкционным материалом в авиакосмической технике.

Способ тепловизионного анализа анизотропных материалов разработан относительно недавно [2, 5, 6]. Настоящее исследование является результатом сотрудничества специалистов ФГНУ «НИИ ИН» и Института технологии конструкций (Istituto delle Tecnologie di Costruzione, CNR), г. Падуя, Италия.

Постановка задачи нагрева полубесконечного ортотропного тела импульсом Дирака  $\delta(\tau)$  с энергией W и пространственным распределением f(x,y) в классической форме имеет вид:

$$\lambda_{x} \frac{\partial^{2}T}{\partial x^{2}} + \lambda_{y} \frac{\partial^{2}T}{\partial y^{2}} + \lambda_{z} \frac{\partial^{2}T}{\partial z^{2}} = \rho C \frac{\partial T}{\partial \tau};$$
  
$$-\lambda_{z} \frac{\partial T(z=0)}{\partial z} = W \,\delta(\tau) f(x, y) - \alpha \, T(x, y, z=0);$$
  
$$\iint_{\text{surf}} f(x, y) \, dx \, dy = 1.$$
(6)

Применяя преобразование Лапласа ко времени и преобразование Фурье к пространственным координатам *х* и *у*, постановка задачи (6) преобразуется к виду:

$$\frac{\partial^{2}\overline{\overline{T}}}{\partial z^{2}} + \left(\frac{\lambda_{x}}{\lambda_{z}}\omega_{x}^{2} + \frac{\lambda_{y}}{\lambda_{z}}\omega_{y}^{2} + \frac{p}{a_{z}}\right)\overline{\overline{T}} = 0, \quad \text{или}$$

$$\frac{\partial^{2}\overline{\overline{T}}}{\partial z^{2}} + \sigma^{2}\overline{\overline{\overline{T}}} = 0; \quad \text{где } \sigma = \sqrt{\frac{\lambda_{x}}{\lambda_{z}}\omega_{x}^{2} + \frac{\lambda_{y}}{\lambda_{z}}\omega_{y}^{2} + p/a_{z}};$$

$$-\lambda_{z}\frac{\partial\overline{\overline{T}}(z=0)}{\partial z} = W\Phi(\omega_{x},\omega_{y}) - \alpha\,\overline{\overline{T}}(z=0), \quad (7)$$

где  $\Phi(\omega_x, \omega_y)$  – образ Фурье-функции f(x, y).

Задача (7) имеет решение:

$$\tilde{\overline{T}} = \frac{W\Phi}{\lambda_z \sigma + \alpha} e^{-\sigma z}.$$

Для перехода из области Лапласа в область реального времени  $\tau$  используем соответствующие таблицы и сдвиговые свойства преобразования Лапласа, после чего получим окончательное решение в виде:

$$\overline{\overline{T}}(\omega_x, \omega_y, \tau) = \frac{\mathcal{W} \Phi(\omega_x, \omega_y)}{\lambda_z} \times e^{-(a_x \omega_x^2 + a_y \omega_y^2)\tau} \left[ \sqrt{\frac{a_z}{\pi \tau}} e^{-\frac{z^2}{4a_z \tau}} - \frac{\alpha a_z}{\lambda_z} e^{\frac{\alpha z}{\lambda_z}} e^{(\frac{\alpha}{\lambda})^2 a_z \tau} \times erf\left(\frac{\alpha}{\lambda_z} \sqrt{a_z \tau} + \frac{z}{2\sqrt{a_z \tau}}\right) \right].$$

На поверхности:

$$\overline{\overline{T}}(\omega_x, \omega_y, z = 0, \tau) = \frac{\psi \Phi(\omega_x, \omega_y)}{\lambda_z} \times e^{-(a_x \omega_x^2 + a_y \omega_y^2)\tau} \left[ \sqrt{\frac{a_z}{\pi \tau}} - \frac{\alpha a_z}{\lambda_z} e^{(\frac{\alpha}{\lambda})^2 a_z \tau} \operatorname{erf}\left(\frac{\alpha}{\lambda} \sqrt{a_z \tau}\right) \right].$$
(8)

Решение (8) можно существенно упростить, рассмотрев отношение «температур Фурье» к нулевому члену на частотах, отличных от нуля:

$$\frac{\overline{T}(\omega_x, \omega_y, z = 0, \tau)}{\overline{T}(\omega_x = 0, \omega_y = 0, z = 0, \tau)} = 
= \frac{\Phi(\omega_x, \omega_y)}{\Phi(\omega_x = 0, \omega_y = 0)} e^{-(a_x \omega_x^2 + a_y \omega_y^2)\tau}.$$
(9)

Выражение (9) определяет процедуру идентификации компонент температуропроводности  $a_x$  и  $a_y$ , которая включает: 1) запись последовательности термограмм; 2) интегрирование температуры последовательно по координатам *y* и *x*; 3) логарифмирование отношения (9) и аппроксимация полученной функции отрезками прямых линий, наклон которых для каждой пространственной частоты равен искомой компоненте температуропроводности. Истинные значения пространственных частот определяют в каждом конкретном эксперименте, исходя из истинной величины пикселя.

В экспериментальных исиследованиях была использован более простая модификация вышеприведенного алгоритма, описанная для задней поверхности пластины Ж.-К. Крапе с соавторами [2]. Образец из углепластика нагревали галогенной лампой мощностью 1 кВт, обеспечивавшей в плоскости образца плотность мощности приблизительно 20 кВт/м<sup>2</sup>, через шелевую маску (рис. 5, a) и регистрировали температуру на задней поверхности образца (рис. 5, б, в). Одномерная щелевая маска создавала основную пространственную циклическую частоту  $\omega = 2\pi/\Delta$ , где  $\Delta = 10$  мм. Ширина секторов щелевой маски (5 мм) была выбрана в соответствии с рекомендациями работы [2] для обеспечения оптимальной чувствительности по температуропроводности. Эксперимент проводили дважды для различных ориентаций маски нагрева относительно образца. Значения температуропроводности по координатам Хи Уопределяли из графика функции, полученной логарифмированием формулы (9):

$$\ln \frac{\overline{T}(\omega_x, \omega_y, z = 0, \tau)}{\overline{T}(\omega_x = 0, \omega_y = 0, z = 0, \tau)} = \ln \frac{\Phi(\omega_x, \omega_y)}{\Phi(\omega_x = 0, \omega_y = 0)} - a\omega^2 \tau.$$



**Рис. 5.** Определение компонент тензора температуропроводности углепластика: а – щелевая маска нагрева; б и в – термограммы при определении X и Y компонент (в центре – маркировка образца)

Экспериментальные графики данной функции для двух ориентаций маски показаны на рис. 6. Угловые коэффициенты графиков, определенные с помощью полиномиальной аппроксимации и построенные в координатах «логарифм отношения – номер изображения», равны –0,0418 и –0,119, соответственно для координат X и Y. Компоненты тензора температуропроводности, рассчитанные по формуле  $a=k/\omega^2\Delta\tau$ , где  $\Delta\tau$ =0,235 с – интервал записи, составили:  $a_x$ =4,51·10<sup>-7</sup> м<sup>2</sup>/с и  $a_y$ =12,90·10<sup>-7</sup> м<sup>2</sup>/с. Таким образом, температуропроводность в направлении координаты Y почти в 3 раза превышает таковую в направлении X.

### 7. Заключение

Описаны результаты исследования по определению теплофизических свойств теплоизолирующих материалов типа углепластика и обмазки печей для производства цемента, проводимых в  $\Phi \Gamma H Y$  «НИИ интроскопии». В основу использованной методики положен импульсный метод Паркера, позволяющий определять «сквозную» температуропроводность, а также относительно новый метод оценки «поперечных» компонент температуропроводности, основанный на применении преобразования Фурье к пространственным профилям температуры. Последний метод доказал свою эф-

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Parker W.J., Jenkins R.J., Butler C.P., Abbot G.L. Flash method of determining thermal diffusivity, heat capacity and thermal conductivity // J. Appl. Physics. – 1961. – V. 32. – № 9. – P. 1679–1684.
- Krapez J.-C., Spagnolo L., Frieβ M. Measurement of in-plane diffusivity in non-homogeneous slabs by applying flash thermography // Intern. J. of Thermal Sciences. – 2004. – V. 43. – P. 967–977.
- Torgunakov V., Vavilov V. Inspecting rotating kilns used in cement production: line scanners and data processing // Thermosense XXV: Proc. SPIE. – 2003. – V. 5073. – P. 385–494.



Рис. 6. Изменение  $\ln[\tilde{T}(\omega_x, 0, z, \tau) / \tilde{T}(0, 0, z, \tau)] =$ 

 $\ln[\Phi(\omega_{\rm r},0)/\Phi(0,0)] - \alpha_{\rm r}\omega_{\rm r}^2\tau$ 

от времени при щелевом нагреве пластины из углепластика толщиной 1 мм (1 – по координате X, 2 – по координате Y)

фективность при анализе анизотропного углепластикового композита, для которого установлено, что «поперечные» компоненты температуропроводности различаются почти в три раза.

- Неразрушающий контроль / Под ред. В.В. Клюева. М.: Машиностроение, 2004. – Т. 5. – 679 с.
- Philippi I., Batsale J.-C., Maillet D., Degiovanni A. Measurements of thermal diffusivities through processing of infrared images // Rev. Sci. Instrum. – 1995. – V. 66(1). – P. 165–172.
- Bison P.G., Grinzato E., Marinetti S. Local thermal diffusivity measurement // J. Quant. Infr. Thermography. – 2004. – V. 1. – № 2. – P. 241–250.