

НОМОГРАММЫ ДЛЯ ОПРЕДЕЛЕНИЯ СРЕДНИХ ОШИБОК
ИЗМЕРЕНИЯ ГОРИЗОНТАЛЬНЫХ УГЛОВ ОТ НЕПРАВИЛЬНОГО
ЦЕНТРИРОВАНИЯ ТЕОДОЛИТА И СИГНАЛОВ

Г. Ф. ЛЫСОВ

(Представлено научным семинаром кафедр маркшейдерского дела и геодезии)

При оценке точности наиболее ответственных маркшейдерских работ неоднократно приходится подсчитывать квадраты $m_{\text{ц}}^2$ средних ошибок измерения горизонтальных углов от неправильного центрирования теодолита и сигналов, что производится по формуле:

$$m_{\text{ц}}^2 = \frac{\rho^2 e_c^2}{2a^2} + \frac{\rho^2 e_t^2}{2b^2} + \frac{\rho^2 e_t^2 c^2}{2a^2 b^2}, \quad (1)$$

где e_c , e_t — средние линейные ошибки центрирования сигнала и теодолита,

a , b — длины сторон измеряемого угла,

c — расстояние между сигналами,

ρ — радиан в секундах ($206265''$).

Вычисление величины $m_{\text{ц}}^2$ по формуле (1) является слишком сложным. В связи с этим в маркшейдерской литературе указывается ряд способов, дающих возможность находить величину $m_{\text{ц}}^2$ с меньшими затратами труда и времени.

В частности, в книге проф. Д. Н. Оглоблина [2] даны два графика, с помощью которых определение $m_{\text{ц}}^2$ упрощается. Но пользоваться этими графиками можно только при условии равенства линейных ошибок центрирования сигналов и теодолита, что нельзя считать достаточно обоснованным.

Канд. техн. наук А. Н. Белоликовым [1] в целях упрощения нахождения величины $m_{\text{ц}}^2$ предложен график и специальные таблицы. Однако при различных значениях ошибок центрирования сигналов и теодолита пользование графиком и таблицами усложняется, так как возникает необходимость в построении вспомогательных графиков или выполнении дополнительных расчетов.

Проф. Ф. Ф. Павловым и инж. Д. Е. Левитом [3] создан ряд номограмм, значительно облегчающих определение $m_{\text{ц}}^2$. Не останавливаясь на достоинствах этих номограмм, отметим следующие два основных недостатка последних.

1) Различие в методике определения величин A_1 , A_2 и A_3 усложняет работу вычислителя¹⁾.

2) Вспомогательная величина A_3 по заданным a , b , c и e_t определяется довольно сложно.

Из приведенного здесь краткого обзора наиболее известных работ по данному вопросу вытекает, таким образом, что при определении m_n^2 в общем случае рассмотренные способы требуют кроме основных таблиц или графиков выполнения также дополнительных расчетов или графических построений, которые могут быть причиной ошибок.

В настоящей работе для решения той же задачи при любых возможных значениях переменных e_c , e_t , a , b и c предлагаются две совмещенные номограммы, составленные на основании нижеследующих соображений.

Представим формулу (1) в следующем виде:

$$m_n^2 = \frac{A_1 + A_2 + A_3}{B}, \quad (2)$$

где

$$A_1 = \frac{\rho^2 e_c^2 a^2}{2}, \quad (3)$$

$$A_2 = \frac{\rho^2 e_c^2 b^2}{2}, \quad (4)$$

$$A_3 = \frac{\rho^2 e_t^2 c^2}{2}, \quad (5)$$

$$B = a^2 b^2. \quad (6)$$

Используя формулы (2), (3), (4), (5), (6) и известный прием при построении номограмм из выравненных точек, можно построить две совмещенные номограммы (рис. 1). Первая номограмма предназначена для определения величин A_1 , A_2 и A_3 по заданным значениям $a(b, c)$ в пределах от 2 м до 100 м и $e_c(e_t)$ в пределах от 0,2 мм до 10 мм. Эта номограмма состоит из трех параллельных логарифмических шкал „ a, b, c “, „ e “, „ A “, масштаб и расположение которых подобраны таким образом, что при наложении на номограмму прямошлинейного индекса в точках с заданными пометками на шкалах „ a, b, c “ и „ e “ индекс пересечет шкалу „ A “ в точке с пометкой, равной соответствующему значению $A_1(A_2, A_3)$.

Вторая номограмма служит для определения величины B по заданным значениям a и b в пределах от 2 м до 100 м. Шкалы „ a “ и „ b “ этой номограммы совмещены со шкалами „ a, b, c “ и „ e “ первой номограммы, а шкала „ B “ расположена рядом со шкалой „ A “. Масштаб и расположение шкал „ a “, „ b “ и „ B “ подобраны таким образом, что прямая линия, соединяющая точки с заданными пометками на шкалах „ a “ и „ b “, пересекает шкалу „ B “ в точке с пометкой, равной соответствующему значению B .

Определение m_n^2 с помощью предлагаемых номограмм производится в следующем порядке:

1) $A_1 = \left(\frac{\rho e_c}{a}\right)^2, \quad A_2 = \left(\frac{\rho e_c}{b}\right)^2, \quad A_3 = \left(\frac{\rho e_t c}{ab}\right)^2.$

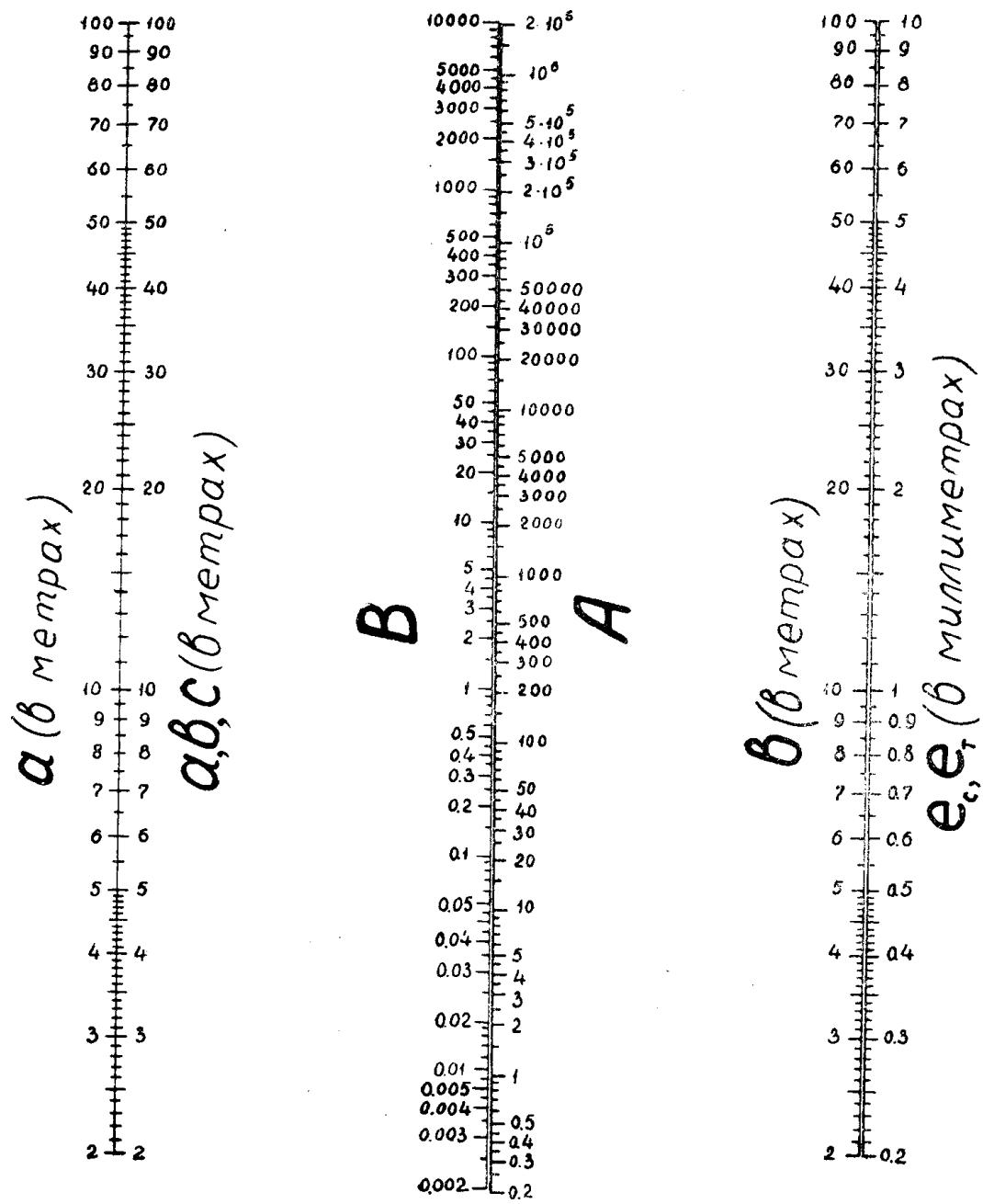


Рис. 1.

1) Пользуясь первой номограммой, находим величины A_1 (по заданным a в метрах и e_c в мм), A_2 (по заданным b в метрах и e_c в мм) и A_3 (по заданным c в метрах и e_t в мм); подсчитываем величину суммы ($A_1 + A_2 + A_3$). При выполнении этой операции удобно пользоваться счетами, последовательно складывая значения A_1 , A_2 и A_3 .

2) Используя вторую номограмму, находим величину B (по заданным a и b в метрах).

3) С помощью логарифмической линейки по формуле (2) подсчитываем значения m_{η}^2 .

Пример. Определить m_{η}^2 , если $a = 91$ м, $b = 70$ м, $c = 140$ м, $e_c = 1,5$ мм, $e_t = 2$ мм.

По первой номограмме находим: $A_1 = 40000$, $A_2 = 23000$, $A_3 = 170000$, $(A_1 + A_2 + A_3) = 233000$. По второй номограмме находим $B = 4000$.

Следовательно, $m_{\eta}^2 = \frac{233000}{4000} = 58,2$ сек².

В заключение отметим, что предлагаемые номограммы позволяют определять m_{η}^2 с погрешностью, не превышающей одну—две единицы второго знака, при затрате времени на одно определение m_{η}^2 в среднем 1—2 минуты.

ЛИТЕРАТУРА

1. Белоликов А. Н. К вопросу об определении средней ошибки измерения углов в шахте, Исследования по вопросам маркшейдерского дела, сборник XXV. Москва, 1955.

2. Оглоблин Д. Н. Маркшейдерские работы при подземной разработке месторождений, ч. 1. Москва, 1950.

3. Павлов Ф. Ф. и Левит Д. Е. Атлас номограмм для маркшейдерских вычислений. Москва, 1954.