СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Жидкие и твердые ракетные топлива. Сб. перев. с англ. / Под ред. Ю.Х. Шаулова. – М.: Иностранная литература, 1959. – 436 с.
- Исследования ракетных двигателей на твердом топливе / Пер. с англ. Под ред. И.Н. Козловского. – М.: Иностранная литература, 1963. – 440 с.
- Липанов А.М. Об одном классе прогрессивно горящих конструктивных форм // Физика горения и взрыва. – 1997. – Т. 33. – № 4. – С. 84–90.
- Denison M.R., Baum E.A. A simplified model of unstable burning in solid propellants // ARS Journal. – 1961. – V. 31. – P. 1112–1122.
- Сабденов К.О., Миньков Л.Л. Особенности горения ракетного топлива при не равном единице числе Льюиса в газовой фазе //

Инженерно-физический журнал. – 2001. – Т. 74. – № 6. – С. 61–72.

- Пигфорд Р., Шервуд Т., Уилки Ч. Массопередача. М.: Химия, 1982. – 695 с.
- 7. Новожилов Б.В. Нестационарное горение твердых ракетных топлив. М.: Наука, 1973. 176 с.
- Сабденов К.О. Различные режимы горения твердого ракетного топлива, распадающегося на газ по механизму пиролиза // Известия Томского политехнического университета. – 2006. – Т. 309. – № 3. – С. 120–125.
- Новожилов Б.В. Об акустическом резонансе при горении порохов // Физика горения и взрыва. – 2000. – Т. 36. – № 1. – С. 5–11.

УДК 536.46+533.6

ВОСПЛАМЕНЕНИЕ И ГОРЕНИЕ ПОРИСТОГО ПРОДУВАЕМОГО СЛОЯ ОТХОДОВ ДЕРЕВООБРАБОТКИ ПРИ РАЗЛИЧНЫХ УСЛОВИЯХ ТЕПЛОМАССООБМЕНА

Г.Н. Исаков, А.Н. Субботин

Томский политехнический университет E-mail: subbot@inbox.ru

Показано, что в зависимости от создаваемых условий тепломассообмена в пористом слое древесных отходов реализуются низко- и высокотемпературный режимы горения, и режим тления, при котором основная масса газообразных компонентов, образующихся при пиролизе, выбрасывается в атмосферу, не сгорая. С помощью математической модели, рассмотренной в работе, можно прогнозировать режимы сжигания пористых, коксующихся отходов и определять состав образующихся при этом газообразных продуктов.

Самым распространенным способом утилизации строительных отходов является их сжигание в волне горения [1, 2]. Проблема утилизации отходов с оптимальными экологическими последствиями является актуальной и сводится к выбору тепломассообменных режимов воздействия на топливо, чтобы количество вредных газов в продуктах сгорания было минимальным.

В данной работе рассматриваются процессы утилизации отходов деревообработки в вертикальной цилиндрической печи заданных размеров.

Физико-математическая модель. Предположим, что твердое пористое топливо (отходы деревообработки) помещено в расположенную вертикально цилиндрическую печь. Обозначим высоту слоя топлива через *h*. После загрузки осуществляется продувка печи высокоэнтальпийным газовым потоком.

Будем считать, что процессы сушки и пиролиза твердого горючего описываются уравнениями вида:

$$v_2 M_2 \rightarrow v'_2 M'_2 - q_L,$$

 $v_1 M_1 \rightarrow v'_3 M_3 + v'_4 M_4 + \sum_{\alpha=2}^6 v'_{5\alpha} M_{5\alpha} + q_P$

Здесь v_1M_1 — масса древесных отходов, v_2M_2 — воды, $v'_2M'_2$ — водяного пара; v'_3M_3 — кокса, v'_4M_4 — золы, $v'_{5a}M_{5a}$ — α -компоненты газовой фазы, образующейся при пиролизе древесины.

Кроме данных реакций учитывались гетерогенная реакция горения кокса и гомогенные реакции окисления оксида углерода, водорода и метана:

$$C + O_{2} = CO_{2} + q_{C}, \quad 2CO+O_{2} = 2CO_{2} + q_{CO},$$

$$2H_{2}+O_{2} = 2H_{2}O + q_{H_{2}},$$

$$CH_{4} + 2O_{2} = CO_{2} + 2H_{2}O + q_{CH_{4}}.$$

В приведенных выше формулах q_L , q_P , q_C , q_{CO} , q_{H_2} , q_{CH_4} – тепловые эффекты реакций испарения воды, пиролиза древесины, окисления кокса, оксида углерода, водорода и метана соответственно.

В силу цилиндрической симметрии физической задачи математическая модель, описывающая данный процесс, была записана в цилиндрической системе координат. Теплообмен на боковой поверхности на входном и выходном сечении рассчитывались с использованием граничных условий третьего рода. Предполагая, что изменение искомых функций по радиусу значительно меньше, чем вдоль оси печи уравнения осреднялись по радиусу, в результате была получена следующая система уравнений:

 сохранения массы исходного конденсированного вещества

$$\rho_1 \frac{\partial \varphi_1}{\partial t} = -R_p, \quad R_p = k_p \rho_1 \varphi_1 \exp\left(-\frac{E_p}{RT_s}\right), \quad (1)$$

Ì

• сохранения массы воды в связанном состоянии

$$\rho_2 \frac{\partial \varphi_2}{\partial t} = -R_L, \quad R_L = k_L \rho_2 \varphi_2 \exp\left(-\frac{E_L}{RT_s}\right), \quad (2)$$

• сохранения массы кокса

$$\rho_{3} \frac{\partial \varphi_{3}}{\partial t} = \alpha_{c} R_{p} - s R_{c},$$

$$R_{c} = \frac{M_{c}}{M_{O_{2}}} \rho_{5} \varphi_{5} c_{1} k_{c} \varphi_{3} \exp\left(-\frac{E_{c}}{RT_{s}}\right),$$
(3)

сохранения массы золы

$$\rho_4 \frac{\partial \varphi_4}{\partial t} = \alpha_S R_P, \quad \alpha_C = \frac{v_3' M_3}{v_1 M_1}, \quad \alpha_S = \frac{v_4' M_4}{v_1 M_1}, \quad (4)$$

неразрывности газовой фазы

$$\frac{\partial}{\partial t}(\rho_{5}\phi_{5}) + \frac{\partial}{\partial z}(\rho_{5}\phi_{5}v) = \alpha_{G}R_{P} + R_{L} + sR_{C},$$

$$\alpha_{G} = \sum_{\alpha=2}^{5} \frac{v_{5\alpha}'M_{5\alpha}}{v_{1}M_{1}},$$
(5)

сохранения массы α-компоненты газовой фазы

$$\frac{\partial}{\partial t} (\rho_5 \varphi_5 c_\alpha) + \frac{\partial}{\partial z} (\rho_5 \varphi_5 c_\alpha v) =$$

$$= \frac{\partial}{\partial z} \left(\rho_5 \varphi_5 D_\alpha \frac{\partial c_\alpha}{\partial z} \right) + R_{5\alpha} + s R_{5\alpha C},$$

$$\alpha = \overline{1,6}, \quad \sum_{\alpha=1}^7 c_\alpha = 1, \quad (6)$$

 сохранения энергии газовой и конденсированной фазы

$$\rho_{5}\varphi_{5}c_{\rho5}\left(\frac{\partial T}{\partial t}+v\frac{\partial T}{\partial z}\right)=\frac{\partial}{\partial z}\left((\lambda_{5}\varphi_{5}+\lambda_{R})\frac{\partial T}{\partial z}\right)+$$
$$+q_{CO}R_{CO}+q_{H_{2}}R_{H_{2}}+q_{CH_{4}}R_{CH_{4}}-A_{S}(T-T_{S})-$$
$$\cdot\frac{2}{r_{0}}\alpha_{1}\varphi_{5}(T-T_{S}), \quad \lambda_{5}=\sum_{\alpha=1}^{7}\lambda_{5\alpha}c_{\alpha}, \ \lambda_{R}=\frac{16\sigma T^{3}}{s}, \quad (7)$$

$$\sum_{i=0}^{4} \rho_{i} \varphi_{i} c_{pi} \frac{\partial T_{s}}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial z} \left(\lambda_{s} \frac{\partial T_{s}}{\partial z} \right) + q_{p} R_{p} + q_{c} s R_{c} - q_{L} R_{L} + A_{s} (T - T_{s}) + \frac{2}{r_{0}} \alpha_{1} \varphi_{5} (T - T_{s}) - \frac{2r_{1}}{r_{0}^{2}} \left[\alpha_{2} (T_{s} - T_{E}) + q_{R} \right],$$

$$\lambda_{s} = \sum_{i=0}^{4} \lambda_{i} \varphi_{i}, \quad c_{p5} = \sum_{i=1}^{7} c_{pa} c_{a}, \quad (8)$$

 движения газа в порах (в форме квадратичного закона фильтрации) и уравнение состояния

$$v = -\frac{k}{\mu + k\beta\rho_{5}|v|} \left(\frac{\partial p}{\partial z} + \rho_{5} g\right), \quad p = \frac{\rho_{5}RT}{M_{5}},$$
$$M_{5} = \frac{1}{\sum_{\alpha=1}^{7} \frac{c_{\alpha}}{M_{5\alpha}}}.$$
(9)

Система уравнений (1-9) решалась при следующих краевых условиях:

$$t = 0: \begin{cases} \varphi_i = \varphi_{iH}, & i = \overline{1,4}, c_{\alpha} = c_{\alpha H}, \alpha = \overline{1,6}, \\ T = T_s = T_H, p = p_H, \end{cases}$$
(10)

$$z = 0: T = T_E, \ p = p_E, \ \lambda_S \frac{\partial T_S}{\partial z} = \alpha_1 (T_S - T_E), \ c_\alpha = c_{\alpha E},$$
$$z = h: \frac{\partial c_\alpha}{\partial z} = \frac{\partial T}{\partial z} = 0, \ p = p_H, \ \lambda_S \frac{\partial T_S}{\partial z} = \alpha_1 (T_S - T).$$
(11)

В уравнениях (6-8) введены краткие обозначения скоростей реакций

Здесь v – скорость фильтрации; α_{G} , α_{C} , α_{S} – доля газообразных продуктов, кокса и золы при пиролизе; М₅ – молекулярная масса газовой фазы; индекс 5 приписывается величинам, характеризующим газовую, а *с* – конденсированную фазу; *k* – коэффициент проницаемости пористого слоя; T_s, Т – температура конденсированной фазы и газа в порах; E_P , E_L , E_C , E_{CO} , E_{H_2} , E_{CH_4} , k_P , k_L , k_C , k_{CO} , k_{H_2} , k_{CH_4} , - энергии активации и предэкспоненциальные множители реакций пиролиза древесины, испарения воды гетерогенной и гомогенных реакций окисления C, CO, H₂ и CH₄ соответственно; R – универсальная газовая постоянная; D_a , λ_{5a} , c_a , M_{5a} – коэффициент молекулярной диффузии, теплопроводности, массовая концентрация и молекулярная масса α -компоненты, параметр с индексом $\alpha=1$ со-OTBETCTBYET O₂, $\alpha=2$ – CO, $\alpha=3$ – CO₂, $\alpha=4$ – H₂, $\alpha=5-CH_4$, $\alpha=6-H_2O$, $\alpha=7-N_2$; *p* – давление газообразных продуктов в порах; $P = p/p_H - 6$ езразмерное давление; p_H – характерное давление; $A_s = \alpha_1 s$ – объемный коэффициент теплоотдачи; s – удельная поверхность пор; $q_R = \varepsilon_s \sigma T_s^4$ – радиационный поток от внешней стенки печи в окружающую среду; ε_s – степень черноты; t – время; y=z/l* – безразмерная пространственная переменная, *z* – размерная

пространственная переменная, направленная по оси печи; α_1 , α_2 – коэффициенты теплоотдачи, характеризующие конвективный теплообмен во входном (выходном) сечении и на внешней стенке печи;

$$l_* = \sqrt{(\lambda_1 R T_*^2 \exp(E_{\rm CO} / R T_*) / (\rho_1 k_{\rm CO} q_{\rm CO} E_{\rm CO}))} - \text{Mac-}$$

штаб длины; T_* — характерная температура; $\varphi_0 = (r_1^{-2} - r_0^2)/r_0^2$; r_1 — наружный, r_0 — внутренний радиус печи; ρ_0 , $c_{\rho 0}$, λ_0 — плотность, теплоемкость и теплопроводность стенки печи; ρ_i , $c_{\rho i}$, λ_i , φ_i — плотность, теплоемкость, коэффициент теплопроводности и объемная доля древесины (*i*=1), воды (*i*=2), кокса (*i*=3), золы (*i*=4) и газовой фазы (*i*=5); λ_5 , λ_8 , λ_5 — коэффициенты молекулярной и лучистой теплопроводности газовой фазы и коэффициент теплопроводности конденсированной фазы; σ — постоянная Стефана-Больцмана; μ — коэффициент динамической вязкости; β — константа в квадратичном законе фильтрации; g — ускорение свободного падения; u=v/v* — безразмерная скорость, масштаб скорости $v_*=0,797 \cdot 10^{-3}$ м/с; масштаб длины $l_*=0,95 \cdot 10^{-3}$ м.

Краевая задача (1–11) решалась численно. Технология решения задачи вида (1–11) с использованием итерационно-интерполяционного метода [3] приведена в работах [4, 5]. Кинетические параметры процессов сушки, пиролиза и горения, а также теплофизические коэффициенты газообразных компонентов и конденсированных фракций были взяты из работ [6–13].

Результаты расчетов и их анализ. При численном решении задачи были найдены низко- и высокотемпературный режимы горения, и режим тления. Эти режимы зависят от условий тепломассообмена пористого слоя с продуваемым через него окислителем. Низкотемпературный режим реализуется при слабом вдуве не очень горячего окислителя. Профили температуры и объемной доли влаги при низкотемпературном горении для шести моментов времени, представлены на рис. 1. Данный режим горения был получен при $T_E=800$ К и $\Delta P=P_E-P_H=0,005$ $(\Delta p=500 \ \Pi a)$. Здесь кривые 1–3 рис. 1, *a*, соответствуют процессу сушки, а кривые 4-6 процессу образования и распространения волны горения. Из данного рисунка следует, что при рассматриваемых условиях зажигание происходит на тыльной стороне слоя, а затем волна горения распространяется против потока. На рис. 1, б, приведены профили объемных долей воды для тех же моментов времени.



Рис. 1. Профили температуры: а) газовой фазы и б) объемной доли влаги в моменты времени t, c: 1) 4,8; 2) 56,9; 3) 145,1; 4) 311,7; 5) 390,3; 6) 482,1



Рис. 2. Профили: а) объемной доли отходов деревообработки и б) скорости фильтрации в моменты времени t, соответствующие рис. 1

Анализируя данный рисунок, видим, что к моменту времени соответствующему кривой 4 рис. 1, *a*, объемная доля влаги равна нулю во всем объеме, после чего происходит зажигание.

Профили объемной доли исходного конденсированного вещества приведены на рис. 2, *a*, который подтверждает описанный выше механизм зажигания и горения отходов деревообработки. Здесь кривые 1–5 соответствуют кривым 1, 3–6, рис. 1, *a*. Видим, что топливо зажигается с тыльной стороны (z=h), и горение распространяется в направлении, противоположном направлению вдува горячего окислителя. На рис. 2, δ , изображены профили скорости фильтрации для моментов времени, соответствующих кривым 1–3 и 6, рис. 1, *a*. В зоне испарения скорость фильтрации имеет локальный максимум (кривые 1–3), а затем после высушивания слоя профиль скорости становится монотонно возрастающим (кривая 4, рис. 2, δ).

Из анализа кривых 1–4, рис. 3, *a*, которые соответствуют кривым 1–4, рис. 1, *a*, можно заключить, что к моменту зажигания в порах топлива пары воды отсутствуют. На рис. 3, δ представлены профили массовой концентрации в моменты времени, соответствующие кривым 1, 3 и 6, рис. 1, *a*, т. е. кривые 1 и 2 соответствуют процессу сушки, а кривая 3 — моменту распространения волны низкотемпературного горения. При перепаде давления $\Delta P=0,005$ и температуре $T_E=1000$ *K* реализуется также низкотемпературный режим горения. Но в отличие от предыдущего низкотемпературного режима волна горения распространяется в направлении движения потока окислителя.

Высокотемпературный режим горения реализовывается при более высокой скорости продувки, например, взяв $\Delta P=0,05$, а температуру вдуваемого окислителя $T_E - 1000$ К. На рис. 4, *а*, приведено пространственное распределение температуры при данном режиме горения для четырех моментов времени: прогрева (кривая 1), образования (кривая 2) и распространения (кривые 3, 4) волны горения. Пространственные распределения перепада давления для данного режима горения изображены на рис. 4, *б*. Здесь кривая 1 соответствует стадии прогрева, 2 – моменту образования, 3 – началу распространения волны горения.



Рис. 3. Пространственные распределения: а) массовых концентраций паров воды и б) диоксида углерода в моменты времени, соответствующие рис. 1, а



Рис. 4. Профили: а) температуры и б) давления для моментов времени t, c: 1) 13,9; 2) 54,4; 3) 81,7; 4) 139,2

Профили массовой концентраций СО для высокотемпературного режима приведены на рис. 5, *а*. Здесь кривые 1, 2 соответствуют стадиям прогрева и образования, а кривые 3, 4 моментам распространения волны горения. В силу того, что профили массовых концентраций остальных компонентов имеют качественно такой же вид, то они не приведены. Изменения объемной доли кокса, образующегося при прогреве, воспламенении и горении, представлены на рис. 5, *б*.

Представляет интерес режим тления, при котором происходит сушка и пиролиз твердого топлива, а затем окисление коксового остатка вплоть до золы, при этом температура в сжигаемом слое не превышает температуры вдуваемого окислителя. Данный режим реализуется, например, если $P_E - P_H = 0,1$ ($\Delta p = 10^4 \,\Pi a$) и $T_E = 800 \, K$, т. е. при интенсивном вдуве не очень горячего окислителя. На рис. 6, *а*, приведены профили температуры в разные моменты времени. Здесь кривые 1–3 соответствуют стадии сушки и пиролиза, а кривая 5 соответствует моменту времени, начиная с которого твердое топливо полностью высушено. На рис. 6, *б*,

показано, что при тлеющем режиме сжигания не только идет процесс сушки и пиролиза древесных отходов с образованием кокса, но происходит и окисление кокса. Здесь кривые 1-3 соответствуют стадии прогрева и начала пиролиза. Затем (см. кривые 4 и 5, рис. 6, δ) в окрестности входного сечения печи начинается реакция низкотемпературного окисления древесного угля, и объемная доля кокса начинает уменьшаться.

На рис. 7, *а*, изображены профили скорости фильтрации, из которых следует, что профиль скорости, пока не испарилась влага, является нелинейным. Здесь кривые 1–4 соответствуют процессу сушки (кривым 1–4, рис. 6, *a*), а кривая 5 соответствует кривой 6, рис. 6, *a*. И, наконец, на рис. 7, *б*, приведены профили давления вдоль оси реактора. Кривые 1 и 2 данного рисунка соответствуют начальной стадии процесса, т. е. кривым 1 и 2, рис. 6, *a*, кривая же 3 соответствует кривой 5, рис. 6, *a*. Следует отметить, что пока идет процесс сушки и интенсивное выделение водяного пара, профиль давления также нелинейный и становится линейным только после просушивания пористого слоя топлива.



Рис. 5. Профили: а) массовой концентрации оксида углерода и б) объемной доли кокса в моменты времени t, c: 1) 13,9; 2) 54,4; 3) 81,7; 4) 139,2



Рис. 6. Профили: а) температуры и б) объемной доли кокса в моменты времени t, c: 1) 1,2; 2) 5,1; 3) 11,4; 4) 21,9; 5) 79,3; 6) 747



Рис. 7. Пространственное распределение: а) скорости фильтрации и б) давления в порах топлива для режима тления в моменты времени, соответствующие рис. 6, а

Следует отметить, что достоверность численного алгоритма используемого в данной работе исследовалась ранее в [5], где в качестве пористого коксующегося топлива брался торф. Численные расчеты работы [5] хорошо согласовывались по температуре и скорости горения торфа с экспериментальными данными работы [14]. Остальные характеристики в экспериментальной работе не определялись.

Выводы

 Показана возможность реализации различных режимов воспламенения и горения отходов де-

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Исаков Г.Н., Субботин А.Н. Моделирование и оптимизация процессов высокотемпературной утилизации промышленных отходов // Третий Сибирский конгресс по промышленной и индустриальной математике: Тез. докл. – Новосибирск: Изд-во Института механики СО РАН, 1998. – Ч. 5. – С. 123–124.
- Исаков Г.Н., Субботин А.Н. Тепломассообмен при высокотемпературной утилизации отходов деревообработки в вертикальном цилиндрическом реакторе Тепломассообмен ММФ-2000 // Тепломассообмен в энергетических устройствах. IV Минский Международный форум. – Минск: ИТМО НАНБ, 2000. – Т. 10. – С. 418–427.
- Гришин А.М., Зинченко В.И. и др. Итерационно-интерполяционный метод и его приложения. – Томск: Изд-во Том. ун-та, 2004. – 318 с.
- Звягильская А.И., Субботин А.Н. Влияние влагосодержания и тепло- и массообмена с окружающей средой на критические условия возникновения очага низового пожара // Физика горения и взрыва. – 1996. – Т. 32. – № 5. – С. 99–106.
- Субботин А.Н. Влияние тепломассообмена на критические условия зажигания и горения торфяника // Сибирский физико-технический журнал. – 1992. – № 6. – С. 133–137.

ревообработки в зависимости от перепада давления (скорости продувки) и температуры продуваемого окислителя.

- Установлено, что при определенных условиях реализуется режим тления, при котором газообразные продукты пиролиза выбрасываются в атмосферу, не сгорая.
- Рассмотренную в данной работе математическую модель можно использовать при оценке состава газообразных продуктов горения пористых коксующихся топлив.
- Исаков Г.Н. Тепломассоперенос и воспламенение в гетерогенных системах. – Новосибирск: Изд-во СО РАН, 1999. – 142 с.
- Исаков Г.Н., Касьянов Г.С. Влияние процессов испарения на зажигание влажной древесины в потоке газообразного окислителя // Физика горения и взрыва. – 1986. – Т. 22. – № 2. – С. 17–24.
- 8. Щетинков Е.С. Физика горения газов. М.: Наука, 1965. 739 с.
- Теплотехнический справочник / Под ред. В.Н. Юренева, Н.Д. Лебедева. – М.: Энергия, 1976. – Т. 2. – 896 с.
- Перелыгин Л.М. Древесиноведение. М.: Советская наука, 1957. – 252 с.
- Варгафтик Н.Б. Справочник по теплофизическим свойствам газов и жидкостей. – М.: Наука, 1972. – 720 с.
- Краткий справочник физико химических величин / Под ред. К.П. Мищенко и А.А. Равделя. – Л.: Химия, 1967. – 182 с.
- Померанцев В.В. и др. Основы практической теории горения. – Л.: Энергия, 1986. – 309 с.
- Борисов А.А., Борисов Ал.А., Горелик Р.С. Экспериментальные исследования и математическое моделирование торфяных пожаров // Теплофизика лесных пожаров / Под ред. В.Е. Накорякова. – Новосибирск: Наука, 1984. – С. 5–12.