### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Слухоцкий А.Е. Установки индукционного нагрева. Л.: Энергоиздат, 1981. – 325 с.
- Осипов А.В. Системы высокочастотного индукционного нагрева заготовок перед пластической деформацией. Автореф. дис. ... к.т.н. – Томск, 2004. – 18 с.
- Владимиров С.Н., Земан С.К., Осипов А.В., Толстов В.П. Особенности индукционного нагрева ферромагнитных сталей при

различных режимах работы преобразователя частоты // Известия вузов. Электромеханика. – 2004. – № 1. – С. 50–54.

 Ромаш Э.М., Драбович Ю.И., Юрченко Н.Н., Шевченко П.Н. Высокочастотные транзисторные преобразователи. – М.: Радио и связь, 1988. – 288 с.

Поступила 04.09.2006 г.

#### УДК 621.382.323

# РАСЧЕТ НЕЛИНЕЙНЫХ ИСКАЖЕНИЙ В ПАССИВНЫХ АТТЕНЮАТОРАХ НА ПОЛЕВЫХ ТРАНЗИСТОРАХ

# В.И. Туев

Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники E-mail: tvi@tv2.tomsk.ru

Предложен метод расчета нелинейных передаточных функций пассивных аттенюаторов на полевых транзисторах. Метод пригоден для расчета регулировочной характеристики и нелинейных искажений аттенюаторов на полевых транзисторах с затвором на основе p-n перехода, МДП-структуры и барьера Шотки. Представлены результаты исследования аттенюаторов с параллельным, последовательным и смешанным соединением регулируемых элементов.

Пассивные электрически управляемые аттенюаторы, в которых в качестве двухполюсников с изменяемыми параметрами используют полевые транзисторы (ПТ), применяются в системах автоматической регулировки усиления радиоприемных и радиопередающих трактов аппаратуры связи и телевидения, в системах связи, измерительной аппаратуре, в технике звуковоспроизведения в качестве регуляторов громкости и т. д. [1, 2]. Задача расчета нелинейных искажений (НИ) в этих устройствах решена не окончательно. Известные результаты [2, 3] имеют частный характер, обусловленный используемой аппроксимацией выходных вольт-амперных характеристик (ВАХ) транзистора конкретного типа, носят количественное и качественное расхождение с экспериментальными данными.

Цель работы — вывод соотношений для расчета НИ в пассивных аттенюаторах на ПТ. Вывод формул произведен в рамках метода нелинейного тока (МНТ), применяемого для расчета нелинейных передаточных функций (НПФ) цепей класса Вольтерра [4].

Типовые схемы наиболее часто используемых аттенюаторов на ПТ приведены на рис. 1 [2].

Моделирование свойств ПТ как регулируемых двухполюсников основано на применении аналитического описания нелинейной зависимости тока стока  $I_c$  от напряжений на затворе  $U_1$  и стоке  $U_2$  относительно внутреннего истока, отделенного от внешнего вывода паразитным сопротивлением неуправляемой части канала  $r_{\mu}$ :

$$I_{C} = \frac{I_{0}}{1 - \left(\frac{U_{2}}{U_{\mathcal{J}O\Pi}}\right)^{n}} \left(1 - e^{-\frac{DU_{2}}{U_{1} - U_{0}^{\prime}}} + FU_{2}\right) \times \left(1 + Qe^{-\sqrt{RU_{2}^{\Psi_{1}} + T(U_{1}|+Y)^{\Psi_{2}}}}\right), \quad (1)$$

где

$$I_0 = A(U_1 - U_0)^B \frac{1}{1 + \left(\frac{U_1 U_2}{P}\right)^K},$$
 (2)

*А*, *B*, *D*, *F*, *K*, *P*, *Q*, *R*, *T*,  $\psi_1$ ,  $\psi_2$ , *n* – коэффициенты аппроксимации,  $U_0$  – пороговое напряжение (напряжение отсечки),  $U_{дол}$  – максимально допустимое стоковое напряжение, *V* – контактная разность потенциалов. *A* – коэффициент пропорциональности, *B* – показатель, характеризующий степень нелинейности зависимости *I*<sub>*C*</sub> от *U*<sub>1</sub> в пологой области выходных ВАХ. Коэффициенты *P* и *K* отражают влияние на ВАХ насыщения дрейфовой скорости носителей в канале транзистора. Этот эффект заметно проявляется в мощных транзисторах; для маломощных третий сомножитель в (2) принимают равным 1.

Второй сомножитель в (1) характеризует выходную ВАХ, слагаемое  $FU_2$  описывает поведение  $I_c$  в пологой области и отражает эффекты укорочения канала и электростатической обратной связи между стоком и каналом в МДП ПТ. Для ПТ с *p-n* затвором и затвором Шотки (ПТШ) F=0.



**Рис. 1.** Типовые схемы пассивных аттенюаторов на ПТ с параллельным (а), последовательным (б) и смешанным (в) соединением регулируемых элементов

Коэффициенты  $Q, R, T, \psi_1, \psi_2$  описывают влияние на ВАХ насыщения дрейфовой скорости носителей, наблюдаемое в ПТШ средней и большой мощности. Для маломощных ПТШ и кремниевых транзисторов третьим сомножителем в (1), содержащим эти коэффициенты, можно пренебречь.

Коэффициент *n* отражает возрастание *I*<sub>C</sub> вследствие лавинного умножения носителей при пробое стоковой области.

Численные значения коэффициентов аппроксимации и величина  $r_{\mu}$  для кремниевых МДП-ПТ и ПТШ приведены в [5, 6], для некоторых типов ПТ с затвором в виде *p*-*n* перехода — в табл. 1.

Выражения (1, 2) с погрешностью не более 20 % описывают семейство ВАХ при напряжениях на затворе транзистора от  $U_0$  до 0 (ПТ с *p-n* затвором и ПТШ), от  $U_0$  до значения, соответствующего максимальному току стока (МДП-ПТ), и в диапазоне от *V* до  $U_{\text{доп}}$  напряжений на стоке для всех типов ПТ.

Таблица 1. Коэффициенты аппроксимации и значение г<sub>и</sub> для ПТ с p-п затвором в рабочей области ВАХ

Тип ПТ	A	В	D	<i>г</i> <sub>и</sub> , Ом	<i>U</i> <sub>0</sub> , B
КП103	0,76	1,95	1,10	20	1,25
КП303	1,53	1,57	0,90	12	-2,50
КП312	1,90	1,40	2,53	20	-4,75

Расчет переменных составляющих тока стока ПТ в соответствии с МНТ производится в виде

$$i = \sum_{n=1}^{N} i_n, \tag{3}$$

где *N* — наивысший порядок учитываемой нелинейности, *i<sub>n</sub>* — нелинейный ток *n*-го порядка.

На основании обобщенных формул для расчета нелинейных эквивалентных источников тока многоэлектродных активных элементов [7] составляющие тока первых трех порядков (N=3), представляющие наибольший практический интерес [2–4], можно представить в виде

$$i_1 = \sum_{k=1}^2 g_k^{(1)} u_k^{(1)}, \qquad (4)$$

$$i_2 = \sum_{k=1}^3 i_{2_k},$$
 (5)

$$\dot{i}_{2_{1}} = g_{1}^{(2)} [u_{1}^{(1)}]^{2}, \dot{i}_{2_{2}} = g_{2}^{(2)} [u_{2}^{(1)}]^{2}, \dot{i}_{2_{3}} = g_{1,2}^{(1+1)} u_{1}^{(1)} u_{2}^{(1)}, (6)$$

$$i_3 = \sum_{k=1}^8 i_{3_k}, \tag{7}$$

$$i_{3_{1}} = g_{1}^{(3)} [u_{1}^{(1)}]^{3}, i_{3_{2}} = g_{2}^{(3)} [u_{2}^{(1)}]^{3}, i_{3_{3}} = g_{1,2}^{(2+1)} [u_{1}^{(1)}]^{2} u_{2}^{(1)},$$
  

$$i_{3_{4}} = g_{1,2}^{(1+2)} [u_{2}^{(1)}]^{2} u_{1}^{(1)}, i_{3_{5}} = 2g_{1}^{(2)} u_{1}^{(1)} u_{1}^{(2)}, i_{3_{6}} = g_{2}^{(2)} u_{2}^{(1)} u_{2}^{(2)},$$
  

$$i_{3_{7}} = 2g_{1,2}^{(1+1)} u_{1}^{(1)} u_{2}^{(2)}, i_{3_{8}} = 2g_{1,2}^{(1+1)} u_{1}^{(2)} u_{2}^{(1)},$$
(8)

где  $g^{(.)}$  — частные и смешанные проводимости, определяемые из разложения (1) в кратный ряд Тейлора в окрестности рабочей точки, определяемой напряжениями смещения  $U_{10}$ ,  $U_{20}$ :

$$g_{1,2}^{(m_1+m_2)} = \frac{1}{m_1!m_2!} \frac{\partial^{m_1+m_2} I_C(U_{10}, U_{20})}{\partial U_1^{m_1} \partial U_2^{m_2}}.$$
 (9)

Эквивалентная схема аттенюатора с параллельным включением ПТ для переменного тока представлена на рис. 2.



Рис. 2. Эквивалентная схема аттенюатора с параллельным включением ПТ: u<sub>1</sub> – напряжение на затворе, u<sub>2</sub> – на стоке ПТ относительно внутреннего истока

Для узловых потенциалов в схеме, рис. 2, справедливы соотношения:

$$\begin{cases} v_2^{(n)} = v_1^{(n)} - Ri_n \\ v_3^{(n)} = r_u i_n \end{cases}$$
(10)

Здесь и далее *n*=1,...,*N*.

1

В соответствии с МНТ расчет НПФ первого порядка, т. е. регулировочной характеристики аттенюатора, проводится при  $i=i_1$  в (3). Численные расчеты показывают, что при малых напряжениях смещения на стоке  $U_{20}$  (в крутой области выходных ВАХ ПТ) выполняется неравенство  $g_1^{(1)} << g_2^{(1)}$  и, соответственно, выражение (4) может быть упрощено:

$$i_1 \approx g_2^{(1)} u_2^{(1)}$$
. (11)

Решая систему уравнений (10) с учетом (11), получим нормированные к уровню входного сигнала узловые потенциалы и напряжения на управляющих электродах ПТ

$$p_{3}^{(1)} = \frac{g_{2}^{(1)}r_{u}}{1 + g_{2}^{(1)}(r_{u} + R)},$$
 (12)

$$v_2^{(1)} = \frac{1 + g_2^{(1)} r_u}{1 + g_2^{(1)} (r_u + R)},$$
 (13)

203

$$u_1^{(1)} = -v_3^{(1)} = \frac{-g_2^{(1)}r_u}{1+g_2^{(1)}(r_u+R)},$$
 (14)

$$u_{2}^{(1)} = v_{2}^{(1)} - v_{3}^{(1)} = \frac{1}{1 + g_{2}^{(1)}(r_{u} + R)}.$$
 (15)

Соответственно выражение для расчета НП $\Phi$  первого порядка  $H_1$  имеет вид

$$H_1 = v_2^{(1)} = \frac{1 + g_2^{(1)} r_u}{1 + g_2^{(1)} (r_u + R)}.$$
 (16)



Рис. 3. Составляющие нелинейных токов второго i<sub>2</sub> и третьего i<sub>3</sub> порядков в схеме аттенюатора с параллельным включением ПТ типа КП305

Расчет НПФ более высоких порядков  $H_n$  производится по аналогичным (10–15) соотношениям, полученным при  $i=i_n$  и  $v_1=0$ :

$$v_{3}^{(n)} = i_{n} \frac{1 - \left(\frac{R}{(1 + g_{2}^{(1)}r_{u})(1 + g_{2}^{(1)}R)}\right) \left(\frac{1}{R} + g_{2}^{(1)}\right)}{g_{2}^{(1)}}, \quad (17)$$

$$v_2^{(n)} = H_n = \frac{-i_n R}{(1 + g_2^{(1)} r_u)(1 + g_2^{(1)} R)}.$$
 (18)

Определяя частные и смешанные производные в соответствии с (9) при варьировании управляющего напряжения  $U_{v} = U_{10}$  в диапазоне от  $U_{0}$  до 0 и фиксированном значении U<sub>20</sub>=0,6 В [8] и подставляя их в (5-8), рассчитаем токи  $i_2$  и  $i_3$ . Численные значения составляющих токов для ПТ КП305 [5] приведены на рис. 3. Основной вклад в нелинейный ток второго порядка вносит нелинейность выходной проводимости ПТ  $g_2^{(2)}$ . Нелинейный ток третьего порядка определяется следующими составляющими, приведенными в порядке их значимости: составляющей і<sub>з</sub>, образованной в результате нелинейно-параметрического взаимодействия линейного напряжения на стоке и напряжения второго порядка на затворе на смешанной проводимости второго порядка  $g_{1,2}^{(1+1)}$ ; составляющей  $i_{36}$ , полученной взаимодействием напряжений первого и второго порядков на квадратичной нелинейности стока  $g_2^{(2)}$ ; составляющей і<sub>з</sub>, являющейся результатом влияния кубичной нелинейности выходной проводимости  $g_2^{(3)}$ .

Выражения для расчета НПФ аттенюаторов как с параллельным, так и с последовательным и смешанным соединениями ПТ (рис. 1), найденные в результате аналогичных (10–18) вычислений, сведены в табл. 2.

Регулировочная характеристика и коэффициент гармоник  $K_r$  в диапазоне регулирования аттенюаторов с параллельным, последовательным и смешанным соединением регулируемых элементов приведены на рис. 4. Расчетное значение коэффициента гармоник определено по формулам

$$K_{\Gamma} = \sqrt{K_{\Gamma2}^2 + K_{\Gamma3}^2}, \ K_{\Gamma2} = \frac{H_2 U_{ex}}{2H_1}, \ K_{\Gamma3} = \frac{H_3 (U_{ex})^2}{4H_1}$$
[2]

при среднеквадратическом значении входного сигнала  $U_{\rm ex}$ =100 мВ. Расчет параметров аттенюатора со

Функция	Рис 1 а	Рис 1 б	Рис 1 в
H <sub>1</sub>	$\frac{1+g_2^{(1)}r_u}{1+g_2^{(1)}(r_u+R)}$	$\frac{g_2^{(1)}R}{1+g_2^{(1)}(r_u+R)}$	$\frac{1 + [g_2^{(1)}]_{T_2} r_u}{1 + \frac{[g_2^{(1)}]_{T_2}}{[g_2^{(1)}]_{T_1}} + 2[g_2^{(1)}]_{T_2} r_u}$
H <sub>n</sub>	$\frac{-i_n R}{(1+g_2^{(1)}r_u)(1+g_2^{(1)}R)}$	$\frac{i_n R}{1+g_2^{(1)}(r_u+R)}$	$\frac{[i_n]_{T1} - [i_n]_{T2} \frac{1 + [g_2^{(1)}]_{T1} r_u}{1 + [g_2^{(1)}]_{T2} r_u}}{[g_2^{(1)}]_{T1} \frac{1 + 2[g_2^{(1)}]_{T2} r_u}{1 + [g_2^{(1)}]_{T2} r_u} + \frac{[g_2^{(1)}]_{T2}}{1 + [g_2^{(1)}]_{T2} r_u}}$

**Таблица 2.** Выражения для расчета НПФ аттенюаторов на ПТ с параллельным, последовательным и смешанным соединением регулируемых элементов

смешанным соединением ПТ производился при следующем соотношении управляющих напряжений на затворах ПТ:  $U_{v1}=U_{v}$ ;  $U_{v2}=U_{0}-U_{v1}$ .



Рис. 4. Регулировочные характеристики и коэффициенты гармоник К<sub>r</sub> аттенюаторов с параллельным при значении R=24 кОм (а), последовательным (R=10 кОм) (б) и смешанным (в) соединением регулируемых элементов

В подтверждение достоверности полученных теоретических результатов на рис. 5 приведены экспериментальные и расчетные характеристики аттенюатора с параллельным включением ПТ.

В диапазоне управляющих напряжений от 0,3 до 1 варьирование коэффициента передачи аттенюатора осуществляется в пределах от 0,01 до 1, т. е. на 40 дБ. Расхождение расчетных и экспериментальных данных в этих пределах не превышают 20 %. В области малых отношений увеличение погрешности расчета обусловлено неточностью используемой аппроксимации ВАХ ПТ (1).

Таким образом, в статье представлен метод расчета регулировочной характеристики и нелинейных искажений аттенюаторов на полевых транзи-

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Кривицкий Б.Х., Салтыков Е.Н. Системы автоматической регулировки усиления. – М.: Радио и связь, 1982. – 190 с.
- Богданович Б.М., Ваксер Э.Б., Окулич Н.И. Проектирование элементов радиоприемных устройств (управляемых электронных аттенюаторов). – Минск: Высшая школа, 1979. – 192 с.
- Игнатов А.Н., Рянский А.И. Анализ нелинейных свойств полевых транзисторов в области, близкой к отсечке // Радиотехника. – 1980. – № 9. – С. 36–38.
- Буссганг Дж., Эрман Л., Грейам Дж. Анализ нелинейных систем при воздействии нескольких входных сигналов // ТИИ-ЭР. – 1974. – № 8. – С. 56–92.
- Жаркой А.Г., Туев В.И. Аппроксимация вольт-амперных характеристик МДП-полевых транзисторов // Известия вузов. Сер. Радиоэлектроника. – 1988. – № 5. – С. 69–70.



Рис. 5. Регулировочные характеристики и коэффициент гармоник аттенюатора с параллельным соединением ПТ типа КПЗ05 в условиях постоянного выходного напряжения и<sub>вых</sub>=100 мВ на частоте 1000 Гц

сторах с различной структурой затвора. Приведены коэффициенты экспоненциально-степенной аппроксимации для ряда полевых транзисторов с затвором на основе *p-n* перехода, представлены расчетные соотношения для составляющих эквивалентного источника тока и для нелинейных передаточных функций. Рассмотрен механизм образования нелинейных токов и выявлены превалирующие источники нелинейности. Даны результаты исследования аттенюаторов с параллельным, последовательным и смешанным соединением регулируемых элементов. Показано, что расхождение расчетных и экспериментальных данных коэффициента гармоник в диапазоне регулирования коэффициента передачи 40 дБ в схеме параллельного аттенюатора на МДП полевом транзисторе не превышает 20 %.

- Жаркой А.Г., Туев В.И. Аппроксимация вольт-амперных характеристик GaAs ПТШ со стабильными областями отрицательного сопротивления // Техника средств связи. Сер. Радиоизмерительная техника. – 1988. – Вып. 8. – С. 36–41.
- Жаркой А.Г., Туев В.И. Расчет нелинейных эквивалентных источников тока многоэлектродных активных элементов // Радиотехника и электроника. 1989. Т. 34. № 6. С. 1142–1150.
- Зи С. Физика полупроводниковых приборов. Ч. 1. М.: Мир, 1984. – 453 с.

Поступила 23.06.2006 г.