#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Witt W., Loffler M. The electromagnetic Gun-CCloser to Weapon System Status // Military Technology. – 1998. – № 5. – Р. 80–86.
- Носов Г.В. Генерирование мощных импульсов тока электромашинными источниками с изменяющейся индуктивностью // Известия Томского политехнического университета. – 2005. – Т. 308. – № 7. – С. 68–70.
- Татур Т.А. Основы теории электромагнитного поля. М.: Высшая школа, 1989. 271 с.
- Теория электрических аппаратов / Под ред. проф. Г.Н. Александрова. – М.: Высшая школа, 1985. – 312 с.
- 5. Калантаров П.Л., Цейтлин Л.А. Расчет индуктивностей: Справочная книга. Л.: Энергоатомиздат, 1986. 488 с.

- Электротехнический справочник: в 3 т. Т. 1. Общие вопросы.
   Электротехнические материалы / Под общ. ред. проф. МЭИ В.Г. Герасимова и др. – М.: Энергоатомиздат, 1985. – 488 с.
- Железный В.Б., Лебедев А.Д., Плеханов А.В. Воздействие на динамику ускорения якоря в РЭУ // II Всес. семинар по динамике сильноточного дугового разряда в магнитном поле: Материалы. – Новосибирск, 4–6 декабря 1991 г. – Новосибирск: Изд-во Института теплофизики СО РАН, 1992. – С. 16–32.
- Галанин М.П., Лебедев А.Д., Лотоцкий А.П., Миляев К.К. Тепловые и электромагнитные процессы на контактах электродинамического ускорителя // Препринт Института прикладной математики им. М.В. Келдыша РАН. 2000. № 42. 32 с.

Поступила 04.12.2006 г.

#### УДК 621.391

# РЕГУЛЯРИЗИРУЮЩИЙ АЛГОРИТМ ИДЕНТИФИКАЦИИ ПАРАМЕТРОВ СХЕМЫ ЗАМЕЩЕНИЯ ЭЛЕКТРИЧЕСКОГО РАЗРЯДА. Ч. II.

Ю.Е. Воскобойников\*, Ю.Н. Исаев, В.А. Литасов\*, В.А. Колчанова, Е.О. Кулешова

Томский политехнический университет

\*Новосибирский государственный архитектурно-строительный университет

E-mail: voscob@mail.ru, isaev\_yusup@mail.ru

Предлагается новый регуляризирующий алгоритм вычисления параметров функции переходной проводимости для идентификации схемы замещения разрядного промежутка с использованием устойчивых алгоритмов дифференцирования и решения интегральных уравнений, более эффективно учитывающих погрешности исходных данных. Использование метода наименьших полных квадратов при построении оценок для параметров функции переходной проводимости является дополнительным способом «сглаживания» ошибки построения регуляризированного решения.

# 1. Регуляризирующий алгоритм вычисления функции переходной проводимости

В интегральном уравнении (1) первой части данной работы [1] подынтегральную функцию  $\frac{dU(\tau)}{d\tau}$  заменим ее оценкой  $S'_{\lambda}(t)$  – производной сглаживающего кубического сплайна. Необходимо найти решение этого уравнения – переходную проводимость g(t). Известно, что решение такого уравнения является некорректно поставленной задачей и для вычисления устойчивого решения необходимо использовать специальные методы – методы регуляризации [2, 3].

В работе [4] предложен регуляризирующий алгоритм идентификации импульсной функции стационарной динамической системы (ядра интегрального уравнения) когда входной и выходной сигналы идентифицируемой системы известны со случайными ошибками. Использование дискретного преобразования Фурье (ДПФ) и алгоритма быстрого преобразования Фурье (БПФ) обуславливает высокую вычислительную эффективность регуляризирующего алгоритма. Не повторяя построение этого алгоритма, приведем основные расчетные соотношения, адаптируя их к задаче восстановления функции g(t) и к используемым в данной статье обозначениям.

Алгоритм вычисления *g*(*t*) можно представить следующими шагами [4]:

Этап 1. Формирование периодических (с периодом *N*) последовательностей:

$$i_{p}(j) = \begin{cases} \tilde{I}(j \cdot \Delta), & j = 0, ..., N_{I} - 1; \\ 0, & j = N_{I}, N_{I} + 1, ..., N - 1, \end{cases}$$
$$d_{p}(j) = \begin{cases} S_{\lambda}'(j \cdot \Delta) \cdot \Delta, & j = 0, ..., N_{U} - 1; \\ 0, & j = N_{U}, N_{U} + 1, ..., N - 1. \end{cases}$$

Этап 2. Вычисление элементов последовательности

$$D_p(l) = \sum_{j=0}^{N-1} d_p(j) \exp\left(\frac{2\pi i}{N} lj\right), \quad l = 0, ..., N-1, \quad (1)$$

где  $i=\sqrt{-1}$ .

Этап 3. Вычисление коэффициентов ДПФ последовательности  $\{i_{\nu}(j)\}$  (прямое ДПФ):

$$I_{p}(l) = \frac{1}{N} \sum_{j=0}^{N-1} i_{p}(j) \exp\left(-\frac{2\pi i}{N} l j\right), \quad l = 0, ..., N-1.$$
(2)

Этап 4. Определение коэффициентов ДП $\Phi$  (обозначаемые как { $G_{pa}(l)$ }) регуляризированного решения (расчетные соотношения приводятся ниже).

Этап 5. Вычисление периодического решения (обратное ДПФ от последовательности  $\{G_{pq}(l)\}$ ):

$$g_{p\alpha}(j) = \sum_{l=0}^{N-1} G_{p\alpha}(l) \exp(\frac{2\pi i}{N} l j), \quad j = 0, ..., N-1.$$
(3)

Этап 6. Формирование  $N_g$ -мерного вектор  $g_a$  по правилу:

$$g_{\alpha_i} = g_{p\alpha}(j-1), \quad j = 1, ..., N_g,$$

где  $N_{e} = N_{I} - N_{U} + 1$ . Если выполнено условие

$$V \ge N_U + N_I - 1,$$

то проекции  $g_{\alpha_j}$  вектора  $g_{\alpha}$  принимается в качестве значений регулирования решения  $g_{\alpha}(t)$  в узлах  $t_j=j\cdot\Delta$ ,  $j=0,1,...,N_g-1$ .

Заметим, что при выполнении вычислений (1–3) используется алгоритм БПФ, что на 2–3 порядка уменьшает число операций по сравнению с «прямым» вычислением соответствующих сумм. Это позволяет строить регуляризированные решения «длиной» несколько сотен и даже тысяч точек.

Рассмотрим вычисление коэффициентов ДПФ  $\{G_{p\alpha}(l)\}$  на шаге 4. Предположим, что погрешности  $\eta_j$  регистрации тока имеют нулевое среднее и дисперсию  $\sigma_{\eta}^2$ , а ошибки  $\xi_i$  вычисления производной также имеют нулевое среднее и дисперсию  $\sigma_{\xi}^2$ . Тогда коэффициенты  $G_{p\alpha}(l)$  находятся из нелинейного уравнения

$$G_{p\alpha}(l) = \frac{D_{p}^{C}(l)}{\left|D_{p}(l)\right|^{2} + \alpha(\theta \left|G_{p\alpha}(l)\right|^{2} + 1) \cdot Q_{p}(l)} \cdot I_{p}(l), \quad (4)$$

$$l = 0, 1, \dots, N-1,$$

где  $\alpha$  – параметр регуляризации,  $\theta = \sigma_{\xi}^2 / \sigma_{\eta}^2$  – отношение дисперсии,  $D_p^c(l)$  – величина, комплексносопряженная  $D_p(l)$ . Элементы последовательности  $Q_p(l)$  формируется по правилу:

$$Q_p(l) = \begin{cases} Q(l \cdot \Delta_{\omega}), & l = 0, \dots, N/2; \\ Q((N-l) \cdot \Delta_{\omega}), & l = N/2 + 1, \dots N - 1, \end{cases}$$

где  $\Delta_{\omega}=2\pi/(N\Delta)$  — шаг дискретизации в частотной области. Функцию  $Q(\omega)$  можно трактовать как частотную характеристику стабилизирующего функционала [2, 3]: она должна быть монотонно возрастающей функцией и  $Q(\omega) \rightarrow \infty$  при  $\omega \rightarrow \infty$ . Если порядок регуляризации *r*, то при достаточно больших частотах  $\omega$  справедлива асимптотика  $Q(\omega) \approx \omega^{2r}$ .

Для вычисления решения  $G^*_{\rho\alpha}(l)$  нелинейного уравнения при фиксированном параметре  $\alpha$  обратимся к схеме простой итерации

$$G_{p\alpha}^{(n+1)}(l) = \frac{D_{p}^{C}(l)}{\left|D_{p}(l)\right|^{2} + \alpha(1+\theta \left|G_{p\alpha}^{(n)}(l)\right|^{2}) \cdot Q_{p}(l)} \cdot I_{p}(l),$$

$$n = 0, 1, \dots$$
(5)

«Точка старта»  $G_{pa}^{(0)}(l)$  задается как  $G_{pa}^{(0)}(l)=I_p(l)$ , l=0,1,...N-1. Условие прекращение итераций имеет вид

$$\left[\frac{\sum_{l=0}^{N-1} \left|G_{\rho\alpha}^{(n+1)}(l) - G_{\rho\alpha}^{(n)}(l)\right|^2}{\sum_{l=0}^{N-1} \left|G_{\rho\alpha}^{(n)}(l)\right|^2}\right]^{\frac{1}{2}} \le 0.01.$$
(6)

Вычислительный эксперимент показал, что для выполнения условия (6) требуется не более 5-8 итераций.

Выбор параметра регуляризации, входящего в (4), (5), — основная проблема построения регуляризирующих алгоритмов на практике. При заниженных значениях  $\alpha$  в решении  $g_{\alpha}$  будут присутствовать шумовые составляющие, обусловленные погрешностями  $\eta_j$ ,  $\xi_j$ . При завышенных значениях  $\alpha$  из решения  $g_{\alpha}$  будут удалены информативные составляющие g(t) (решение будет «переглаженным»). Поэтому в качестве параметра регуляризации  $\alpha$  желательно принять значение  $\alpha_{opt}$ , доставляющее минимум среднеквадратичной ошибки, определяемой функционалом:

$$\operatorname{CKO}(\alpha) = M[\sum_{j=1}^{N_g} (g_{\alpha_j} - \overline{g}_j^+)^2]$$

где  $\overline{g}_{j}^{+}$  — проекции вектора  $\overline{g}^{+}$ , являющегося нормальным псевдорешением при точных исходных данных u(t), i(t),  $M[\cdot]$  — оператор математического ожидания по ансамблю случайных векторов  $g_{a}$ . Вычисление  $\alpha_{opt}$  требует задание определенных характеристик функции g(t), которые на практике не известны. Поэтому ограничимся вычислением оценки  $\alpha_{w}$  для  $\alpha_{opt}$ .

Введем функции [4]:

$$K_{W}(\gamma) = \frac{K_{W}(\gamma)}{(1+\theta |G_{p\alpha}^{*}(l)|^{2}) \cdot Q_{p}(l)} \cdot |I_{p}(l)|^{2}} + \frac{(1+\theta |G_{p\alpha}^{*}(l)|^{2}) \cdot Q_{p}(l)}{(C_{\sigma}\sigma_{\xi}^{2} |G_{p\alpha}^{*}(l)|^{2} + \sigma_{\eta}^{2})}; (7)$$

$$R_{W}'(\gamma) = \frac{d}{d\gamma} R_{W}(\gamma) = -N \times \frac{|D_{\sigma}(l)|^{2}}{(L+\theta |G_{\sigma}^{*}(l)|^{2}) - Q_{\sigma}(l)}; (7)$$

$$\times \sum_{l=0}^{N-1} \frac{\frac{|D_{p}(l)| \cdot (1+\theta |G_{p\alpha}(l)|) \cdot Q_{p}(l)}{\left[\gamma |D_{p}(l)|^{2} + (1+\theta |G_{p\alpha}^{*}(l)|^{2}) \cdot Q_{p}(l)\right]^{2}} \cdot |I_{p}(l)|^{2}}{(C_{\sigma}\sigma_{\xi}^{2} |G_{p\alpha}^{*}(l)|^{2} + \sigma_{\eta}^{2})}, (8)$$

где  $C_{\sigma} = \frac{N_U}{N_I} \cdot N^2 \cdot \Delta^2$ ,  $\gamma = 1/\alpha$ . В качестве  $\alpha_W$  принимается значение  $1/\gamma_W$ , где  $\gamma_W = \gamma^{(n+1)}$ , а значение  $\gamma^{(n+1)}$ удовлетворяет условию:

$$\vartheta_{m,\beta/2} \le R_W(\gamma^{(n+1)}) \le \vartheta_{m,1-\beta/2},\tag{9}$$

где  $\mathcal{G}_{m,\beta/2}$ ,  $\mathcal{G}_{m,1-\beta/2}$  — квантили  $\chi^2$ -распределения с  $m=N_I-1$  степенями свободы уровней значимости  $\beta/2$  и  $1-\beta/2$  соответственно (как правило,  $\beta=0,05$ ). Последовательность { $\gamma^{n} > 0$ } генерируется итерационной процедурой:

$$\gamma^{(n+1)} = \gamma^{(n)} - \frac{R_{W}(\gamma^{(n)}) - m}{R_{W}(\gamma^{(n)})}, \quad n = 1, 2, ...; \ \gamma^{(0)} \ll 1.$$

Можно показать, что, если квадрат нормы  $\|\tilde{I}\|^2$ вектора  $\tilde{I}$  удовлетворяет условию  $\frac{\|\tilde{I}\|^2}{\sigma_{\eta}^2} > \vartheta_{m,\beta/2}$  и  $\gamma^{(0)} \ll 1$  (обычно  $\gamma \approx 10^{-10}$ ), то найдется значение  $\gamma^{(n+1)}$ , удовлетворяющее (9). Вычисление такого значения

не требует более 4–5 итераций. Проведенные исследования [4] показали высокую эффективность оценки α<sub>и</sub>. Ошибка регуляри-

кую эффективность оценки  $\alpha_W$ . Ошибка регуляризированного решения, построенного при  $\alpha = \alpha_W$  не превышает более чем на 15...20 % ошибку оптимального решения, построенного при  $\alpha = \alpha_{opt}$ .

Заметим, что в функции  $R_w(\gamma)$ ,  $R'_w(\gamma)$  входят дисперсии  $\sigma_{\xi}^2$ ,  $\sigma_{\eta}^2$ . Обычно на практике значения дисперсий неизвестны (особенно это относиться к дисперсии  $\sigma_{\xi}^2$  ошибки вычисления производной напряжения по сглаживающему кубическому сплайну).

Для преодоления этой трудности предлагаются следующие оценки для дисперсии:

• 
$$\sigma_{\eta}^{2}$$
:  $\widehat{D}_{\eta} = \frac{N^{2}}{2N_{I}L_{\eta}}\sum_{l=-L_{\eta}}^{L_{\eta}}\left|I_{p}(N/2+l)\right|^{2};$  (10)

• 
$$\sigma_{\xi}^{2}$$
:  $\widehat{D}_{\xi} = \frac{1/\Delta^{2}}{2N_{U}L_{\xi}}\sum_{l=-L_{\xi}}^{L_{\xi}} |D_{p}(N/2+l)|^{2}$ . (11)

Эти оценки основаны на предположении, что в окрестности точки l=N/2 (точка, по отношению к которой модули коэффициентов ДПФ симметричны) коэффициенты ДПФ обусловлены только погрешностями задания исходных реализаций. Объемы выборок, по которым вычисляются точечные оценки для дисперсий, равны  $2L_{\eta}+1$ ,  $2L_{\xi}+1$  соответственно. Для задания  $L_{\eta}$ ,  $L_{\xi}$  можно рекомендовать соотношение:  $L_{\eta}=L_{\xi}=(0,075...0,1)N$ . Так, приняв  $L_{\eta}=L_{\xi}=0,1N$ , получаем для N=256 объем выборки 51 (что позволяет надежно оценить дисперсии).

# 2. Параметризация функции проводимости и оценивания параметров

По виду построенного в предыдущем разделе регуляризированного решения  $g_a(t)$  принимают решение о виде параметрической зависимости g(t, P) для аппроксимации  $g_a(t)$  и это однозначно определяет структуру эквивалентной электрической схемы замещения электрического разряда. Аргумент P означает вектор, состоящий из параметров параметрической зависимости.

Достаточно универсальной аппроксимацией переходной проводимости является функция вида

$$g(t,P) = A_1 e^{\mu_1 t} + A_2 e^{\mu_2 t}, \qquad (12)$$

где вектор *Р* включает четыре параметра:

$$P = \begin{vmatrix} p_1 \\ p_2 \\ p_3 \\ p_4 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} A_1 \\ \mu_2 \\ A_2 \\ \mu_2 \end{vmatrix}$$

в том числе корни  $\mu_1$ ,  $\mu_2$  характеристического уравнения цепи. Функция проводимости (12) соответствует электрической цепи второго порядка, схема которой приведена в [5].

Для оценивания параметров  $p_q$ , q=1,2,...,Qфункции g(t,P) обратимся к методу наименьших квадратов, т. е. оценки  $\hat{p}_q$  находятся из условия минимума функционала:

$$J(P) = \sum_{j=1}^{N_g} (g_{\alpha}(t_j) - g(t_j, P))^2$$

и являются решением системы, состоящей из Q (в общем случае нелинейных) уравнений:

$$\begin{cases} \frac{\partial J(P)}{\partial p_1} = 0; \\ \vdots \\ \frac{\partial J(P)}{\partial p_0} = 0. \end{cases}$$
(13)

Параметры  $p_q$ , q=1,2,...,Q однозначно связаны (т. е. определяются) параметрами  $\theta_1,...,\theta_s$  электрической схемы замещения (величинами сопротивления, емкости, индуктивности) и эта связь выражается алгебраическими соотношениями вида:

$$\begin{cases} p_1 = \varphi_1(\theta_1, \theta_2, ..., \theta_S); \\ p_2 = \varphi_2(\theta_1, \theta_2, ..., \theta_S); \\ \vdots \\ p_Q = \varphi_Q(\theta_1, \theta_2, ..., \theta_S). \end{cases}$$
(14)

Построение этих алгебраических соотношений осуществляется методами анализа переходных процессов в цепях постоянного тока, подробно изучаемых в курсе теоретических основ электротехники [6] и поэтому здесь эти вопросы не рассматриваются.

После вычисления оценок  $\hat{p}_q$ , q=1,2,...,Q решаем нелинейную систему уравнений (14) (возможно с использованием метода наименьших полных квадратов) и находим оценки  $\hat{\theta}_s$ , s=1,2,...,S. На этом идентификация параметров электрической схемы замещения газового разряда завершается.

### 3. Результаты вычислительного эксперимента

Для подтверждения работоспособности предложенного алгоритма идентификации и определения его точностных возможностей был проведен обширный вычислительный эксперимент, который заключается в следующем.

В качестве «точной» функции переходной проводимости g(t) бралась функция (12) с комплексно

сопряженными корнями характеристического уравнения:  $\mu_1 = \mu_2^* = -416,666 - i \cdot 571,304$ . Тогда функция проводимости g(t) задавалась выражением:

$$g(t) = 0,71 \cdot e^{-416,666 \cdot t} \cdot \cos(571,304 \cdot t + 1,059)$$

или в общем виде формулой

$$g(t) = A \cdot e^{\mu \cdot t} \cdot \cos(\omega \cdot t + \varphi)$$

Для такой функции проводимости задача идентификации заключается в оценивании параметров  $A, \mu, \omega, \varphi$ .

Интервал задания функции g(t) был равен [0, 0.015 с]. Форма задаваемого напряжения приведена на рисунке а [1] и интервал задания [0, 0.055 c]. Значения тока I(t) определялись интегралом (1) [1] и интервал задания функции I(t) равен [0, 0.070 c]. Шаг дискретизации  $\Delta$  задавался  $\Delta = 2,5 \cdot 10^{-4} c$ , и это определило следующие длины дискретных последовательностей:  $N_U = 220$ ,  $N_z = 60$ ,  $N_I = 280$ .

Значения  $U(t_i)$  искажались нормально распределенными случайными числами  $\zeta_i$  с нулевым средним и дисперсией  $\sigma_{\zeta}^2$ , определяемой по относительному уровню шума  $\delta_{i}$ :

$$\sigma_{\zeta}^{2} = \left(\frac{\delta_{U} \cdot \max\left|U(t_{j})\right|}{2}\right)^{2}$$

Аналогично, значения  $I(t_j)$  искажались нормально распределенными случайными числами  $\eta_j$ с нулевым средним и дисперсией  $\sigma_{\eta}^2$ , определяемой по относительному уровню шума  $\delta_l$ .

Затем, по зашумленным значениям  $U(t_j)$ ,  $I(t_j)$  строилось регуляризированное решение  $g_{\alpha}(t_j)$  в соответствии с алгоритмами пункта 3, 4. Параметр сглаживания  $\lambda$  сглаживающего кубического сплайна определялся из решения нелинейного уравнения (4) [1] при  $\Delta_{np}$ =5·10<sup>-3</sup> с. Параметр регуляризации вычислялся из условия (9). Предполагалось, что дисперсии  $\sigma_{\xi}^2$ ,  $\sigma_{\eta}^2$  неизвестны, и вместо  $\sigma_{\xi}^2$ ,  $\sigma_{\eta}^2$  в (7), (8) использовались их оценки (10), (11).

По построенному решению  $g_a(t_j)$  из системы уравнений (13) вычислялись оценки  $\hat{A}$ ,  $\hat{\mu}$ ,  $\hat{\omega}$ ,  $\hat{\varphi}$ . Точность этих оценок определялась вектором относительных ошибок:

$$\delta_{p} = \begin{vmatrix} \widehat{A} - A \middle| / \middle| A \middle| \\ |\widehat{\mu} - \mu \middle| / \middle| \mu \middle| \\ |\widehat{\omega} - \omega \middle| / \middle| \omega \middle| \\ |\widehat{\varphi} - \varphi \middle| / \middle| \varphi \middle| \end{vmatrix}$$

# СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

 Воскобойников Ю.Е., Исаев Ю.Н., Литасов В.А., Колчанова В.А., Кулешова Е.О. Регуляризирующий алгоритм идентификации параметров схемы замещения электрического разряда. Ч. I // Известия Томского политехнического университета. – 2007. – Т. 310. – № 1. – С. 79–82. Так как проекции вектора  $\delta_p$  являются случайным, то по выборке случайных векторов  $\delta_p^{(n)}$  объемом по 20 элементов вычислялся вектор средних относительных ошибок оценивания  $\overline{\delta}_p$ , проекции которого равнялись средним значениям соответствующих проекций векторов  $\delta_p^{(n)}$ . Вектор  $\delta_p^{(n)}$  содержит относительные ошибки оценок  $\widehat{A}^{(n)}$ ,  $\widehat{\mu}^{(n)}$ ,  $\widehat{\omega}^{(n)}$ ,  $\widehat{\varphi}^{(n)}$ , которые построены по исходным данным  $\widehat{U}^{(n)}(t_j)$ ,  $\widehat{I}^{(n)}(t_j)$ , полученными искажениями «точных» значений  $U(t_j)$ ,  $I(t_j)$  *п*-ми реализациями погрешностей задания напряжения  $\zeta_j^{(n)}$  и тока  $\eta_j^{(n)}$ .

В таблице приведены значения проекции вектора  $\overline{\delta}_p$  для разных относительных уровней  $\delta_l=0,01$ ; 0,10;  $\delta_l=0,01$ ; 0,10.

**Таблица.** Относительные ошибки идентификации параметров функции переходной проводимости

		$\delta_{\scriptscriptstyle U}$	
		0,01	0,10
$\delta_{I}$	0,01	0,035 0,031 0.005	0,119 0,096 0.019
		0,007	0,012
	0,10	0,107 0,088 0,023 0,011	0,136 0,112 0,045 0,023

Видно, что *относительные ошибки идентифика*ции слабо зависят от уровня погрешностей исходных данных. Это можно объяснить двумя обстоятельствами:

- Использование устойчивых алгоритмов дифференцирования и решения интегральных уравнений, эффективно учитывающих погрешности исходных данных решаемой задачи.
- Применение метода наименьших полных квадратов при построении оценок для параметров функции переходной проводимости, что является дополнительным способом «сглаживания» ошибки построения регуляризированного решения g<sub>a</sub>(t<sub>i</sub>).

Сравнивая отдельные проекции векторов  $\delta_p$ , можно отметить, что параметры A,  $\mu$  оцениваются с немного большими ошибками по сравнению с  $\omega$ ,  $\varphi$ . Это можно объяснить ошибкой регуляризированного решения  $g(t_i)$  по амплитуде.

Анализ этой таблицы и результатов других вычислительных экспериментов позволяет сделать вывод: предложенный алгоритм идентификации с приемлемой точностью идентифицирует параметры переходной проводимости для построения эквивалентной схемы замещения электрического разряда.

- 2. Тихонов А.Н., Арсенин В.Я. Методы решения некорректных задач. М.: Наука, 1986. 285 с.
- Воскобойников Ю.Е., Преображенский Н.Г., Седельников А.И. Математическая обработка эксперимента в молекулярной газодинамике. – Новосибирск: Наука, 1984. – 238 с.

- Воскобойников Ю.Е., Литасов В.А. Регуляризирующий алгоритм непараметрической идентификации при неточных исходных данных // Научный вестник НГТУ. – 2005. – № 2(20). – С. 33–45.
- Исаев Ю.Н., Колчанова В.А., Хохлова Т.Е. Определение параметров двухполюсника при воздействии импульсного напряжения // Электричество. – 2003. – № 11. – С. 64–67.
- Бессонов Л.А. Теоретические основы электротехники. М.: Гардарики, 1999. – 638 с.
  - Поступила 18.07.2006 г.

#### УДК 541.16:182

# ФОРМИРОВАНИЕ НИТЕВИДНЫХ КРИСТАЛЛОВ В ПРОМЕЖУТОЧНЫХ ПРОДУКТАХ ГОРЕНИЯ В ВОЗДУХЕ НАНОПОРОШКА АЛЮМИНИЯ И ЕГО СМЕСЕЙ С НАНОПОРОШКАМИ МОЛИБДЕНА И ВОЛЬФРАМА

### Л.О. Толбанова, А.П. Ильин

НИИ высоких напряжений Томского политехнического университета, г. Томск E-mail: nanolab@hvd.tpu.ru

Изучены характеристики и фазовый состав промежуточных продуктов синтеза сжиганием в воздухе смесей нанопорошков алюминия с молибденом и вольфрамом. Установлено, что в определенных условиях при горении стабилизируются двухуровневые нитевидные кристаллы, предложен механизм их формирования. Получены компактные образцы композиционных материалов на основе нитридсодержащих керамических порошков, упрочненные нитевидными кристаллами и тугоплавкими металлами.

## Введение

Повышение прочностных характеристик керамических и композиционных материалов является актуальной проблемой [1]. Ее решение осуществляется по различным направлениям, одним из которых является введение в исходную шихту нитевидных кристаллов, повышающих стойкость к растрескиванию керамики. Наиболее значительные результаты достигнуты при использовании нитевидных кристаллов, относящихся к наноматериалам по одному из параметров — их толщина не должна превышать 100 нм [2]. Интерес представляют нитевидные кристаллы нитрида алюминия: кроме прочностных характеристик композиционных материалов они повышают теплопроводность и улучшают электроизоляционные свойства [3].

Одним из методов синтеза тугоплавких керамических материалов является синтез сжиганием [4, 5]. Он не требует существенных энергозатрат как известные промышленные методы. Синтез сжиганием не требует также сложной аппаратуры и ограничений по объему производимых керамических материалов. Процесс синтеза инициируется локальным нагревом шихты и затем протекает самопроизвольно в режиме теплового взрыва. Недавно установленное явление связывания азота воздуха при горении порошкообразных металлов [6] открывает широкие возможности синтеза керамических нитридсодержащих материалов для промышленного производства. При горении нанопорошка (НП) алюминия наблюдаются две стадии, различающиеся по температуре: низкотемпературная (1000...1200 °С) и высокотемпературная (2200...2400 °C), сопровождающаяся относительно небольшими колебаниями температуры (в пределах 200 °C). Согласно ранее предложенному объяснению [7] резкие снижения температуры связаны с образованием в газовой фазе нитрида алюминия с поглощением теплоты. По-видимому, уменьшение температуры связано со снижением скорости взаимодействия алюминия с кислородом и с повышением скорости взаимодействия алюминия с азотом и т. д. Образующиеся фазы нитридов алюминия представляют нитевидные кристаллы толщиной 1...2 мкм и длиной до 40 мкм. Применение НП позволяет получать керамические материалы с более высоким выходом нитридов и более высокой дисперсностью.

Целью данной работы являлось определение условий синтеза нитевидных кристаллов в составе промежуточных продуктов горения смесей нанопорошков молибдена и вольфрама с нанопорошком алюминия.

#### Методика получения нанопорошков

В качестве объекта исследования использовались НП Al, W и Mo, полученные с помощью электрического взрыва проводников в аргоне. НП были получены на опытно-промышленной установке УДП-4Г НИИ высоких напряжений Томского политехнического университета.

Взрываемая проволока с помощью механизма подачи — 3 непрерывно движется во взрывную камеру — 9. В это время происходит зарядка емкостного накопителя — 2 от источника питания — 1. При достижении проволочкой пробивного зазора происходит взрыв отрезка проволоки — 4. Образующийся аэрозоль с помощью вентилятора — 8 поступает в накопитель — 7, где НП отделяется от аргона. Рабочее напряжение, подаваемое на проводник, ре-