значительному снижению длительной прочности вследствие преждевременного разрушения по границам зерен. Это явление, вызывающую твердометаллическую хрупкость, также обнаружено на целом ряде поликристаллических металлов [4].

Проведенные исследования позволяют сказать, что ниобиевая защитная пленка препятствует образованию на границах зерен молибдена карбидных и нитридных фаз, поверхность зерен имеет меньшее число дефектов.

### Выводы

Методом газотранспортных реакций на лабораторной установке получены покрытия ниобия на молиб-

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Молибден в ядерной энергетике / Под ред. В.С. Емельянова, А.И. Евстюхина. – М.: Атомиздат, 1977. – 160 с.
- Андреев Г.Г., Гузеева Т.И., Макаров Ф.В., Иванов М.Б. Состояние поверхностных слоев молибденовых лодочек, используемых для восстановления диоксида урана // Известия вузов. Физика. – 2004. – Т. 47. – № 12. – С. 219–223.
- Куликов И.С. Термодинамика карбидов и нитридов. Челябинск: Металлургия, 1988. – 320 с.

дене при температурах: в зоне образования иодидов ниобия – 800 °С и в зоне осаждения ниобия – 1200 °С.

Электронно-микроскопическим анализом установлено, что толщина поверхностного слоя молибдена с большим количеством дефектов для чистого молибдена составляет 0,1 мм, а для молибдена с защитным покрытием из ниобия — 0,03 мм.

Рентгенофазовый анализ образцов молибдена после испытаний в промышленных условиях показал, что состав молибдена на внешней поверхности существенно отличается от объемного состава. Для внешней поверхности характерно наличие различных модификаций Mo<sub>2</sub>C и Mo<sub>2</sub>N, а в объеме образца молибдена эти фазы не были обнаружены.

- Колобов Ю.Р. Диффузионно-контролируемые процессы на границах зерен и пластичность металлических поликристаллов. – Новосибирск: Наука, 1998. – 184 с.
- Мальцев М.В. Металлография тугоплавких, редких и радиоактивных металлов и сплавов. – М.: Металлургия, 1971. – 488 с.

Поступила 07.12.2006 г.

УДК 66.011

# МАТЕМАТИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ АППАРАТА КОМБИНИРОВАННОГО ТИПА ДЛЯ УЛАВЛИВАНИЯ ЦЕННЫХ КОМПОНЕНТОВ ИЗ ХВОСТОВЫХ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИХ ГАЗОВ ПРОИЗВОДСТВА ГЕКСАФТОРИДА УРАНА

## В.Н. Береза, В.Ф. Дядик, С.А. Байдали

Томский политехнический университет E-mail: baidaly@phtd.tpu.ru

Представлена математическая модель аппарата улавливания ценных компонентов из хвостовых газов сублиматного производства, учитывающая гидродинамику, термодинамику и кинетику процесса взаимодействия твердой и газообразной фаз, реализованная в пакете MATLAB. Получены и проанализированы статические и динамические характеристики аппарата как объекта управления, необходимые для синтеза алгоритма управления.

Одним из направлений федеральной программы развития энергопромышленного комплекса России на 2007–2010 гг. и на перспективу до 2015 г. является ускоренное развитие ядерной энергетики страны (постановление Правительства РФ от 6 октября 2006 г. № 605). В связи с этим возникает задача повышения производительности и эффективности работы предприятий по производству ядерного топлива для АЭС и улучшения их показателей по безопасности и экологичности.

В настоящее время гексафторид урана (ГФУ) является одним из основных промежуточных продуктов в ядерном топливном цикле. Уникальные свойства ГФУ, единственного легколетучего газообразного соединения этого элемента, успешно применяются в газодиффузионных и центробежных процессах разделения изотопов урана с целью получения продукта, обогащенного изотопом U<sup>235</sup>.

В производстве ГФУ можно выделить три основных стадии:

- синтез ГФУ в пламенном реакторе фторирования;
- выделение твердого ГФУ в узле десублимации;
- улавливание фтора, фтористого водорода и ГФУ из хвостовых технологических газов в узле улавливания [1].

На отечественных сублиматных заводах успешно эксплуатируются и непрерывно совершенствуются автоматизированные системы управления технологическими процессами, в создании и модернизации которых принимает участие Томский политехнический университет. Одним из вариантов узла улавливания является аппарат улавливания комбинированного типа (АКТ), рис. 1. Способ улавливания, реализуемый в АКТ, назван создателями аппарата «комбинированным», т. к. он сочетает в себе основные признаки «кипящего» слоя с обычным стесненным падением частиц в восходящем газовом потоке [2]. Модернизация автоматизированной системы управления АКТ привела к необходимости усовершенствования алгоритма управления, что невозможно без создания его математической модели, описывающей как статические, так и динамические режимы.

Математическое моделирование АКТ проводилось на основе анализа кинетики процесса улавливания, гидродинамического и теплового режимов в аппарате с использованием современных вычислительных методов в следующей последовательности:

- Составление математического описания процесса в аппарате, учитывающего особенности химического превращения и тепловых процессов, гидродинамику потоков и структуру реакционного пространства [3, 4].
- Расчленение физико-химической системы на уровни, в каждом из которых закономерности протекания процесса инвариантны к масштабу, и исследование всей системы по частям путем последовательного перехода от низшего уровня к высшему [5].



Рис. 1. Схема аппарата АКТ

- Выделение существенных связей и параметров, установление допущений с целью упрощения разрабатываемой модели.
- Учет влияния пространственных и временных факторов, что требует построения в общем случае динамической модели с распределенными параметрами.

АКТ относится к классу контактных аппаратов с дисперсным потоком и имеет ряд особенностей конструктивного и технологического характера, которые необходимо учитывать при его моделировании для исследования статических и динамических свойств, а также для решения вопросов, напрямую связанных с автоматизированным управлением узлом улавливания сублиматного производства.

Гидродинамический режим в АКТ является сложным и характеризуется следующими особенностями:

- Малой объемной концентрацией твердых частиц в реакционном пространстве (β≤0,003), что позволяет отнести такую дисперсную систему к классу газовзвесей.
- Переменной скоростью газа по длине реторты, обусловленной улавливанием компонент из исходной газовой смеси и изменением её температуры.
- 3. Противотоком газовой и твердой фаз, что улучшает условия тепло- и массообмена, приводит к увеличению времени контакта для частиц твердого, обеспечивает более равномерное, по сравнению с прямотоком, распределение скоростей реакций и температуры по длине реактора и увеличивает степень заполнения объема реактора твердой фазой.
- Полидисперсностью сырья размер частиц колеблется в широких пределах, что приводит к различным скоростям псевдоожижения для частиц различного диаметра и разнонаправленности их движения. Этот факт также влияет на тепловой режим в реторте аппарата.

Процесс улавливания в АКТ описывается химическими реакциями [1]

 $U_{3}O_{8} + 8HF \longrightarrow 2UO_{2}F_{2} + UF_{4} + 4H_{2}O + \Delta H$  $U_{3}O_{8} + 3F_{2} \longrightarrow 3UO_{2}F_{2} + O_{2} + \Delta H$  $U_{3}O_{8} + 2UF_{6} \longrightarrow 4UO_{2}F_{2} + UF_{4} + \Delta H$ 

и характеризуется интенсивным выделением тепла; гидродинамический режим, сочетая в себе свойства кипящего и падающего слоя, обеспечивает хорошие условия межфазного теплообмена и теплообмена со стенкой реторты, поэтому при малом размере частиц твердого сырья тепловое равновесие между газом и твердым наступает практически мгновенно по сравнению со временем пребывания частиц в реакторе и скоростью химической реакции [6]. Всю систему в этом случае можно представить квазигомогенной средой с эффективными коэффициентами диффузии и теплопроводности. Температура по длине реактора имеет распределенный характер, при этом особенно необходимо учитывать ее динамику в области максимальных значений – «горячей зоне» реактора, обусловленную нестационарностью концентрации фтора в газе (5...40 об. %). Температура в этой зоне может быстро достигать критических значений, поэтому актуальной является задача ее предварительного исследования на этапе моделирования и определения способа поддержания заданного температурного режима аппарата комбинированного типа (AKT), предназначенного для промышленной эксплуатации.

Структурная схема АКТ как технологического объекта управления представлена на рис. 2. Выходными управляемыми переменными  $(y_i)$  являются степени улавливания ценных компонентов и содержание ионов фтора в полупродукте. Управляющими переменными  $(u_i)$  являются расход твердого сырья и расход хладагента. Возмущающими переменными  $(f_i)$  являются расход технологического газа, его температура, концентрация компонентов газа, поступающего на улавливание, а также гранулометрический состав твердого сырья. Режимные переменные: температура реакционного объема и степень его заполнения твердой фазой.



Рис. 2. Структурная схема АКТ как объекта управления

Исследование идеальных моделей [4]: идеального смешения и вытеснения выявило их недостатки и привело к необходимости учета противотока фаз, переноса тепла и распределения температуры, запаздываний в «прохождении» возмущений и различной параметрической чувствительности по длине АКТ. Поэтому для исследования технологического процесса в АКТ, расчета возможных стационарных и переходных режимов предложена квазигомогенная модель неполного смешения. Модель учитывает противоточный характер системы, охлаждение корпуса реактора, переменную по высоте реторты скорость газа, возможность изменений граничных и начальных условий, отражающих изменение реальных переменных объекта управления.

Система уравнений имеет вид:

$$\begin{vmatrix} -u \frac{\partial X_i}{\partial l} + W_i(X_i, T) = \varepsilon \frac{\partial X_i}{\partial t}, \\ \lambda_{3\Phi} \frac{\partial^2 T}{\partial l^2} - \frac{\partial \left[ \left( \varepsilon c_r u - \beta c_r \left( u_B - u \right) \right) \right]}{\partial l} + \\ + \sum_{i=1}^3 \Delta H_i C_{i0} W_i(X_i, T) - B(T - \Theta) + kP = c_\rho \frac{\partial T}{\partial t} \\ - u_x \frac{\partial \Theta}{\partial l} + B_1(T - \Theta) = \frac{\partial \Theta}{\partial t}, \\ u = u_0 \left[ \frac{T}{T_{BX}} - 0,005 C_{10} X_1 - 0,00827 C_{20} X_2 - \\ - 0,01265 C_{30} X_3 \right], \\ B = \frac{K_T F}{V_\rho}, \\ B_1 = \frac{B V_\rho}{c_x V_x}. \end{aligned}$$

Граничные условия:  $l=0: X_i = X_{i0}; \Theta = \Theta_0$ ,

$$\lambda_{s\phi} \frac{\partial I}{\partial l} = (\varepsilon c_{r} u - \beta c_{r} (u_{s} - u))(T - T_{0}),$$
$$l = L: \quad \frac{\partial T}{\partial l} = 0.$$

Начальные условия:  $t=0: X_i = X_i^0; T=T^0; \Theta = \Theta^0.$ 

Описание переменных, входящих в систему уравнений:  $u_0, u, u_x, u_B$  – скорости газа на входе в реторту, газа по высоте реторты, хладагента, витания твердых частиц, м/с; Х<sub>i</sub> – степень превращения *i*-го компонента;  $W_i$  – наблюдаемая скорость *i*-ой реакции,  $c^{-1}$ ; *T* – температура дисперсной системы, K;  $\varepsilon$  – доля свободного объема в реторте;  $\lambda_{_{9\varphi\varphi}}$  – эффективный коэффициент теплопроводности, Вт/(м·К);  $c_{\rho}$ ,  $c_{\tau}$ ,  $c_{\tau}$ ,  $c_{\chi}$  – объемные теплоемкости дисперсной системы, газа, твердого сырья и хладагента, Дж/(м<sup>3</sup>·К);  $\Delta H_i$  – тепловой эффект *i*-ой реакции, Дж/(м<sup>3</sup>·об. %);  $C_{\mathfrak{d}}$  – входные концентрации компонентов, об. %;  $\Theta$  – температура хладагента, К; L – высота реторты, м;  $V_p$  и  $V_x$  – объем реторты и охлаждающей системы, м<sup>3</sup>; F и  $F_x$  – площадь поверхности реторты и охлаждающей системы, м<sup>2</sup>; *β* – степень заполнения реторты твердой фазой;  $K_{\rm r}$  – коэффициент теплопередачи от дисперсной системы к хладагенту, Вт/(м² К);  $X_{i0}$ ,  $\Theta_0$  – граничные значения степени улавливания *i*-го компонента и температуры хладагента;  $X_i^0$ ,  $T^0$ ,  $\Theta^0$  – начальные значения степени улавливания і-го компонента, температуры дисперсной системы и температуры хладагента.

Решение системы уравнений модели аналитическими методами затруднено, поэтому для ее решения был использован метод конечных разностей [7]. Для решения системы конечно-разностных уравнений, полученной в результате применения этого метода, использовался метод прогонки [7]. Программная реализация модели была выполнена в пакете MATLAB 7.0.

При указанных особенностях для различных исходных данных и параметров, табл. 1, были рассчитаны возможные стационарные режимы АКТ. Расчетные распределения температуры приведены на рис. 3.

Таблица 1. Исходные данные для расчета стационарных режимов в АКТ

	Возмущения					Управляющие воздействия			
N⁰	C <sub>10</sub>	C <sub>20</sub>	$C_{30}$	<i>U</i> <sub>0</sub>	T <sub>bx</sub>	В	$B_1 \cdot 10^4$	Ux	$\beta$ ·10 <sup>4</sup>
	об. %			M/C	K	Вт/(К∙м³)	1/c	м/с	-
1	20	20	2	0,11	540	2,500	57	0,014	28
2	20	20	2	0,21	520	0	0	0	28
3	20	20	2	0,21	505	0,250	5,7	0,030	28
4	20	20	2	0,21	505	0,150	3,4	0,014	28
5	10	20	1	0,14	480	0,150	3,4	0,014	20
6	5	10	1	0,18	310	0,085	1,8	0,004	18
7	17	32	1	0,12	430	0,125	2,7	0,010	18



**Рис. 3.** Распределения температуры по высоте реторты АКТ. Номера кривых соответствуют табл. 1

Анализ полученных результатов позволяет сделать следующие выводы:

- Существует зона максимального тепловыделения и максимальной интенсивности процесса улавливания, особенно F<sub>2</sub> и UF<sub>6</sub>, длина которой приблизительно 0,25...0,3*L*. Наибольшее влияние на величину температуры в этой зоне оказывает концентрация фтора C<sub>20</sub>; теплоотвод (величины *B* и *B*<sub>1</sub>) и входная температура газа влияют слабее, однако в остальной части реактора влияние их существенно.
- В зоне максимальной температуры 0,03...0,18L наблюдается ее зависимость от концентрации определяющего компонента C<sub>20</sub>, близкая к линейной при постоянном параметре теплоотвода В. При изменении концентрации C<sub>20</sub> на 10 об. % температура изменяется на 65...70 К. Диапазон изменения максимальной температуры в этой зоне от 453 до 753 К.
- 3. Иллюстрируется влияние теплоотвода на температуру в реторте АКТ.
- 4. Показано влияние возможного подогрева корпуса реактора на участке его длины 0,34...1*L* (пунк-

тир на рис. 3). Температура нагревателя  $\Theta^*$ , контактирующего со стенкой, составляла 573 К.

Таким образом, применение охлаждающей рубашки переменной длины и подогрев корпуса реактора при *і*≥0,3...0,37*L* и незначительном разогреве твердого сырья в узле загрузки позволит создать нужный температурный профиль в АКТ.

Для исследования динамических характеристик АКТ как объекта управления производился расчет переходных режимов в реторте при различных воздействиях скачкообразного характера. В табл. 2 приведены величины концентраций компонентов, расхода и температуры газа, степень заполнения и параметры теплоотвода, соответствующие начальным стационарным состояниям, а также скачкообразные изменения входных переменных или параметров.

Таблица 2. Исходные данные для расчета переходных режимов в АКТ

		Ha	чалі							
Nº	C <sub>10</sub>	$C_{20}$	C <sub>30</sub>	U <sub>0</sub>	Твх	В	<i>B</i> <sub>1</sub> ·10 <sup>4</sup>	$\beta \cdot 10^4$	Изменение	
	об. %			м/с	Κ	Вт/(К∙м³)	1/c	-	переменных	
1	10	25	2	0,11	540	0,085	1,8	12	C <sub>20</sub>	-15
2	10	10	2	0,11	540	0,085	1,8	28	C <sub>20</sub>	15
3	20	20	2	0,14	540	0,100	2,1	28	C <sub>20</sub>	-10
									U <sub>0</sub>	-0,03
4	20	20	2	0,14	540	0,100	2,1	28	C <sub>20</sub>	-10
									U <sub>0</sub>	-0,03
									В	0,02
5	5	10	1	0,18	340	0,125	2,7	18	C <sub>20</sub>	10
	J								U <sub>0</sub>	0,14
6	17	32	1	0,12	430	0,125	2,7	18	β	6
7	17	32	1	0,12	430	0,125	2,7	18	β	-6

Исследовалось влияние скачкообразных изменений возмущающих воздействий: концентрации фтора  $C_{20}$  и скорости газа  $u_0$ , а также управляющих воздействий: степени заполнения реторты АКТ твердой фазой  $\beta$  и параметра теплоотвода B на профиль температуры по высоте реторты и степени улавливания компонентов газа. Графики реакций температуры и степени улавливания фтористого водорода как компонента, улавливаемого значительно хуже других, на изменение указанных воздействий (переходные процессы) для различных точек по высоте реторты АКТ приведены на рис. 4–6.

Наибольшая чувствительность температуры и степени улавливания  $X_1$  к изменению входных воздействий наблюдается по длине реторты от 0,07 до 0,3*L*, т. е. в области «горячей точки». Длительность переходных процессов на уровне 0,95 и запаздывания на уровне 0,1 от установившихся значений переменной по каналу « $C_{20} \rightarrow T$ » составляют:

- в точке  $0,18L t_n = 7...15$  с;  $\tau_n = 0,5...2$  с;
- на выходе реторты  $-t_n = 14...32$  с;  $\tau_n = 7...20$  с.

Для переходных процессов при изменении степени заполнения (рис. 6) принималось, что  $\beta$  изменяется скачкообразно по всему реактору, т. е. не учитывалось время прохождения твердой фазы от



Рис. 4. Переходные процессы по температуре (—) и степени улавливания X<sub>1</sub> (----): а) на уровне 0,18L; б) на выходе аппарата



Рис. 5. Переходные процессы по температуре в различных точках реторты для вариантов воздействий: а) 3 (---) и 4 (----); 6) 5

шнека загрузки до конкретной точки реторты. Величина этого времени рассматривалась как транспортное запаздывание  $\tau_{\rm rp}$ , суммируемое в дальнейшем с величиной чистого запаздывания  $\tau_{\rm n}$ . В зависимости от скорости газа в реторте величина  $\tau_{\rm rp}$  Для точки 0,18*L* составляет 9...12 с; для выхода реторты  $\tau_{\rm rp}$ =40...50 с. Величина чистого запаздывания значительно меньше: 1...2 с для точки 0,18*L* и 8...15 с для выхода реторты.



**Рис. б.** Переходные процессы по температуре в трех точках реторты для вариантов воздействий 6 (----) и 7 (—)

Исследование переходных режимов позволяет сделать два основных вывода:

- Наибольшей чувствительностью к входным воздействиям и наименьшей инерционностью отличаются переходные процессы в области максимальных температур, поэтому необходимо осуществлять контроль температуры внутри реторты в этой области с помощью малоинерционных датчиков.
- Изменение концентрации на 15 об. % соответствует изменению температуры в этой области на 90...110 К, уменьшение степени заполнения на одну третью часть приводит к увеличению температуры на 110...120 К.

Таким образом, чувствительность температуры в реторте сравнима для основных входных воздействий — возмущения  $C_{20}$  и управления  $G_{M}$ .

При моделировании оценено влияние основных возмущающих воздействий (концентрации фтора и расхода газа) и возможных управляющих воздействий (загрузки сырья, интенсивности теплоотвода и подогрева) на стационарные и переходные режимы в аппарате.

Разработанная математическая модель, реализованная в пакете MATLAB 7.0, будет использована для синтеза модернизированного алгоритма управления АКТ. Усовершенствование алгоритма заключается в автоматической стабилизации необходимого профиля распределения температуры в реторте аппарата путем изменения загрузки сырья в аппарат. Алгоритм управления будет реализован на современных программно-технических средствах, с программной реализацией на высокоуровневом объектно-ориентированном языке

### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Тураев Н.С., Жерин И.И. Химия и технология урана. М.: Издательский дом «Руда и металлы», 2006. – 396 с.
- Андреев Г.Г., Пермяков О.Е. Химическая кинетика гетерогенных некаталитических процессов в технологии ядерного топлива. – Томск: Изд-во ТПУ, 2000. – 83 с.
- Касаткин А.Г. Основные процессы и аппараты химической технологии. – 10-е изд., стереотипное, доработанное. – М.: ООО ТИД «Альянс», 2004. – 753 с.
- Кафаров В.В., Глебов М.Б. Математическое моделирование основных процессов химических производств. – М.: Высшая школа, 1991. – 400 с.

программирования. Модель может быть также использована для исследования других объектов управления в радиохимической технологии противоточных и прямоточных аппаратов с газовыми и дисперсными потоками (например, пламенных реакторов для получения ГФУ, противоточных аппаратов для переработки не прореагировавшего в реакторах фторирования продукта и т. д.).

- Методы моделирования каталитических процессов на аналоговых и цифровых вычислительных машинах / Под ред. А. Ермаковой. – Новосибирск: Наука, 1972. – 150 с.
- Аэров М.Э., Тодес О.М. Гидравлические и тепловые основы работы аппаратов со стационарным и кипящим зернистым слоем. – Л.: Химия, 1968. – 510 с.
- Вержбицкий В.М. Численные методы. М.: Высшая школа, 2001. – 382 с.

Поступила 07.12.2006 г.

УДК 665.12.001.57

## МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ ПРОЦЕССОВ ОТДЕЛЕНИЯ ВОДЫ И МЕТАНОЛА ПРИ ПРОМЫСЛОВОЙ ПОДГОТОВКЕ ГАЗОВОГО КОНДЕНСАТА

А.В. Кравцов, Н.В. Ушева, О.Е. Мойзес, Е.А. Кузьменко

Томский политехнический университет E-mail: moe@tpu.ru

Разработан модуль расчета процессов отделения воды и метанола от газового конденсата. С применением разработанной технологической системы исследовано влияние технологических параметров на процессы отделения воды и метанола. Рекомендованы режимы работы разделителей жидкости, при которых происходит наиболее эффективное отделение водометанольного раствора от нестабильного конденсата.

При добыче и подготовке газового конденсата к транспорту предусматривают подачу в систему метанола повышенной концентрации. При смешивании углеводородного конденсата с водным раствором метанола, образуется смесь, которую необходимо разделить. Нечеткость разделения водометанольной и углеводородной фаз приводит к значительным потерям метанола с нестабильным конденсатом и товарным газом.

Эти и многие другие проблемы достаточно эффективно позволяет решить применение методов математического моделирования и использование компьютерных моделирующих систем (MC).

На основе опыта создания моделирующих систем для различных технологий, нами разработаны математические модели [1–4] процессов промысловой подготовки нефти, газа и газового конденсата, на основе которых создана технологическая моделирующая система (ТМС) для расчета материальных балансов и оперативного анализа технологических режимов установки комплексной подготовки газа (УКПГ).

Основными блоками разработанной TMC технологии комплексной подготовки газа и газового конденсата являются модули расчета процессов сепарации, каплеобразования, разделения жидкостей, дросселирования и теплообмена.

Константы фазового равновесия рассчитывались по методике, предложенной в работах [5, 6], в основе которой лежит известное уравнение Гофмана-Крампа. Для расчета констант фазового равновесия метанола и воды было выбрано уравнение Тека-Стила [7].

Данная корреляция отличается повышенной точностью при расчете давлений паров полярных веществ и веществ с водородными связями при низких температурах. Уравнение Тека-Стила для расчета давления насыщенных паров химических веществ имеет следующий вид [7]: