

УДК 62-822

## ВЛИЯНИЕ ИЗМЕНЕНИЯ ДАВЛЕНИЯ НА УПРУГОСТЬ ГИДРАВЛИЧЕСКОЙ СИСТЕМЫ ГИДРООБЕМНОГО ПРИВОДА

А.В. Щербина, В.Г. Мельников, С.В. Каверзин

ФГOU ВПО «Сибирский Федеральный Университет», г. Красноярск

E-mail: AntonMS@yandex.ru

*Рассматривается вопрос определения приведенного модуля упругости гидравлической системы объемного гидропривода на примере опытного образца гусеничного трелевочного трактора ТТ4М-23Л и взаимосвязь приведенного модуля с давлением.*

**Ключевые слова:**

Гидравлическая система, приведенный модуль упругости, давление.

**Key words:**

Hydraulic system, modulus of inelastic buckling, pressure.

Объемный гидравлический привод гусеничных и колесных движителей получил самое широкое применение, поэтому в технической литературе ему стали уделять значительное внимание [1, 2]. На работоспособность гидропривода транспортных машин оказывают влияние многие конструктивные параметры и эксплуатационные факторы, среди которых следует выделить упругость гидрооборудования и рабочей жидкости. Эти величины определяют динамические характеристики гидропривода технологического оборудования машины, снижают точность позиционирования и равномерность движения транспортных средств, долговечность гидрооборудования [3, 4]. В предлагаемой статье рассмотрена взаимосвязь приведенного модуля упругости системы и давления в гидроприводе гусеничного механизма хода трелевочного трактора на примере лесотранспортной машины ТТ4М-23Л, рис. 1.

Элементами объемного гидропривода, соединяющего насос и гидромотор привода трансмиссии, являются: трубопроводы, рукава высокого дав-

ления и рабочая жидкость, которые обладают упругими свойствами. Наличие упругих элементов существенно влияет на переходные процессы и режимы работы гидропривода. При повышении давления рабочая жидкость сжимается, а трубопроводы и рукава деформируются. Это оказывает влияние на упругость гидравлической системы в целом.

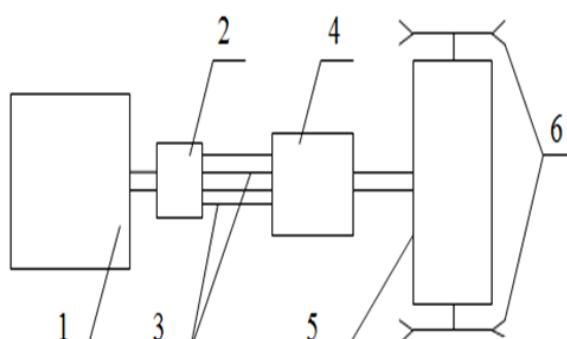
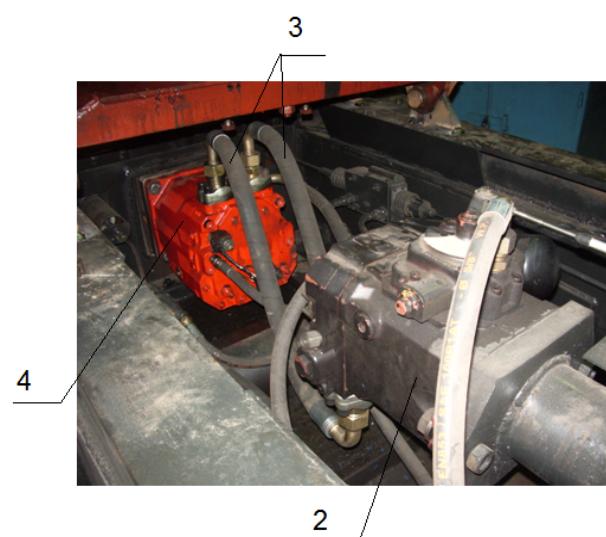
Определим зависимость объемной деформации элементов от приращения давления. Для этого потенциальную энергию сжатия жидкости  $U_{ж}$ , расширения стенок металлических труб  $U_t$ , и расширения рукавов  $U_p$ , суммируем и получим:

$$U = U_{ж} + U_t + U_p;$$

Для определения двух членов правой части воспользуемся уравнением Жуковского

$$U_{ж} = \frac{\pi \cdot r_0^2 \cdot l}{2 \cdot E_{ж}} \cdot \Delta p^2;$$

$$U_t = \frac{\pi \cdot r_t^3 \cdot l_t}{\delta_t \cdot E_t} \cdot \Delta p^2.$$



**Рис. 1.** Гидропривод механизма хода: 1) ДВС; 2) гидронасос HPV 135-02M1; 3) трубопроводы; 4) гидромотор HMV 280-02E1; 5) механический редуктор; 6) ведущие звездочки

где  $r_t$  – внутренний радиус трубопровода при  $\Delta p=0$ ;  $l$  – длина участков трубопроводов и рукавов;  $l_t$  – длина стальной трубы;  $E_{\kappa}$  – модуль упругости рабочей жидкости;  $E_t$  – модуль упругости металлических трубопроводов;  $\delta_t$  – толщина стенки трубопровода;  $r_0$  – внутренний радиус трубопровода либо рукава, в котором находится рабочая жидкость при  $p=0$ .

Для рукавов применим уравнение Лямэ:

$$\Delta r = \frac{\Delta p \cdot r_p}{E_p} \cdot \left[ \frac{r_h^2 + r_p^2}{r_h^2 - r_p^2} + \mu \right], \quad (1)$$

где  $r_h$ ,  $r_p$  – внешний и внутренний радиус рукава;  $E_p$  – модуль упругости рукава;  $\mu$  – коэффициент Пуассона;  $\Delta r_p$  – приращение внутреннего радиуса при увеличении давления на  $\Delta p$ .

Заменим в уравнении (1)

$$\frac{r_h^2 + r_p^2}{r_h^2 - r_p^2} + \mu = C_w;$$

получим:

$$\Delta r_p = \frac{\Delta p \cdot r_p}{E_p} \cdot C_w. \quad (2)$$

Как известно, потенциальная энергия деформации стенок трубопровода в общем случае может быть определена [4]:

$$U = 2 \cdot \pi \cdot l \cdot \int \Delta p d(\Delta r). \quad (3)$$

Подставив значение  $\Delta r_p$  из формулы (2) в (3), получим:

$$U_p = \frac{2 \cdot \pi \cdot r_p^2 \cdot l_p}{E_p} \cdot C_w \int \Delta p d \cdot p.$$

После интегрирования:

$$U_p = \frac{\pi \cdot r_p^2 \cdot l_p \cdot C_w}{E_p} \cdot \Delta p^2.$$

Тогда потенциальная энергия сжатия рабочей жидкости, расширения стенок металлических труб и расширения стенок рукавов будет равна:

$$U = \left[ \sum \left( \frac{\pi \cdot r_t^3 \cdot l_t}{\delta_t \cdot E_t} + \frac{\pi \cdot r_t^2 \cdot l_t}{2 \cdot E_{\kappa}} \right) + \sum \left( \frac{\pi \cdot r_p^2 \cdot l_p \cdot C_w}{E_p} + \frac{\pi \cdot r_p^2 \cdot l_p}{2 \cdot E_{\kappa}} \right) \right] \cdot \Delta p^2.$$

Заменим

$$\begin{aligned} \sum \left( \frac{\pi \cdot r_t^3 \cdot l_t}{\delta_t \cdot E_t} + \frac{\pi \cdot r_t^2 \cdot l_t}{2 \cdot E_{\kappa}} \right) &= A; \\ \sum \left( \frac{\pi \cdot r_p^2 \cdot l_p \cdot C_w}{E_p} + \frac{\pi \cdot r_p^2 \cdot l_p}{2 \cdot E_{\kappa}} \right) &= B \end{aligned}$$

и получим:

$$U = (A+B) \cdot \Delta p^2.$$

Применяя теорему Костильяно-Остроградского, согласно которой производная потенциальной энергии деформации по одной из независимых внешних сил равна перемещению, соответствующему этой силе, можно написать:

$$\frac{\partial U}{\partial p} = \Delta Q,$$

где  $\Delta Q$  – приращение объема системы под действием давления.

Следовательно

$$\frac{\partial U}{\partial p} = \Delta Q = 2 \cdot (A+B) \cdot \Delta p. \quad (4)$$

Выражение  $2(A+B)$  преобразуем заменой:

$$\pi \cdot r_h^2 \cdot l_h = Q_h,$$

где  $Q_h$  – объем данного участка трубопровода, тогда получим:

$$2 \cdot (A+B) = \left[ \sum \left( \frac{Q_r \cdot r_t}{\delta_t \cdot E_t} + \frac{Q_r}{2 \cdot E_{\kappa}} \right) + \sum \left( \frac{Q_p \cdot C_w}{E_p} + \frac{Q_p}{2 \cdot E_{\kappa}} \right) \right]. \quad (5)$$

Заметим, что

$$\sum Q_t + \sum Q_p = Q,$$

где  $Q$  – полный объем системы.

Теперь заменим:

$$\sum Q_t = \beta_1 \cdot Q;$$

$$\sum Q_p = \beta_2 \cdot Q,$$

где  $\beta_1 + \beta_2 = 1$ ; тогда выражение (5) примет вид:

$$2 \cdot (A+B) = Q \cdot \left( 2 \cdot \beta_1 \sum \frac{r_t}{\delta_t \cdot E_t} + \frac{1}{E_{\kappa}} + \sum \frac{2 \beta_2 C_w}{E_p} \right).$$

Далее введем обозначение:

$$2 \cdot \beta_1 \sum \frac{r_t}{\delta_t \cdot E_t} + \frac{1}{E_{\kappa}} + \sum \frac{2 \cdot \beta_2 \cdot C_w}{E_p} = \frac{1}{E_l},$$

где  $E_l$  – приведенный модуль упругости гидравлической системы, тогда:

$$2(A+B) = \frac{Q}{E_l},$$

а формулу (4) можно написать так:

$$\Delta Q = \frac{Q}{E_l} \cdot \Delta p. \quad (6)$$

Получим выражение, определяющее деформацию системы под действием давления  $\Delta p$  с учетом упругости рабочей жидкости, трубопроводов и рукавов.

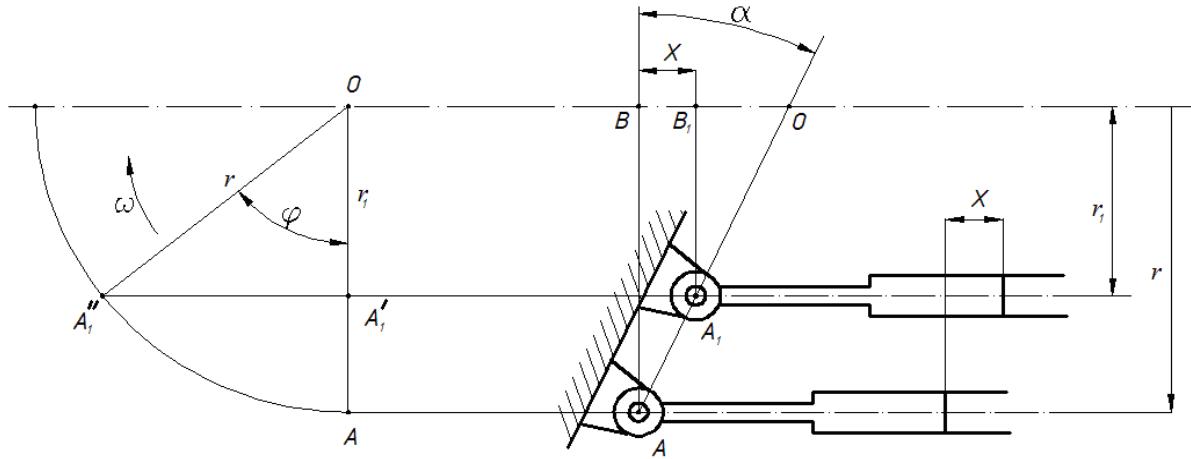
Рассмотрим теперь приращение хода поршней гидромотора  $X$  привода трансмиссии трактора при постоянной подаче рабочей жидкости, рис. 2.

Приращение хода поршня при  $X$  повороте ротора из мертвого положения на угол  $\varphi$  может быть определено из треугольников  $OBA$  и  $OB_1A_1$ :

$$X = OB - OB_1;$$

$$OB = r \cdot \operatorname{tg} \alpha;$$

$$OB_1 = r_1 \cdot \operatorname{tg} \alpha,$$



**Рис. 2.** Принципиальная схема гидромотора

следовательно:

$$X = (r - r_1) \cdot \operatorname{tg} \alpha,$$

где  $\alpha$  – угол наклона шайбы;  $r$  – радиус окружности ротора, на которой расположены центры поршней.

Из треугольника  $OA_1'A_1''$ :

$$r_1 = r \cdot \cos \varphi,$$

где  $\varphi = \omega \cdot t$ ;  $t$  – время, тогда:

$$\begin{aligned} X &= r \cdot \operatorname{tg} \alpha - r \cdot \cos \varphi \cdot \operatorname{tg} \alpha; \\ X &= r \cdot \operatorname{tg} \alpha (1 - \cos \varphi). \end{aligned} \quad (7)$$

Так как в работе гидромотора участвует  $Z$  поршней, то уравнение (7) примет вид:

$$X = r \cdot \operatorname{tg} \alpha (1 - \cos Z \cdot \phi).$$

Объем масла, подаваемого насосом за время  $dt$ , будет  $q \cdot dt$ , а суммарное приращение плунжеров гидромотора за время  $dt$  будет равным  $dx$ . Тогда сжатие масла и деформация трубопроводов и рукавов за время  $dt$  будут:

$$X = r \cdot \operatorname{tg} \alpha (1 - \cos Z \cdot \phi);$$

или

$$dQ = \left( q - F \cdot \frac{dx}{dt} \right) \cdot dt, \quad (8)$$

где  $F$  – суммарная площадь сечения плунжеров гидромотора.

На основании (6) напишем

$$dQ = \left( q - F \cdot \frac{dx}{dt} \right) \cdot dt. \quad (9)$$

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Рыбак А.Т. Моделирование и расчет гидромеханических систем на стадии проектирования. – Ростов-на-Дону: Издательский центр ДГТУ, 2006. – 167 с.
- Никитин О.Ф. Надежность, диагностика и эксплуатация гидропривода мобильных объектов. – М.: МГТУ, 2007. – 312 с.
- Лепешкин А.В., Михайлин А.А., Шейпак А.А. Гидравлика и гидропневмопривод. – М.: МГИУ, 2003. – 352 с.
- Башта Т.М., Руднев С.С., Некрасов Б.Б. Гидравлика, гидромашины и гидроприводы. – М.: Машиностроение, 1982. – 423 с.

Поступила 07.05.2009 г.

Решая совместно (8) и (9), получим:

$$dp = \frac{E_r}{Q} \cdot \left( q - F \cdot \frac{dx}{dt} \right) \cdot dt. \quad (10)$$

При суммарном перемещении плунжеров на  $X$  имеем:

$$Q = Q_0 + X \cdot F,$$

где  $Q_0$  – начальный объем гидросистемы.

При интегрировании уравнения (10) получим:

$$Q = Q_0 + X \cdot F,$$

член  $C$  определяется из начального условия  $t=0$ ,  $X=0$  и  $p=0$ , тогда и  $C=0$ . Следовательно:

$$p = \frac{E_r}{Q} \cdot (qt - F \cdot X);$$

или

$$p = \frac{1}{2 \cdot (A + B)} \cdot (qt - F \cdot X).$$

#### Выводы

Получено уравнение, позволяющее установить взаимосвязь давления и приведенного модуля упругости гидравлической системы. Уравнение использовано при проектировании объемного гидропривода трансмиссии опытного образца гусеничного трелевочного трактора ТТ4М-23Л и исследовании динамических процессов.

Предложенный подход может быть использован применительно к схемам аналогичных гидроприводов машин и механизмов.