УДК 550.8.053:519.2

АНАЛИЗ ПРИМЕНЕНИЯ ФАЗОЧАСТОТНЫХ АЛГОРИТМОВ ПРОСЛЕЖИВАНИЯ СИГНАЛОВ ДЛЯ ИЗМЕРЕНИЯ УРОВНЯ ЖИДКОСТИ В НЕФТЕДОБЫВАЮЩИХ СКВАЖИНАХ

А.И. Кочегуров, Е.А. Кочегурова

Томский политехнический университет E-mail: kai@cc.tpu.edu.ru

Проводится анализ применения фазочастотных алгоритмов прослеживания акустических сигналов для измерения уровня жидкости в нефтедобывающих скважинах. Путем статистического моделирования показано, что использование фазочастотных алгоритмов на этапе определения временного положения многоимпульсных сигналов позволяет получать надежные оценки уровня жидкости в условиях интенсивных помех.

Ключевые слова:

Измерение уровня жидкости, многоимпульсные сигналы, фазочастотные характеристики, функции группового запаздывания, функция правдоподобия.

Key words:

Measurement of level of a liquid, multipulse signals, phase-frequency characteristic, functions of group delay, likelihood function.

Эксплуатация нефтяных добывающих скважин, как и разработка нефтяных месторождений в целом, невозможна без постоянного и достоверного мониторинга. Одной из основных задач геологопромысловых и гидродинамических исследований является контроль уровня жидкости в межтрубном пространстве скважин, так как данный параметр служит для расчета забойного давления и является важнейшим параметром работы насосного оборудования.

Для измерения уровня жидкости в скважинах, как правило, применяются методы эхометрирования моноимпульсными (одиночными) сигналами. В этих методах существует одна принципиальная проблема – крайне ненадежная оценка временного положения отраженного от уровня жидкости сигнала на эхограммах при наличии помех. В то же время на зондирующий сигнал действует большое количество мешающих факторов, осложняющих его распознавание: акустический шум насоса, вибрации колонны насосно-компрессорных труб (НКТ), переотражение самого зондирующего сигнала от неоднородностей в скважине. Все это приводит к тому, что во многих случаях энергии импульса становится недостаточно, и он полностью маскируется шумами.

Одним из перспективных направлений увеличения точности и надежности определения уровня жидкости в межтрубном пространстве нефтедобывающей скважины является разработка новых методов и средств зондирования скважин на основе формирования более мощных энергетических посылок, а также применения более эффективных алгоритмов для оценки времени регистрации отраженных сигналов [1].

В [2, 3] предложена система эхометрирования нефтедобывающих скважин на основе многоимпульсного зондирующего сигнала с последующей оценкой его временного положения фазочастототными методами, применение которой позволяет добиться существенного увеличения соотношения сигнал/шум на эхограммах. В основу разработки положены следующие рассуждения.

Поскольку соотношение сигнал/шум при эхометрировании скважины определяется формулой

$$\left(\frac{S}{N}\right)_{\max} \cong \frac{\Delta p^2 T}{N_0}$$

где Δp — перепад давления при формировании зондирующего сигнала; N_0 — спектральная плотность мощности шума; T — длительность зондирующего сигнала, то при моноимпульсном зондировании скважин улучшить соотношение сигнал/шум можно двумя путями:

- повышением перепада давления при формировании зондирующего сигнала;
- 2) увеличением длительности зондирующего сигнала.

Увеличение длительности зондирующего сигнала является наиболее продуктивным способом повышения соотношения сигнал/шум, поскольку:

- не зависит от условий эксплуатации конкретной скважины (давление, уровень шумов в погружном скважинном насосе, наличие газобаллонного оборудования);
- технически легко реализуем.

Однако, увеличение длительности зондирующего сигнала ведет к снижению точности измерения временной задержки, так как обнаружение протяженного импульса связано с большим временем интегрирования. Время интегрирования является областью неопределенности в установлении величины задержки и в конечном итоге приводит к снижению надежности определения уровня жидкости в скважине.

В этой связи в работе предлагается использовать протяженный сложный сигнал (сигнал с каким-либо видом внутриимпульсной модуляции) и его последующим сжатием. В качестве такого сигнала выбрана посылка в виде пачки импульсов с временной модуляцией. Данный подход может обеспечить высокое соотношение сигнал/шум при



Рис. 1. Информационная система многоимпульсного зондирования

сохранении необходимой точности измерения временной задержки.

Тогда технология зондирования скважин многоимпульсными сигналами будет отличаться от традиционного (моноимпульсного) метода тем, что в течение одного измерения уровнемер, закрепленный на устье скважины, генерирует не один, а серию импульсов одинаковой формы, но с различным временем задержки между импульсами. Далее сгенерированная пачка импульсов приходит по межтрубному пространству, отражается от уровня жидкости и возвращается к устью скважины, где регистрируется, оцифровывается, подвергается согласованной фильтрации, а затем производится измерение временного положения отраженного сигнала фазочастотными методами [3].

На рис. 1 приведена информационная система определения уровня жидкости в нефтедобывающих скважинах при использовании многоимпульсного зондирования.

Математическая модель эхограммы, формируемой системой многоимпульсного зондирования, имеет следующий вид

$$x(t) = \sum_{i=1}^{\kappa} S_i(t - \tau_i) + N(t),$$
(1)

где $S_i(t-\tau_i) - i$ -й отраженный импульс

$$S(t-\tau) = -\frac{M}{\sqrt{2\pi}D} \exp\left[-\frac{(t-\tau)^2}{2D^2}\right];$$

D — параметр ширины импульса; τ_i — временное положение импульса в многоимпульсной посылке; M — масштабный коэффициент; N(t) — аддитивный нерегулярный шум, распределенный по закону Гаусса; k — количество импульсов в посылке.

Далее, в соответствии с представленной системой многоимпульсного зондирования (рис. 1), регистрируемая сумма отражений подвергается согласованной фильтрации

$$\widehat{X}(t) = x(t) \otimes h(t)$$

где h(t) – импульсная характеристика согласованного фильтра; \otimes – круговая свертка.

Измерение временного положения акустических сигналов на выходе согласованного фильтра осуществлялось путем анализа фазочастотных характеристик (ФЧХ) и функций группового запаздывания (ФГЗ) регистрируемых участков эхограмм [4]. Использование для оценки временного положения сигналов наряду с ФЧХ функций группового запаздывания объясняется тем, что в затрубном пространстве скважин наблюдается волновая дисперсия, которая искажает форму сигнала на регистрируемых эхограммах. В этом случае методы оценки временного положения сигналов путем выделения максимума огибающей на основе расчета ФГЗ оказываются весьма эффективными [5]. Поскольку полоса частот, в которой сосредоточена основная энергия сигналов, составляла 10...15 Гц. оптимальные оценки временного положения сигнала оценивались по выборкам ФЧХ и ФГЗ в предположении наличия корреляции между элементами выборок. В этом случае для оценки временного положения сигналов можно использовать максимизацию функций правдоподобия вида [4]:

а) для фазы

$$\ln L(\tau) = \sum_{k=1}^{m} \cos(\Delta \varphi(\omega_k) - \omega_k \tau), \qquad (2)$$

где $\Delta \varphi(\omega_k) = \varphi_k(\omega_k) - \varphi_s(\omega_k)$ – отклонение ФЧХ сигнала от ФЧХ смеси;

б) для групповой задержки

$$\ln I(\tau) = \sum_{k=1}^{m} \cos(\Delta \omega (\Delta t_{rp} \omega_k - \tau)), \qquad (3)$$

где $\Delta t_{rp}(\omega_k) = t_{rp}^s(\omega_k) - t_{rp}^s(\omega_k)$ – отклонение ФГЗ сигнала от ФГЗ смеси.

Экспериментальные исследования эффективности предлагаемой системы многоимпульсного

зондирования скважин (рис. 1) проводились на модели эхограммы (1) путем статистического моделирования в математическом пакете Matcad [6]. В качестве примера на рис. 2 показана модель эхограммы длительностью 17 с при отсутствии шума, а на рис. 3 при его наличии.



Рис. 2. Модель эхограммы многоимпульсного зондирующего сигнала



Рис. 3. Модель эхограммы многоимпульсного зондирующего сигнала при наложении шума (соотношение сигнал/шум ρ=1)

Из рис. 2 видно, что пик амплитуды сигнала четко просматривается на восьмой секунде. Спектральные характеристики отраженного сигнала представлены на рис. 4 и 5 соответственно.



Рис. 4. График АЧХ многоимпульсного сигнала



Рис. 5. График ФЧХ многоимпульсного сигнала

Из результатов расчетов видно, что отраженный сигнал на эхограмме представляет собой низкочастотный сигнал, основная энергия которого сосредоточена в диапазоне до 10 Гц. ФЧХ сигнала линейна в анализируемой полосе частот; наличие скачков связано с вычислительными аспектами, так как расчет ФЧХ производился на интервале от $-\pi$ до $+\pi$. Доопределение ФЧХ по всему интервалу не производилось, т. к. при формировании функций правдоподобия (2) и (3) вычисляются либо косинус ФЧХ, либо косинус ФГЗ. На рис. 6 и 7 в качестве иллюстрации представлены функция правдоподобия эхограммы многоимпульсного зондирующего сигнала, построенная на основе анализа ФЧХ (5), и косинус ФЧХ.



Рис. 6. График функции правдоподобия



Рис. 7. График косинуса ФЧХ многоимпульсного сигнала

Из рис. 6 видно, что функция правдоподобия эхограммы многоимпульсного сигнала подобна по форме самой эхограмме, а ее максимум точно соответствует временному положению сигнала.

При наличии шумов (рис. 3) отражение на эхограмме не просматривается, и следовательно оценка его временного положения является неоднозначной. На рис. 8 представлена функция правдоподобия зашумленного сигнала на основе анализа его ФЧХ (5).



Рис. 8. График функции правдоподобия многоимпульсного сигнала при наличии шума

Из рис. 8 видно, что функция правдоподобия позволяет достаточно надежно выделить временное положение отражения на эхограмме при наличии шума, при этом пик амплитуды сигнала четко соответствует восьмой секунде.



в зависимости от соотношения сигнал/шум

Для оценки надежности определения временного положения сигнала на эхограмме при нали-

чии помех была сформирована выборка объемом 50 наблюдений, соотношение сигнал/шум оценивалось как соотношение квадрата пикового значения амплитуды сигнала к дисперсии шума. В таблице приведены значения отклонений оценки математического ожидания временного положения сигнала от его истинного значения и дисперсия оценок временного положения при различных соотношениях сигнал/шум, а на рис. 9 и 10 представлены соответствующие графики.

Таблица. Значения отклонений математического ожидания и дисперсии временного положения сигнала

Соотноше- ние сиг- нал/шум	Ошибка смеще- ния, мс	Доверительные интервалы ма- тематического ожидания	Дис- персия, мс²	Доверительные интервалы дис- персии
10,000	0,453	(0,44; 0,46)	0,052	(0,040;0,080)
5,000	0,456	(0,45; 0,47)	0,076	(0,050;0,122)
4,000	0,486	(0,48; 0,50)	0,077	(0,060;0,123)
3,000	0,509	(0,50; 0,52)	0,081	(0,060;0,130)
2,000	0,516	(0,50; 0,52)	0,089	(0,060;0,140)
1,000	1,119	(1,10; 1,14)	0,305	(0,220;0,490)
0,500	4,340	(4,24; 4,44)	6,694	(4,800;10,800)
0,063	5,270	(4,91; 5,63)	82,180	(58,900;132,040)
0,043	5,714	(5,35; 6,08)	86,610	(62,100;139,200)

Из результатов экспериментальных исследований, представленных в таблице и на рис. 9 и 10,

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Налимов К.Г., Кочегуров А.И. Повышение точности оценок уровня жидкости в нефтедобывающих скважинах // Актуальные проблемы современной науки. Химия нефти и ее переработка: Матер. II Междунар. форума – Самара, 2006. – № 14. – С. 30–34.
- Налимов К.Г. Определение уровня жидкости в затрубном пространстве скважин методом эхометрирования с зондированием многоимпульсными сигналами // Нефтяное хозяйство. – 2006. – № 4. – С. 112–114.
- Налимов К.Г., Кочегуров А.И. Определение уровня жидкости в межтрубном пространстве нефтедобывающих скважин методом эхометрирования // Проблемы геологии и освоения недр: Труды VIII Междунар. симп. им. академика М.А. Усова 2004 г. – Томск, 2004. – С. 552–553.



Рис. 10. Отклонение математического ожидания временного положения сигнала ∆*m*_x в зависимости от соотношения сигнал/шум

следует, что предлагаемая система многоимпульсного зондирования скважин, включающая измерение временного положения отраженных акустических сигналов фазочастотными алгоритмами, обеспечивает значительно более высокую точность и надежность определения уровня жидкости в скважинах по сравнению с традиционными моноимпульсными системами. Такие выводы можно сделать на том основании, что даже при соотношениях на эхограммах сигнала к шуму, близких к единице, отклонение математического ожидания временного положения сигнала от истинного значения составляет порядка 3 мс, а дисперсия – 0,3 мс².

- Кочегуров А.И. Анализ алгоритмов измерения временного положения сложных сигналов по оценкам их фазочастотных характеристик // Проблемы информатики. – 2011. – № 2 (10). – С. 44–50.
- Кочегуров А.И. Определение временного положения сейсмических сигналов по функциям их групповой задержки // Известия Томского политехнического университета. 2009. Т. 315. – № 5. – С. 45–48.
- Кочегуров А.И., Кочегурова Е.А. Технология обучения решению инженерно-экономических задач в математическом пакете Matcad // Современное образование: массовость и качество: Тез. докл. Регион. научно-техн. конф. Томск: ТУСУР, 2001. С. 93–94.

Поступила 03.11.2011 г.