# РАСЧЕТ ПАРАМЕТРОВ ЭФФЕКТИВНОГО КОЛЕБАТЕЛЬНОГО ДИПОЛЬНОГО МОМЕНТА СОСТОЯНИЯ (001) НА ПРИМЕРЕ МОЛЕКУЛ $^{32}S^{16}O_2$ И $^{34}S^{16}O_2$

### Сюй Тунгэ

Научный руководитель: д.ф.-м.н., профессор Улеников О.Н. Национальный исследовательский Томский политехнический университет, Россия, г. Томск, пр. Ленина, 30, 634050

E-mail: abel.tongge@gmail.com

## CALCULATION OF PARAMETERS OF AN EFFECTIVE VIBRATIONAL DIPOLE MOMENT OF STATE (001) ON THE TYPE OF <sup>32</sup>S<sup>16</sup>O<sub>2</sub> AND <sup>34</sup>S<sup>16</sup>O<sub>2</sub> MOLECULES

#### Xu Tongge

Scientific Supervisor: Prof. O.N. Ulenikov Tomsk Polytechnic University, Russia, Tomsk, Lenin av., 30, 634050

E-mail: abel.tongge@gmail.com

**Abstract**. The purpose of this article is to present a general theoretical treatment that can be used to set up the dipole moment operator into a form that is convenient to evaluate transition moment (000) to (001) on the type of  $^{32}S^{16}O_2$  and  $^{34}S^{16}O_2$  molecules. Symmetry considerations and method of effective Hamiltonians are used to give the most general form for the expansion of the transformed dipole moment for an  $SO_2$ -type molecule. As a result of this calculation, the first three constants involved in the expansion of the transformed transition moment operators have been obtained.

Введение. В последние годы молекулярная спектроскопия с высоким разрешением все больше занимается изучением интенсивностей колебательно-вращательных линий. Это связано необходимостью иметь наилучшие значения интенсивностей линий, чтобы извлечь максимум информации из экспериментов по дистанционному зондированию в области физики атмосферы и для интерпретации астрофизических данных и данных горения. Для получения надежных интенсивностей существуют два подхода, которые в некотором смысле дополняют друг друга. Первый подход заключается в экспериментальном измерении интенсивности, в котором используются все более и более сложные методы, такие как спектрометры с Фурье-преобразованием и диодными лазерами. Второй подход заключается в теоретическом расчете интенсивностей. В этом случае единственным способом решения проблемы станет использование различных приближений (приближение Борна-Оппенгеймера, метод эффективных гамильтонианов, учет свойств симметрии). Взятые отдельно, каждый подход редко может дать обширные и надежные результаты. Точное экспериментальное определение интенсивностей линий — это долгая и довольно трудная задача, которая дает точные результаты при правильном выполнении, хотя обычно ограничивается конечным числом линий. Напротив, из-за наличия компьютеров с большой мощностью, относительно легко генерировать расширенные наборы интенсивностей линий при наличии хорошей теоретической модели. Тем не менее, некоторые параметры модели, как правило, должны быть скорректированы, и в большинстве случаев это возможно только при наличии нескольких хороших и надёжно-подобранных экспериментальных данных. Интенсивности

линий требуют расчета колебательно-вращательных матричных элементов оператора дипольного момента [1]. Перечисленные выше моменты позволяют говорить о важности и актуальности анализа спектров высокого разрешения молекулы  $^{32}\mathrm{S}^{16}\mathrm{O}_2$  и  $^{34}\mathrm{S}^{16}\mathrm{O}_2$ , и извлечения из них высокоточной количественной информации.

**Исходя из вышесказанного, была сформулирована следующая цель:** Определение параметров эффективного колебательного дипольного момента состояния (001) на примере молекул  $^{32}S^{16}O_2$  и  $^{34}S^{16}O_2$ .

**Методы исследования.** Для анализировать интенсивность линий, необходимо анализировать эффективный дипольный момент  $\mu_z'$ . Известно, что оператор эффективного дипольного момента определяется из соотношения:

$$\mu_{z}^{'} = G^{+}\mu_{z}G = G^{+}\left[\sum_{\alpha}k_{z\alpha}\left(\mu_{\alpha}^{e} + \sum_{\lambda}\mu_{\alpha}^{\lambda}q_{\lambda} + \sum_{\lambda,\nu\geq\lambda}\mu_{\alpha}^{\lambda\nu}q_{\lambda}q_{\nu} + \ldots\right)\right]G,\tag{1}$$

В уравнении (1)  $\mu_z$  — это z- компонента реального дипольного момента в пространственно-фиксированной системе координат. G — унитарный оператор;  $k_{z\alpha}$  - элемент матрицы направляющих косинусов;  $\mu_{\alpha}^e$ ,  $\mu_{\alpha}^{\lambda}$ ,  $\mu_{\alpha}^{\lambda\nu}$  - параметры дипольного момента,  $q_{\lambda}$ ,  $q_{\nu}$  - нормальные координаты. Уравнение (1) может быть выражено как [2]:

$$\mu_{z}^{'} = A_{1}k_{zz} + A_{2}\{k_{zz}, J^{2}\} + \dots + A_{8}\{k_{zz}, J_{xz}^{2}\}, \tag{2}$$

поэтому оператор эффективного дипольного момента может быть представлен 8 параметрами. Поскольку другие операции с параметрами являются сложными и требуют приближения более высокого порядка, в этой статье вычисляются первый, четвертый и шестой параметры.

Уравнение (1) показывает, что для получения эффективного колебательного дипольного момента молекулы типа  $XY_2$  требуется матрица G (унитарный оператор). Как известно [4], оператор G является функцией оператора h, который описывает поправки на ангармоничность. Гамильтониан системы при этом обычно выбирается в следующем виде [3]:  $H = H_0 + h$ , где  $H_0$  – оператор, решение уравнения Шредингера с которым известно; h – малая добавка к оператору (возмущение)  $H_0$ . Для решения уравнения Шредингера с таким гамильтонианом также используют унитарное преобразование при операторе G, после которого собственные колебательно-вращательные волновые функции гамильтониана меняют на волновые функции эффективного гамильтониана [4]. После анализа малой добавки гамильтониана h имеет следующий вид [5]:

$$h = \frac{1}{2} \sum_{\alpha\beta} \mu_{\alpha\beta} \left( J_{\alpha} - G_{\alpha} \right) \left( J_{\beta} - G_{\beta} \right)$$
 (3)

$$\sum_{\alpha\beta} \mu_{\alpha\beta} = \left( \mu^{e}_{\alpha\beta} + \sum_{\alpha\beta\lambda} \mu^{\lambda}_{\alpha\beta} q_{\lambda} + \sum_{\alpha\beta\lambda\mu} \mu^{\lambda\mu}_{\alpha\beta} q_{\lambda} q_{\mu} + \cdots \right)$$
 (4)

**Результаты.** Ненулевой гамильтониан h для молекул типа  $XY_2$  был получен с помощью теории симметрии для описания переходов между колебательными состояниями (000) и (001). Результаты разделены по порядку для последующих вычислений (таблица 1).

Таблица I Ненулевой гамильтониан h для молекул типа  $XY_2$  для уровней энергии переходит от (000)  $\kappa$  (001)

Порядок	h
$\varkappa^2$	$\frac{1}{2} \left[ \sum_{\alpha = x, y, z} \mu^{e}_{\alpha \alpha} J_{\alpha}^{2} - 2 \mu^{e}_{yy} J_{y} G_{y} + \mu^{e}_{yy} G_{y}^{2} \right]$
$\varkappa^3$	$\frac{1}{2} \left[ \sum_{\alpha = x, y, z} \sum_{\lambda = 1, 2} \mu^{\lambda}{}_{\alpha \alpha} q_{\lambda} J_{\alpha}^{2} - \sum_{\lambda = 1, 2} \mu^{\lambda}{}_{yy} q_{\lambda} \left( 2J_{y}G_{y} + G_{y}^{2} \right) + \mu_{xz}^{3} q_{3} (J_{x}J_{z} + J_{z}J_{x}) \right]$
$\varkappa^4$	$\frac{1}{2}\left[\sum_{\alpha=x,y,z}\sum_{\lambda\mu}\mu^{\lambda\mu}_{\alpha\alpha}q_{\lambda}q_{\mu}J_{\alpha}^{2}-\sum_{\lambda\mu}\mu^{\lambda\mu}_{yy}q_{\lambda}q_{\mu}(2J_{y}G_{y}+G_{y}^{2})+\sum_{\lambda\mu}\mu^{\lambda\mu}_{xz}q_{\lambda}q_{\mu}(J_{x}J_{z}+J_{z}J_{x})\right]$

Подставляя эти ненулевые результаты в оператор G, а также учитывая уравнения (1) и (2) можно получить аналитические выражения для искомых коэффициентов  $A_1$ ,  $A_4$  и  $A_6$  (таблица 2) в разложении эффективного колебательного дипольного момента для состояния (001) на примере молекул типа  $XY_2$  ( $^{32}S^{16}O_2$  и  $^{34}S^{16}O_2$ ).

Tаблица 2 Aналитический вид вращательных параметров молекул типа  $XY_2$ 

Параметр	Оператор	Теоретическое выражение
$A_I$	$k_{zz}$	$rac{1}{\sqrt{2}}\mu_z^3$
$A_4$	$\frac{1}{2} \left[ \left\{ k_{zx}, iJ_y \right\} - \left\{ ik_{zy}, J_x \right\} \right]$	$\frac{\sqrt{2}}{2}B_{y}^{e}\left(\xi_{23}^{y}\frac{(\omega_{2}\omega_{3})^{\frac{1}{2}}}{\omega_{3}^{2}-\omega_{2}^{2}}\mu_{x}^{2}+\xi_{13}^{y}\frac{(\omega_{1}\omega_{3})^{\frac{1}{2}}}{\omega_{3}^{2}-\omega_{1}^{2}}\mu_{x}^{1}\right)+\left(\frac{B_{x}^{e}B_{y}^{e}B_{z}^{e}}{\omega_{3}^{3}}\right)^{\frac{1}{2}}\mu_{x}^{e}$
$A_6$	$\frac{1}{2}\left[\left\{k_{zx},iJ_{y}\right\}+\left\{ik_{zy},J_{x}\right\}\right]$	$\boxed{\frac{\sqrt{2}}{2}B_{y}^{e}\left(\xi_{23}^{y}\frac{(\omega_{2}\omega_{3})^{\frac{1}{2}}}{\omega_{3}^{2}-\omega_{2}^{2}}\mu_{x}^{2}+\xi_{13}^{y}\frac{(\omega_{1}\omega_{3})^{\frac{1}{2}}}{\omega_{3}^{2}-\omega_{1}^{2}}\mu_{x}^{1}\right)-\left(\frac{B_{x}^{e}B_{y}^{e}B_{z}^{e}}{\omega_{3}^{3}}\right)^{\frac{1}{2}}\mu_{x}^{e}}$

### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Rao K.N. Molecular Spectroscopy (1985). Modern Research-Academic Press.
- 2. Flaud J. M. and Camy-Peyret C. (1975).: Vibration-Rotation Intensities in H<sub>2</sub>O-Type Molecules Application to the 2 v<sub>2</sub>, v<sub>1</sub>, and v<sub>3</sub> Bands of H<sub>2</sub><sup>16</sup>O. Journal Of Molecular Spectroscopy, 55, pp. 278-310.
- 3. Соколов А. А., Тернов И.М., Жуковский В.Ч.: Квантовая механика. Издательство. Наука, 1979. 647 с.
- 4. Макушкин Ю. С., Улеников О. Н., Чеглоков А. Е. Симметрия и ее применение к задачам колебательновращательной спектроскопии молекул. Часть 1. Томск: Издательство ТГУ, 1990. 248 с.
- 5. O. N. Ulenikov et al.: "Expanded" local mode approach for  $XY_2(C_{2v})$  molecules.