УДК 621.374

# УСЛОВИЯ ВОЗБУЖДЕНИЯ И УСТАНОВЛЕНИЯ СИНУСОИДАЛЬНЫХ АВТОКОЛЕБАНИЙ В RC-ГЕНЕРАТОРАХ

Ю.К. Рыбин

Томский политехнический университет E-mail: policom@policom.raden.epd.tpu.edu.ru

В литературе по электронике при рассмотрении вопросов возбуждения и установления синусоидальных автоколебаний в RC-генераторах допускаются неточности и явно ошибочные утверждения. В частности, условиями возбуждения синусоидальных колебаний называют условия выполнения в схеме баланса амплитуд и баланса фаз. Некорректность этих утверждений обусловлена тем, что в некоторых схемах при выполнении названных условий синусоидальные автоколебания всё-таки не возбуждаются. Предлагается условия возбуждения и установления амплитуды автоколебаний формулировать в терминах нулей характеристического уравнения колебательной системы генератора.

### Введение

В теории нелинейных колебаний вопросы возбуждения автоколебаний изучены достаточно подробно [1, 2]. Но, тем не менее, в литературе по радиотехнике и электронике при рассмотрении вопросов возбуждения и установления синусоидальных автоколебаний в RC-генераторах допускаются некорректные (с точки зрения автора) высказывания, неточности и явно ошибочные утверждения, которые приводят к непониманию и недоразумениям. Плохо то, что многие из этих утверждений вошли в учебники и учебные пособия, по которым учатся будущие инженеры. Так, в курсе лекций [3] условиями возбуждения (возникновения) синусоидальных колебаний названы условия выполнения в схеме баланса амплитуд и баланса фаз. Эти же условия в учебном пособии [4] названы условиями самовозбуждения. Напомним, что условие баланса амплитуд означает равенство единице петлевого усиления (коэффициента передачи по петле обратной связи), а условие баланса фаз – равенство фазового сдвига нулю или 2*n*π на частоте генерации. Некорректность этих утверждений обусловлена несколькими причинами.

- При точном выполнении этих условий колебания имеют постоянную амплитуду и частоту, т.е. они уже существуют. В линейной системе амплитуда колебаний определяется начальными условиями, а в нелинейной – не зависит от начальных условий и определяется нелинейными элементами. Частота колебаний задаётся – параметрами частотно-зависимой цепи.
- Коэффициент передачи по петле обратной связи можно определить лишь в тех случаях, когда элементы петли (усилитель и частотно-зависимая цепь) сами работоспособны и устойчивы при размыкании петли (на этом внимание не акцентируется, хотя во многих случаях его определить невозможно и само понятие коэффициент усиления утрачивает всякий смысл).
- Анализ некоторых схем показывает, что при выполнении названных условий синусоидальных автоколебаний нет (т.е. эти условия ещё не га-

рантируют возбуждение и установление синусоидальных колебаний).

 Точное выполнение баланса амплитуд и баланса фаз без указания зависимости коэффициента передачи по петле от напряжения не гарантирует и стационарного режима.

Если первая причина связана лишь с неточной фразеологией, то вторая, третья и четвёртая имеют принципиальное значение. Ниже показано, что условий *баланса амплитуд* и *баланса фаз* в генераторе для корректного объяснения причин возбуждения и установления стационарного режима автоколебаний в общем случае недостаточно.

## Постановка задачи исследований

В работе генератора при формировании периодических колебаний можно выделить несколько режимов:

- возбуждение и нарастание колебаний (переходный режим);
- установление периодических колебаний, их формы, амплитуды и частоты (стационарный режим);
- переключение частоты и амплитуды,
- синхронизация автоколебаний.

Этап возбуждения колебаний возникает при включении напряжения питания и сопровождается возникновением и нарастанием их амплитуды. Этот этап обычно кратковременный и соответствуют нестационарному (переходному) режиму работы генератора. После переходного режима устанавливаются периодические колебания, которые соответствуют основному режиму генератора – режиму стационарных автоколебаний. В этом режиме генератор работает продолжительное время. Именно для этого режима чаще оговариваются основные параметры генерируемых колебаний. Целью исследований в данной работе являются эти два режима.

Колебательная система генератора выполняется с применением элементов, определяющих частоту колебаний, поддерживающих незатухающие колебания и ограничивающих их амплитуду<sup>1</sup>.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Конечно, такое разделение функций условное и годится только для колебательных систем, порождающих синусоидальные колебания.



**Рис. 1.** Обобщенные блок-схемы колебательных систем генераторов

Приняв в качестве модели элементов направленные звенья, имеющие вход и выход, и реализовав для упрощения перечисленные функции в отдельных элементах, *линейном частотно-зависимом* (ЛЧЗЭ), *активном элементах* (АЭ) и *нелинейном* (НЭ), из трёх элементов, можно получить две топологически неизоморфные структуры: с последовательным и последовательно-параллельным их включением.

Блок-схемы колебательных систем генераторов, представлены на рис. 1, а и 1, б. Все три элемента в каждой колебательной системе принципиально необходимы для возбуждения и установления автоколебаний. ЛЧЗЭ определяет частоту колебаний, АЭ – компенсирует потери энергии в элементах, а НЭ – задаёт амплитуду колебаний. Часто функции элементов объединяют, например, функции задания частоты и компенсации потерь объединяют в активном частотно зависимом элементе (АЧЗЭ), или функции компенсации потерь и ограничения амплитуды реализуют в активном нелинейном элементе (АНЭ), поэтому обе структуры несложно свести к одной, например, показанной на рис. 1, в, в которой объединены АЭ и НЭ. Каждая из блок-схем представляет автономную (не нуждающуюся во внешнем воздействии) колебательную систему, которая при определённых условиях порождает периодические автоколебания заданной формы, амплитуды и частоты. Условия наличия автоколебаний для этих схем известны в виде уравнений в комплексной форме

 $1 = \hat{E} \cdot \dot{\gamma} \cdot \dot{\beta}(U) = \dot{K} \cdot \dot{\delta}(U),$ где  $\dot{\delta}(U) = \dot{\gamma} \cdot \dot{\beta}(U)$  (1) - для схемы на рис. 1. *а* или

$$1 = (\dot{\beta}(U) + \dot{\gamma}) \cdot \dot{K} = \dot{K} \cdot \dot{\delta}(U),$$
где  $\dot{\delta}(U) = \dot{\beta}(U) + \dot{\gamma}(2)$ 

– для схемы на рис. 1,  $\delta$ , соответственно.

В обоих случаях уравнения распадаются на два других, которые называются уравнениями *баланса* амплитуд и *баланса фаз*:

$$\begin{cases} |\dot{K}| \cdot |\dot{\delta}(U)| = 1, \\ \arg(\dot{K} \cdot \dot{\delta}(U)) = \varphi_k + \varphi_{\delta} = 0. \end{cases}$$
(3)

Первое уравнение, как известно, позволяет определить амплитуду, а второе – частоту автоколебаний в стационарном режиме.

Как уже отмечено выше, уравнения типа (1, 2 и 3) в учебной литературе называют условиями возникновения колебаний, хотя из них не следует никаких условий, указывающих на возникновение колебаний и их нарастание. Они не дают представления ни о форме колебаний, ни о характере их изменения при возникновении и нарастании, ни о том, какими они должны быть на частотах, отличных от частоты генерации. Кроме того, как будет показано ниже, они являются необходимыми, но не достаточными условиями наличия автоколебаний, и справедливы только в тех случаях, когда удаётся определить  $K, \gamma$  и  $\beta$ . Эти уравнения позволяют найти только параметры стационарного режима: его амплитуду и частоту, но при этом не гарантируют его устойчивость. Поэтому далее проводится конструктивная критика этих условий и предлагается определение условий возбуждения колебаний проводить на основе нулей характеристического уравнения колебательной системы.

## Обсуждение результатов

Проведём исследование процессов в колебательных системах RC-генераторов на операционных усилителях (OУ), т.к. при их рассмотрении наиболее часто допускаются ошибки. Автоколебательные системы RC-генераторов на одном усилителе обычно выполняют по структуре, представленной на рис. 1, *б*.



Рис. 2. Блок-схемы колебательных систем генераторов на ОУ

На рис. 2 показаны блок-схемы автоколебательных систем с ОУ в качестве активного элемента. Они содержат операционный усилитель, линейную частотно-зависимую цепь с коэффициентом передачи  $\dot{\gamma}$  и нелинейную цепь частотно-независимой обратной связи с коэффициентом передачи  $\beta(U_2)$ , включающую нелинейный элемент (НЭ). Схемы на рис. 2, *а* и 2, *б* отличаются тем, что в них у ОУ использованы оба входа (инвертирующий и неинвертирующий), причём ЛЧЗЭ включен в первой – на неинвертирующий вход, а НЭ – на инвертирующий вход ОУ, а во второй – наоборот. В схеме на рис. 2, в использован ОУ с одним из входов. Определим условия, при которых в этих схемах имеют место стационарные автоколебания синусоидальной формы методом комплексных амплитуд. Запишем линеаризованные уравнения для схемы на рис. 2, а, предполагая, наличие слабой нелинейности, которую можно в первом приближении не учитывать:

$$\dot{U}_2 = (\dot{U}'_1 - \dot{U}''_1) \cdot \dot{K}$$
 и  $\dot{U}'_1 = \dot{U}_2 \cdot \dot{\gamma}$ ,  $\dot{U}''_1 = \dot{U}_2 \cdot \dot{\beta}$ .

Исключая напряжения, получим

$$1 = (\dot{\gamma} - \beta) \cdot K. \tag{4}$$

Формула (4) отличается от (2) знаком перед  $\beta$ , который появился в результате учёта инверсии сигнала в ОУ.

Для схемы на рис. 2,  $\delta$  и рис. 2, e получим условия  $1 = (\dot{\beta} - \dot{\gamma}) \cdot K u$   $1 = (\dot{\beta} + \dot{\gamma}) \cdot K$ . При значениях коэффициента усиления ОУ |K| >>1, имеем

$$- \dot{\gamma} = \beta - для схем на рис. 2, a и 2, б или - \dot{\gamma} = - \dot{\beta} - для схемы на рис. 2. в.$$
 (5)

Уравнения (5) можно назвать уравнениями баланса обратных связей колебательной системы генератора. Из этих уравнений следуют условия:

$$\begin{vmatrix} \dot{\gamma} \mid = \mid \dot{\beta} \mid, \quad \varphi_{\gamma} = \varphi_{\beta},$$

$$\begin{vmatrix} \dot{\gamma} \mid = \mid \dot{\beta} \mid, \quad \varphi_{\gamma} = \varphi_{\beta} \pm \pi.$$
(6)

Уравнения (6) устанавливают равенство модулей коэффициентов передач и соотношения фазовых сдвигов цепей  $\gamma$  и  $\beta$  на частоте генерации. Их можно назвать уравнениями баланса коэффициентов передач и баланса фаз цепей обратных связей. Они указывают на то, что, на частоте генерации модули коэффициентов передач ЛЧЗЭ и НЭ должны быть равны, а их фазовые сдвиги равны или отличаться на  $\pi$ , т.е. указывают на практическое равенство напряжений на их выходах и близость к нулю их разности. При выполнении условий (6) колебательная система из ЛЧЗЭ, НЭ и ОУ на частоте генерации представляет собой самобалансирующуюся систему. Очевидно, что на других частотах этот баланс должен нарушаться. Отсюда следует, что совместная амплитудно-частотная характеристика ЛЧЗЭ и НЭ должна иметь минимум коэффициента передачи на частоте генерации, т.е. должна быть режекторной.

Вторые равенства (6) для выполнения баланса не ограничивает фазовый сдвиг цепей  $\gamma$  и  $\beta$  никакими значениями. Например, если  $\varphi_{\gamma} = 0$ , то и  $\varphi_{\beta} = 0$ , если  $\varphi_{\gamma} = \pi$ , то и  $\varphi_{\beta} = \pi$ . Более того, если, скажем,  $\varphi_{\gamma} = \pi/10$ , то и  $\varphi_{\beta} = \pi/10$ . Если же пренебречь инерционностью нелинейного элемента, то получаются следующие уравнения:

$$\begin{vmatrix} \dot{\gamma} & \mid = \beta, \ \phi_{\gamma} = 0, 2\pi, \dots \\ | \dot{\gamma} & \mid = \beta, \ \phi_{\gamma} = \pi, 3\pi, \dots \end{cases}$$
(7)

Величины γ и β легко находятся и теоретически, и экспериментально. Они не связаны с определением коэффициента усиления усилителя, если он неустойчив при размыкании колебательной системы. Их можно применить и к колебательной системе на рис. 2, *a* и к системе на рис. 2, *б*. Дело в том, что применение условий (3) требует знания  $K_{oc}$ . Но, например, в системе на рис. 2, *б* обратная связь через цепь  $\beta$  положительная, и ОУ с такой связью вне колебательной системы превращается в пороговое устройство типа триггера, т.е. это уже не усилитель, и определить его коэффициент усиления экспериментально невозможно. Размыкание контура обратных связей в другом месте также может быть связано с неустойчивостью или изменением режима работы усилителя. Следовательно, условия (3) к данной системе применить трудно.

Хотя уравнения (5), также как и уравнения баланса амплитуд и баланса фаз, не объясняют возникновение колебаний, не определяют их форму, но они полезны для синтеза схем новых колебательных систем генераторов. Одинаковое изменение левой и правой части равенства позволяет создать новые схемы. Если, например, в правой и левой части уравнения (5) поменять знак, прибавить или вычесть любое число, например, единицу, то получается равенство

$$1 - \dot{\gamma} = 1 = \beta \text{ или } \dot{\gamma}_1 = \beta_1, \tag{8}$$

которому соответствуют условия баланса коэффициентов передач и баланса фаз новой колебательной системы генератора. В ней цепи  $\gamma$  и  $\beta$  претерпели изменения, так, если исходная цепь  $\gamma$  была избирательной (резонансной), то после преобразования цепь  $\gamma_1$  становится режекторной.

В качестве частотно зависимых применяют различные RC-цепи. На сегодня известно много схем таких цепей, среди которых есть цепи с фазовым сдвигом 0 и  $\pi$  радиан на частоте возможной генерации. Здесь возникает проблема, которую с помощью метода комплексных амплитуд не разрешить: как включать эти цепи, в контур положительной или отрицательной обратной связи? Уравнения (5) и (6) не дают однозначный ответ на него.

Проиллюстрируем сказанное на примере известной цепи Вина. На частоте  $\omega_0 = 1/\text{RC}$  эта цепь имеет фазовый сдвиг, равный нулю градусов, и максимальный коэффициент передачи 1/3. Следовательно, эту цепь надо включать в контур положительной обратной связи.

На рис. 3, *а* приведена принципиальная схема колебательной системы генератора с цепью Вина. Это классическая схема, которая рассматривается практически во всех учебниках по электронике. Цепочки из последовательно соединённых резистора R и конденсатора C ( $Z_1$ ) и параллельно соединённых резистора R и конденсатора C ( $Z_2$ ) совместно с резисторами R<sub>1</sub> и R<sub>2</sub> образуют плечи моста, в диагонали которого включен ОУ (АЭ). В колебательной системе в стационарном режиме за счёт обратных связей и большого коэффициента усиления ОУ устанавливается практическое равенство

напряжений U'<sub>1</sub> = U"<sub>1</sub>, что соответствует известному условию баланса моста,  $Z_2 \cdot \mathbf{R}_2 = Z_1 \cdot \mathbf{R}_1$  которое легко получается из условия баланса обратных связей (5) применительно к данной схеме:

$$\dot{\gamma} = \dot{\beta} = \frac{Z_2}{Z_1 + Z_2} = \frac{R_1}{R_1 + R_2}.$$







Рис. 3. Схемы колебательных систем генераторов с обычной мостовой схемой Вина (а) и с перевёрнутой (б)



Рис. 4. Варианты схем колебательных систем генераторов, полученные на основе теоремы взаимности



Рис. 5. АЧХ и ФЧХ цепей обратной связи колебательной системы, показанной на рис. 4, б

3, б; 4, *a* и 4, б. В схемах на рис. 4, *a* и 4,  $\delta$  – цепь Вина "расчленена" на две цепочки. Именно у таких схем цепи обратных связей могут иметь фазовые сдвиги на частоте генерации, отличающиеся от обычных 0 или  $\pi$ , как и определено равенством (6). Например, на рис. 5 приведены амплитудно-частотные (AЧX) и фазо-частотные (ФЧХ) цепей обратной связи колебательной системы, показанной на рис. 4,  $\delta$ , при R = 1 кОм, C = 16 нФ, R1 = 1 кОм и R2 = 2 кОм, полученные при моделировании с помощью программы *Electronics Workbench 5.12*. Баланс обратных связей здесь имеет место на частоте 10 кГц, при этом модули коэффициентов передач равны 0,446, а фазовые сдвиги –26,5°.

Особо обратим внимание на то, что кроме представленных схем, на основании условий баланса обратных связей возможны их варианты, у которых инверсный и неинверсный входы усилителя меняются местами. Назовём эти схемы инверсными. При этом, например, в схеме на рис. 3, а цепь Вина будет включена в контур отрицательной обратной связи, а резистивная цепочка – в контур положительной связи. Таким образом, на основе моста Вина и одного обычного ОУ можно создать несколько колебательных систем генераторов.

Моделирование колебательных систем с идеальным ОУ (коэффициент усиления не зависит от частоты) с помощью программ MathCAD 2001 и Electronics Workbench 5.12 показывает выполнение во всех схемах условий баланса амплитуд и баланса фаз. Эти же условия сохраняются и при учёте частотных свойств ОУ в виде его одной постоянной времени. Нет необходимости доказывать это для схем представленных на рис. 3 и рис. 4. Это хорошо известно. В подтверждение того, что эти же условия выполняются и для инверсных схем на рис. 6 приведены АЧХ и ФЧХ петлевого усиления схемы инверсной по отношение к схеме на рис. 3, а при идеальном ОУ (рис. 6, *a*) и усилителе LM741 (рис. 6, *б*). Видно, что в обоих случаях условия баланса амплитуд и баланса фаз выполняются на частоте 10 кГц. Тем не менее, практика показывает, что синусоидальные автоколебания в этой схеме невозможны.

Аналогичные выводы можно распространить и на колебательные системы с другими RC-цепями: перекрытой T-RC-цепью, интегро-дифференцирующей цепью, трёхзвенной интегрирующей цепью и др.

Приведённые примеры указывают на ограниченность применения условий баланса амплитуд и баланса фаз для анализа автоколебательной системы генератора. Ответ на вопрос о возможности автоколебаний в той или иной схеме сложно дать только на основе этих условий. Ответить на него позволяет анализ расположения корней характеристического уравнения колебательной системы.

Из теории электрических цепей известно: для того, чтобы в системе возникли колебания синусоидальной формы, необходимо наличие двух комплексно-сопряжённых корней характеристического уравнения системы. Причём, при равенстве нулю их действительной части колебания имеют строго гармоническую форму с постоянной амплитудой. Если действительная часть корней положительная, то амплитуда колебаний нарастает, а если она отрицательная, то амплитуда колебаний уменьшается. Собственно, для возникновения и нарастания колебаний достаточно, чтобы колебательная система имела минимум два комплексно-сопряжённых корня, т.е. была системой второго порядка.

Покажем, что изучение корней даёт однозначный ответ на поставленный вопрос. Определим корни уравнений на примере схем с цепью Вина. Для этого на основе уравнения (4) запишем операторное уравнение для обычной схемы на рис. 3, *a*, в которой цепь Вина включена в контур положительной обратной связи:

$$T(p) = 1 - K \cdot [\gamma(p) - \beta] =$$
  
= 1 - K \cdot \left[ \frac{p\tau}{p^2 \tau^2 + 3p\tau + 1} - \beta \right]. (7)

Из (7) следует характеристическое уравнение

$$Q_{1}(p) = p^{2}\tau^{2}(1+K\beta) + p\tau[3-(K-3K\beta)]+1+K\beta.$$
(8)



Рис. 6. Графики АЧХ и ФЧХ петлевого усиления инверсной схемы с мостом Вина с идеальным ОУ (а) и ОУ типа LM741 (б)

Известно, что уравнение (8) при K>1 имеет два комплексно-сопряжённых корня  $p_{1,2} = -\alpha \pm j\omega_1$ , а решение имеет вид:  $U_1(t) = \underline{Um} \cdot e^{-\alpha t} \cdot \sin(\omega_1 t + \varphi)$ , где  $\alpha = +(3\beta - 1)/2\beta\tau$ ,  $\omega_1 = \sqrt{\omega^2_0 - \alpha^2}$ ,  $\omega_0 = 1/\tau$ ,  $U_m - \alpha_m$ литуда колебаний. Здесь  $\alpha$  называют декрементом затухания при  $\alpha > 0$  и инкрементом при  $\alpha < 0$ .

В стационарном режиме при  $3\beta - 1 = 0$  корни содержат только мнимую часть и колебания имеют строго синусоидальную форму с постоянной амплитудой и частотой  $\omega_0 \cong 1/\tau$ .

Теперь проведём анализ *инверсной* колебательной системы с цепью Вина, включенной в контур отрицательной обратной связи.

Характеристическое уравнение

$$Q_{2}(p) = p^{2}\tau^{2}(1 - K\beta) + p\tau[3 + (K - 3K\beta)] + 1 - K\beta$$
<sup>(9)</sup>

и в этом случае имеет близкие корни  $p_{1,2} = -\alpha \mp j\omega_1$ , и обе колебательные системы теоретически идентичны.

При наличии зависимости коэффициента усиления ОУ от частоты с учётом только одной его постоянной времени  $\tau_1$  характеристическое уравнение Q(p) обычной системы с цепью Вина принимает вид

$$Q(p) = p^{3}\tau^{2}\tau_{1} + p^{2}(\tau^{2}(1+K\beta)+3\tau\tau_{1}) + p(\tau[3-(K-3K\beta)]+\tau_{1})+1+K\beta.$$

Это уравнение кроме двух комплексно-сопряжённых корней имеет ещё один корень действительный, отрицательный. Колебательный процесс в этой системе содержит две составляющие: синусоидальную и экспоненциальную

$$U_1(t) = U_m e^{-\alpha t} \cdot \sin(\omega_1 t + \varphi) + U_\lambda e^{-\lambda t}$$

Здесь экспоненциальный колебательный процесс, обусловленный появлением третьего корня, с течением времени затухает, и в колебательной системе возбуждаются синусоидальные автоколебания. В то же время *инверсная* колебательная система (с включением частотно-зависимой цепи Вина в

контур отрицательной обратной связи) при учёте частотной зависимости коэффициента усиления ОУ имеет другое характеристическое уравнение, третий корень которого действительный, положительный. В ней колебательный процесс за счёт этого корня, наоборот, с течением времени нарастает, вводя усилитель в режим насыщения. Такая инверсная колебательная система не позволяет получать синусоидальные автоколебания, несмотря на то, что, как показано выше, баланс амплитуд и баланс фаз в ней выполняются. На рис. 7 представлены осциллограммы возбуждения колебаний в инверсной колебательной системе с идеальным усилителем (рис. 7, *a*) и ОУ типа LM741 (рис. 7, *б*) и нелинейными элементами, подключенными параллельно резистору R2 (как показано на рис. 3, а пунктиром), полученные с помощью программы Electronics Workbench 5.12. Видно, что в инверсной схеме с идеальным ОУ (системе второго порядка) колебания нарастают и стационарный режим устанавливается, так же как и в обычной схеме, а в этой же инверсной схеме с реальным ОУ с присущей ему зависимостью коэффициента усиления ОУ от частоты усилитель входит в режим ограничения, и синусоидальных колебаний нет.

В других *инверсных* системах (они не показаны на рис. 3 и 4) реальные усилители, также входят в режим ограничения.

Таким образом, выполнение условий баланса амплитуд и баланса фаз, равно как и баланса обратных связей, в схемах с реальными ОУ не гарантирует возбуждение и установление устойчивых периодических автоколебаний синусоидальной формы. Эти условия являются лишь необходимыми, но недостаточными.

Разумеется, проведённый анализ можно распространить и на колебательные системы с другими менее известными частотно-зависимыми цепями. В связи с этим, интересно заметить, что при применении в структурах на рис. 2 пассивных RC-цепей третьего порядка характеристическое уравнение с идеальным ОУ уже имеет третий порядок с двумя комплексно сопряжёнными и одним действительным отрицательным корнями. Поэто-





му во всех них (в том числе и инверсных) также устанавливаются синусоидальные колебания. Но при учёте реальных частотных свойств ОУ порядок характеристического уравнения возрастает, в нём появляется четвёртый корень. Этот корень в зависимости от схемы включения цепи (прямой или инверсной) имеет отрицательную или положительную вещественную часть со всеми вытекающими из этого последствиями.

Таким образом, для правильного включения той или иной частотно-зависимой RC-цепи в состав колебательной системы и возбуждения в ней колебаний недостаточно выполнения условий баланса амплитуд и баланса фаз. Необходимо проанализировать расположение нулей характеристического уравнения с учётом инерционности ОУ. Для возбуждения синусоидальных колебаний линеаризованное характеристическое уравнение колебательной системы должно иметь два комплексно-сопряжённых корня с положительной действительной частью, а все остальные корни должны быть с отрицательной действительной частью.

После возбуждения колебания нарастают по амплитуде, стремясь к своему стационарному значению. Всё большее влияние начинает оказывать нелинейный элемент колебательной системы, ограничивая скорость нарастание амплитуды. Это происходит за счёт уменьшения действительной части корней. При достижении амплитудой стационарного значения  $U_m$  дальнейший её рост прекращается. Таким образом, для обеспечения стационарного режима необходимо чтобы  $Re \ p(U_m) = 0$ . Управление расположением корней и осуществляет нелинейный элемент.

Важную роль нелинейный элемент выполняет и для обеспечения устойчивости стационарных автоколебаний. Он изменяет действительную часть корней от нуля в сторону положительных значений, если амплитуду надо увеличить, и в сторону отрицательных значений, если амплитуду надо уменьшить. Таким образом, для обеспечения устойчивости стационарного режима необходимо (но не достаточно) выполнить неравенство  $dRe \ p(U_m)/dU < 0$ . Это условие является необходимым и достаточным при безынерционных нелинейных элементах. Однако, применение безынер-

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Андронов А.А., Витт А.А., Хайкин С.Э. Теория колебаний. М.: Наука. Главная редакция физико-математической литературы, 1981. – 568 с.
- Бутенин Н.В., Неймарк Ю.И., Фуфаев Н.А. Введение в теорию нелинейных колебаний. – М.: Наука, 1976. – 384 с.

ционных нелинейных элементов порождает другую проблему — появление гармонических искажений выходного напряжения. Для их уменьшения применяют инерционные нелинейные элементы или системы автоматической стабилизации амплитуды. В этом случае необходимо проводить дополнительные исследования для определения достаточных условий устойчивости. Этот вопрос выходит за рамки данной работы и здесь не рассматривается.

Итак, все поставленные задачи выполнены. Уточнены условия возбуждения и установления стационарного режима автоколебаний.

В заключении хочется сказать, что сформулированные результаты в той или иной форме встречаются в известной литературе, и автор не претендует на их абсолютную новизну, но собранные вместе, они позволяют грамотно определить и доступно (в рамках известных понятий) объяснить условия возбуждения и установления амплитуды стационарных колебаний в RC-генераторах на OУ.

#### Выводы

- В колебательных системах RC-генераторов выполнение условий баланса амплитуд и баланса фаз не гарантирует ни возбуждение, ни установление амплитуды синусоидальных колебаний.
- 2. Условия возбуждения синусоидальных колебаний целесообразнее формулировать в терминах нулей характеристического уравнения колебательной системы следующим образом: необходимым условием возбуждения синусоидальных колебаний является наличие в характеристическом уравнении колебательной системы генератора двух комплексно-сопряжённых корней с положительной действительной частью, при этом остальные корни должны иметь отрицательные действительные части.
- 3. Для установления стационарного режима с амплитудой  $U_m$  необходимо, чтобы действительная часть комплексно-сопряжённых корней в стационарном режиме была равна нулю  $Re \ p(U_m) = 0$ .
- 4. Для обеспечения устойчивости стационарного режима необходимо (но не достаточно) обеспечить  $dRe p(U_m)/dU < 0$ .
- Прянишников В.А. Электроника. Курс лекций. СПб.: Корона принт, 1998. — 400 с.
- Лачин В.И., Савелов Н.С. Электроника. Ростов-на-Дону: Феникс, 2001. – 448 с.