

ИЗВЕСТИЯ  
ТОМСКОГО ОРДЕНА ТРУДОВОГО КРАСНОГО ЗНАМЕНИ  
ПОЛИТЕХНИЧЕСКОГО ИНСТИТУТА имени С. М. КИРОВА

Том 161

1967

РАСЧЕТ ВНЕШНЕЙ ХАРАКТЕРИСТИКИ  
ТОКОВ КОРОТКОГО ЗАМЫКАНИЯ  
И ФЕРРОМАГНИТНОГО УТРОИТЕЛЯ ЧАСТОТЫ

Я. В. ПЕТРОВ, А. И. ЗАЙЦЕВ

(Рекомендовано научным семинаром электромеханического факультета)

Большинство известных методов расчета внешней характеристики ферромагнитного утробителя частоты имеет существенные недостатки: необходимость трудоемких расчетов при учете нелинейности кривой намагничивания трансформаторов утробителя, при этом, как правило, требуется построить значительную часть характеристики для отыскания на ней точки, отвечающей заданной нагрузке; большая погрешность расчетов, если в целях упрощения последних выход утробителя представляется активным линейным двухполюсником, отсутствие в ряде случаев универсальности.

Наиболее общий и точный аналитический метод расчета внешней характеристики утробителя предложил Л. Л. Рожанский [1], усовершенствованный им же введением системы относительных единиц [2]. Другой оригинальный аналитический метод для уточненных расчетов разработал С. В. Шапиро [3]. В основу обоих методов положена аппроксимация кривой намагничивания сердечника гиперболическим синусом. Некоторым недостатком обоих методов является неизбежность построения известной части внешней характеристики, чтобы установить связь между данным током нагрузки и соответствующим ему напряжением.

В известной нам литературе расчет токов короткого замыкания за конденсаторами продольной компенсации (ПК) не приводится; между тем, при выборе рабочего напряжения конденсаторов с такими токами необходимо считаться.

Пренебрегаем гармониками выше третьей, потерями в стали и рассеянием вторичной обмотки (последнее учтем лишь при расчете токов к.з. за конденсаторами ПК). Сопротивления рассеяния и активное первичной обмотки учитываем соответствующим уменьшением величины основной гармоники индукции. Кривую намагничивания стали трансформатора, аппроксимируемую гиперболическим синусом, снижаем на переменном токе частоты 50 гц методом амперметра-вольтметра, причем амплитудные значения индукции и напряженности магнитного поля рассчитываем по действующим значениям э.д.с. и намагничающего тока.

Между величинами выхода утроителя частоты  $3f$  и одной фазы входа частоты  $f$  существует однозначная зависимость. Так, при х.х. утроителя уравнение магнитного равновесия для амплитудных значений величин может быть записано

$$\sqrt{H_{1M}^2 + H_{3M}^2} = \alpha \operatorname{sh} \beta \sqrt{B_{1M}^2 + B_{3M}^2}, \quad (1)$$

где:  $H_{1M} = \frac{\sqrt{2} I_0 w_1}{l_c}$  — амплитуда эквивалентной синусоиды напряженности магнитного поля частоты  $f$ ;

$H_{3M} = \frac{\sqrt{2} I_{3k} \cdot w_2}{l_c}$  — амплитуда третьей гармоники напряженности магнитного поля;

$B_{1M}$ ,  $B_{3M}$  — амплитуды основной и третьей гармоник магнитной индукции;

$\alpha$ ,  $\beta$  — коэффициенты аппроксимирующего выражения;  
 $I_0$  — действующее значение намагничивающего тока однофазного трансформатора, входящего в утроитель, при заданной индукции  $B_{1M}$  — определяется по кривой намагничивания или замером;

$I_{3k}$  — ток к. з. утроителя (без емкостной компенсации) — принимается чисто индуктивным;

$w_1$ ,  $w_2$  — числа витков фазы первичной и вторичной обмоток;

$l_c$  — длина средней линии магнитной индукции.

После простых преобразований:

$$\sqrt{I_0^2 + I_{3k}^2 \left( \frac{w_2}{w_1} \right)^2} = \frac{\alpha l_c}{\sqrt{2} w_1} \operatorname{sh} \beta \sqrt{B_{1M}^2 + B_{3M}^2}. \quad (2)$$

При нагрузке утроителя током  $I_3$  равенство (2) претерпевает следующие изменения:

реактивная слагающая тока нагрузки  $I_{3p} = I_3 \cdot \sin \varphi_3$  алгебраически суммируется с током  $I_{3k}$  (знак + ставится для емкостного тока), в связи с чем при заданной индукции  $B_{1M}$  соответственно меняется индукция  $B_{3M}$

реакция активной слагающей тока нагрузки  $I_{3a} = I_3 \cdot \cos \varphi_3$  также может быть выражена уравнением магнитного равновесия типа (2), если считать, что эта слагающая тока частоты  $3f$  компенсируется увеличением намагничивающего тока частоты  $f$  однофазного трансформатора до

$$I_{0H} = \sqrt{I_0^2 + I_{3a}^2 \left( \frac{w_2}{w_1} \right)^2}, \quad (3)$$

которому отвечает иная индукция  $B_{1MH}$  определяемая по кривой намагничивания трансформатора при

$$H_{1MH} = \frac{\sqrt{2} I_{0H} \cdot w_1}{l_c} \quad (4)$$

или приближенно:

$$H_{1MH} \cdot l_c = \sqrt{2} I_{0H} \cdot w_1 = \alpha l_c \cdot \operatorname{sh} \beta B_{1MH},$$

откуда

$$B_{1MH} \approx \frac{1}{\beta} \ln \frac{2V^2 I_H \cdot w_1}{\alpha \cdot l_c} = \frac{1}{\beta} \ln \times \\ \times \frac{2V^2 w_1 \sqrt{I_0^2 + I_3^2 (1 - \sin^2 \varphi_3) \left(\frac{w_2}{w_1}\right)^2}}{\alpha \cdot l_c}. \quad (5)$$

Тогда вместо (2) получим:

$$\sqrt{I_0^2 + (I_{3k} \pm I_3 \cdot \sin \varphi_3)^2 \left(\frac{w_2}{w_1}\right)^2} = \frac{\alpha \cdot l_c}{V^2 w_1} \operatorname{sh} \beta \sqrt{B_{1MH}^2 + B_{3MH}^2} = \\ = \frac{\alpha l_c}{V^2 w_1} \operatorname{sh} \beta \sqrt{\left[ \frac{1}{\beta} \ln \frac{2V^2 w_1 \sqrt{I_0^2 + I_3^2 (1 - \sin^2 \varphi_3) \left(\frac{w_2}{w_1}\right)^2}}{\alpha \cdot l_c} \right]^2 + B_{3MH}^2} \approx \\ \approx \frac{\alpha \cdot l_c}{2V^2 w_1} e^{-\beta} \sqrt{\left[ \frac{1}{\beta} \ln \frac{2V^2 w_1 \sqrt{I_0^2 + I_3^2 (1 - \sin^2 \varphi_3) \left(\frac{w_2}{w_1}\right)^2}}{\alpha \cdot l_c} \right]^2 + B_{3MH}^2}. \quad (6)$$

Решим (6) относительно  $B_{3MH}$ .

$$(\beta B_{3MH})^2 = \ln^2 \left[ \frac{2V^2 w_1}{\alpha \cdot l_c} \sqrt{I_0^2 + (I_{3k} \pm I_3 \cdot \sin \varphi_3)^2 \left(\frac{w_2}{w_1}\right)^2} \right] - \\ - \ln^2 \left[ \frac{2V^2 w_1}{\alpha \cdot l_c} \sqrt{I_0^2 + I_3^2 (1 - \sin^2 \varphi_3) \left(\frac{w_2}{w_1}\right)^2} \right]. \quad (7)$$

Э.д.с. вторичной цепи при нагрузке и ПК

$$E_3 = 3 \cdot 4,44 \cdot 3f w_2 B_{3MH} \cdot Q_c \cdot 10^{-8} = A w_2 B_{3MH} \cdot Q_c = I_3 Z_3 = \\ = I_3 \frac{x_h - x_c}{\sin \varphi_3} = I_3 \frac{Z_h \cdot \sin \varphi_h - x_c}{\sin \varphi_3}, \quad (8)$$

где  $A = 3 \cdot 4,44 \cdot 3f \cdot 10^{-8}$ ;

$$\sin \varphi_3 = \frac{x_h - x_c}{\sqrt{(r_3 + r_h)^2 + (x_h - x_c)^2}} = \frac{Z_h \cdot \sin \varphi_h - x_c}{\sqrt{(r_3 + Z_h \cdot \cos \varphi_h)^2 + (Z_h \cdot \sin \varphi_h - x_c)^2}} \quad (9)$$

(здесь  $\cos \varphi_h$ ,  $x_h$ ,  $r_h$  — соответственно коэффициент мощности и сопротивления нагрузки).

Сравнив (7) и (8) и заменив  $\sin \varphi_3$  по (9), окончательно получим при любом характере нагрузки и продольной емкостной компенсации:

$$\ln^2 \left\{ \frac{2V^2 w_1}{\alpha \cdot l_c} \sqrt{I_0^2 + \left[ I_{3k} \pm I_3 \frac{Z_h \cdot \sin \varphi_h - x_c}{\sqrt{(r_3 + Z_h \cdot \cos \varphi_h)^2 + (Z_h \cdot \sin \varphi_h - x_c)^2}} \right]^2 \cdot \left(\frac{w_2}{w_1}\right)^2} \right\} - \\ - \ln^2 \left\{ \frac{2V^2 w_1}{\alpha \cdot l_c} \sqrt{I_0^2 + I_3^2 \left[ 1 - \frac{(Z_h \cdot \sin \varphi_h - x_c)^2}{(r_3 + Z_h \cdot \cos \varphi_h)^2 + (Z_h \cdot \sin \varphi_h - x_c)^2} \right]} \left(\frac{w_2}{w_1}\right)^2 \right\} = \\ = \left( \frac{\beta I_3}{A w_2 Q_c} \right)^2 [(r_3 + Z_h \cdot \cos \varphi_h)^2 + (Z_h \cdot \sin \varphi_h - x_c)^2]. \quad (10)$$

Таким образом, для расчета напряжения на нагрузке необходимо иметь заданными ток и коэффициент мощности нагрузки, величину емкости ПК, конструктивные данные и кривую намагничивания трансформатора утроителя, ток к.з. последнего. Решая трансцендентное уравнение (10) одним из известных приближенных методов, находим значение сопротивления нагрузки  $Z_h$ , а затем и напряжение  $U_h = I_3 Z_h$ .

При чисто активной нагрузке и ПК уравнение (10) несколько упрощается

$$\begin{aligned} & \ln^2 \left[ \frac{2\sqrt{\frac{2}{\alpha \cdot I_c}} w_1}{I_0^2 + (I_{3k} \pm I_3 \cdot \sin \varphi_3)^2 \left( \frac{w_2}{w_1} \right)^2} \right] = \\ & - \ln^2 \left[ \frac{2\sqrt{\frac{2}{\alpha \cdot I_c}} w_1}{I_0^2 + I_3^2 (1 - \sin^2 \varphi_3) \left( \frac{w_2}{w_1} \right)^2} \right] = \left( \frac{\beta I_3 x_c}{A w_2 Q_c \cdot \sin \varphi_3} \right)^2, \quad (11) \end{aligned}$$

то есть в данном случае определяется сначала  $\sin S_3$ , затем сопротивление нагрузки

$$r_n = x_c \cdot \operatorname{ctg} \varphi_3 - r_3$$

и, наконец, напряжение на нагрузке  $U_n$ .

Уравнение (10) или (11) можно использовать в других вариациях: находить точки внешней характеристики утроителя без компенсации ( $x = 0$ ) и с поперечной компенсацией (емкость включить в нагрузку); рассчитывать величину емкости продольной или поперечной компенсации при заданных

$$I_3, U_n, \cos \varphi_n \text{ и } Z_n = \frac{U_n}{I_3};$$

определять установившиеся токи к. з. за конденсаторами ПК.

Для маломощных установок с утроителем наибольший ток в цепи будет при к. з. непосредственно за конденсаторами ПК, так как активное сопротивление проводки, по крайней мере, на порядок выше индуктивного сопротивления, и по мере удаления точки к. з. от конденсаторов токи уменьшаются. Вследствие этого можно ограничиться расчетом тока к. з. непосредственно за конденсаторами ПК, для чего удобно применить выражение (11), подставляя в него известную величину

$$\sin \varphi_3 = \frac{x_{3s} - x_c}{\sqrt{(r_3)^2 + (x_{3s} - x_c)^2}},$$

где  $x_{3s}$  — сопротивление рассеяния вторичной обмотки утроителя (рассчитывается как для обычных дросселей со стальным сердечником).

Так как при к. з.  $\sin \varphi_3 \rightarrow 1,0$ , допустимо принимать  $\sin \varphi_3 = 1,0$ , при этом выражение (11) заметно упрощается.

Если трехфазный выход утроителя выполнен по Т-образной схеме, расчет внешней характеристики и токов к. з. не содержит принципиально новых элементов — необходимо лишь все расчеты выполнять для фазы эквивалентной  $Y$ .

Хотя основная гармоника индукции непосредственно не входит в конечные выражения (10) и (11), однако от ее величины в значительной степени зависят токи  $I_0$  и  $I_{3k}$ , особенно  $I_0$ , так как утроитель работает в области сильных насыщений. Добротность расчетов во многом определяется достоверностью величин  $I_0$  и  $I_{3k}$ , поэтому значение основной гармоники индукции желательно устанавливать по возможности точнее, то есть с учетом потери напряжения в сопротивлениях первичной обмотки утроителя. Для опытной модели утроителя на 300 вт (сталь Э31 0,35 мм;  $B_{1m} = 15700 - 20300$  Гц) хорошие результаты получены при соотношении э.д.с. и напряжения входа  $E_1 = (0,96 \div 0,98) U_1$ .

Точность расчетов повышается также, если коэффициенты  $\alpha$  и  $\beta$  находить не по методу выбранных точек, а по методу наименьших квадратов или средних.

Погрешность расчета внешних характеристик указанной модели устроителя  $B_{1m} = 15700 - 20300$  гс,  $\frac{I_3}{I_{3k}} = 0 \div 3,3$  при ПК и активной или активно-индуктивной нагрузке не превзошла  $\pm 6\%$ , установившиеся токи трех- и двухфазного к. з. за конденсаторами определялись с ошибками не более  $\pm 10\%$ .

### Выводы

1. Предложены выражения для аналитического или графо-аналитического расчета внешней характеристики ферромагнитного устроителя частоты и установившихся токов к.з. за конденсаторами продольной компенсации.
2. Выражения пригодны в широком диапазоне индукций для различных по характеру и величине нагрузок и тех или иных марок электротехнических сталей, т. е. имеют известную универсальность.
3. Основной недостаток предлагаемого способа — трудоемкость решения трансцендентного уравнения.

### ЛИТЕРАТУРА

1. Л. Л. Рожанский. Статические умножители частоты в схемах телеконтроля и телесигнализации. Диссертация, 1947.
2. Л. Л. Рожанский. Статические электромагнитные преобразователи частоты. Госэнергоиздат, 1959.
3. С. В. Шapiro. Аналитический расчет внешней характеристики устроителя частоты с продольной емкостной компенсацией. Труды ГПИ им. А. А. Жданова, т. XVI, вып. 5, 1960.